

تحلیل رانش خاک و دیوارهای حائل تحت اثر زمین لرزه

نوشته.

دکتر امیر محمد طباطبائی

استادیار دانشکده فنی - دانشگاه تهران

چکیده

دیوارهای حائل خاک اغلب با استفاده از نظریه کولمب که در آن تعادل یک توده گسیخته شده خاک در نظر گرفته شده و توزیع رانش خاک واقع در پشت دیوار بصورت هیدرولاستاتیکی فرض می‌گردد، طرح می‌شوند. بسیاری از این نوع دیوارها که اغلب دیوارهای ساحلی و پایه‌پلها بوده‌اند در اثر زمین لرزه کاملاً خراب شده و یا خرابی‌هایی را موجب گردیده‌اند. در چند دهه گذشته مطالعات زیادی در زمینه طرح و محاسبات دیوارهای مقاوم در برابر زمین لرزه بعمل آمده است. در این مقاله کوشش شده که خلاصه‌ای از نتایج بدست آمده از این مطالعات جمع آوری و بهنجوی ارائه شود که قابل استفاده مهندسین و طراحان ایمن نوع دیوارها باشد. نتایج مطالعات متعدد نظری و آزمایشگاهی نشان داده است که اولاً در اثر زمین لرزه میزان فشار خاک وارد بر دیوار افزایش می‌یابد و میزان این افزایش بستگی به شدت زمین لرزه دارد، ثانیاً "توزیع فشار خاک در ارتفاع دیوار خطی" نبوده و در نتیجه نقطه اثر برآیند این نیروها در فاصله یک سوم ارتفاع دیوار از کف دیوار قرار ندارد و ثالثاً در اثر زمین لرزه ممکن است دیوار لغزیده و یا کج شود.

۱- مقدمه

۲- نحوه تعیین رانش محرك خاک در اثر زمین لرزه

یکی از روش‌های متداول تعیین رانش خاک بر دیوار (در حالت استاتیکی) استفاده از نظریه کولمب است، که مقدار رانش محرك از رابطه ۱ بدست می‌آید (شکل ۱).

$$P_A = \frac{1}{2} \gamma H^2 K_A \quad (رابطه ۱)$$

در این رابطه P_A مقدار رانش محرك خاک در واحد طول دیوار، γ وزن مخصوص خاک، H ارتفاع دیوار حائل، و K_A ضریب رانش محرك خاک است که از رابطه ۲ تعیین می‌شود.

$$K_A = \frac{\cos^2(\phi-\beta)}{\cos^2\beta \cos(\delta+\beta) \left[1 + \left\{ \frac{\sin(\delta+\phi) \sin(\phi-\beta)}{\cos(\delta+\beta) \cos(\beta-\delta)} \right\}^{\frac{1}{2}} \right]^2} \quad (رابطه ۲)$$

در این رابطه ϕ زاویه اصطکاک داخلی خاک، δ زاویه اصطکاک دیوار و خاک، β شیب پشت دیوار نسبت به قائم و شیب بالای خاکریز نسبت به افق است. معمولاً مقدار K_A بر حسب مقادیر مختلف δ ، β ، و ϕ بصورت جداولی از قبیل جدول ۲ در کتابهای مکانیک خاک و پی‌سازی داده شده است.

در اثر زمین لرزه بر دیوارهای حائل فشارهای جانبی اضافی وارد می‌شود که ممکن است موجب خرابی‌های مهمی شود. این افزایش فشار ممکن است موجب لغش، کج شدن و یا واژگونی دیوارهای حائل شود. اغلب خرابی‌های از این قبیل در مرور دیوارهای ساحلی یا پایه‌پلها گزارش شده است. در جدول ۱ مثالهای از این نوع خرابی‌ها که در اثر زمین لرزه به وجود آمده است، علل این خرابی‌ها افزایش رانش خاک پشت دیوار، کاهش فشار آب در جلوی دیوار، روان شدن^۱ مصالح پشت دیوار بوده است.

چون در طرح و محاسبه دیوارهای حائل تعیین مقادیر نیروهای مختلف وارد بر دیوار مورد نیاز است، لذا در این مقاله نحوه تعیین میزان افزایش رانش خاک پشت دیوار، و مقدار کاهش فشار آب در جلوی دیوار و همچنین نقاط اثرا برآیندها ارائه شده است، تا با توجه به این فشارهای اضافی دیوارهای حائل خاک مقاوم در برابر زمین لرزه قابل طرح باشند.

جدول ۱ - نمونه‌های از خرابی دیوارهای ساحلی در اثر زمین‌لرزه

زمین‌لرزه	تاریخ	محل	بزرگی	فاصله‌از	نوع خرابی	حدود مقدار
			زمین‌لرزه	مرکزی (km)		جابجایی (متر)
Kitaizu	۱۹۳۰	Shimizu	۷ ر ۱	۴۸	خراب شدن دیوارهای وزنی	۸
Shizuoka	۱۹۳۵	Shimizu			فروریختن دیوار حائل	۵
Tonankai	۱۹۴۴	Shimizu	۸ ر ۲	۱۷۵	لغزیدن دیوار حائل	
Nagoya					حرکت دیوار ساحلی و سکوی بالای آن	۴-۳
Yokkaichi	۱۹۴۴				حرکت سکوی متکی بر شمع ها	۳ ر ۷
Nankai	۱۹۴۶	Nogoya	۸ ر ۱		حرکت دیوار ساحلی و سکوی بالای آن	۴
		Osaka		۲۰۰	خراب شدن دیوار حائل	۴ ر ۳
		Yokkaichi			حرکت سکوی متکی بر شمع ها	۳ ر ۷
		Uno		۳۰۴	حرکت دیوار وزنی	۰ ر ۶
Tokachioki	۱۹۵۲	Kushiro	۷ ر ۸	۱۴۴	حرکت دیوار وزنی	
Chile	۱۹۶۰	Puerto-Montt	۸ ر ۴	۱۱۲	وازگونی کامل دیوارهای وزنی	۵ ر ۴
					حرکت دیوار مهار شده ساحلی	۹ ر ۵-۶
Niigata	۱۹۶۴	Niigata	۷ ر ۵	۵۱	کشیدن دیوار وزنی	۳
					حرکت دیوار مهار شده ساحلی	

بدست می‌آید.

از تفاضل مقادیر رانش محرك خاک در حالت‌های استاتیکی و دینامیکی ($P_{AE} - P_A$) مقدار افزایش رانش محرك خاک در اثر زمین لرزه‌ای که میزان ضرایب قائم و افقی آن برابر k_v و k_h است بدست می‌آید (ΔP_{AE}).

در شکل‌های ۳، ۴، و ۵ بترتیب منحنیهای تغییرات زاویه اصطکاک دیوار و خاک (۳)، زاویه اصطکاک داخلی خاک (۴) و شبیه بالای خاکریز پشت (۵) بر حسب ضریب فشار خاک محرك دینامیکی نشان داده شده است.

به منظور بررسی و اندازه‌گیری رانش خاک تحت اثر نیروهای دینامیکی، مطالعات آزمایشات متعددی بعمل آمده است. در اغلب این آزمایشات از ماسه خشک در داخل جعبه‌ای واقع بر روی یک میز لرزان استفاده شده است. جعبه حاوی ماسه تحت ارتعاشات افقی مختلف قرارداده شده و مقادیر حد اکثر فشارهای وارد اندازه‌گیری شده است. در شکل‌های ۶ و ۷ نمونه‌های ازنتایج این نوع آزمایشات و مقایسه آنها با مقادیر نظری (رابطه ۳) نشان داده شده است. آزمایشات نشان داده‌اند که شبیه سطح گسیختگی خاک در حالت دینامیکی (خط BC در شکل ۲) کمتر از شبیه سطح نظری در حالت استاتیکی (خط BC در شکل ۱) است. در شکل ۸ یک نمونه از توزیع رانش خاک پشت یک دیوار تحت اثر بارگذاری دینامیکی نشان داده شده است. در این شکل خطوط مستقیم خط‌چین مربوط به نتایج نظری در حالت بارگذاری استاتیکی و منحنی هامربوط به نتایج آزمایشگاهی در حالت استاتیکی و دینامیکی است.

۳- رانش مقاوم خاک تحت اثر زمین لرزه

بر مبنای فرضیات و مشابه روش ارائه شده در بند ۲ می‌توان مقادیر رانش خاک را در حالت مقاوم تحت اثر زمین لرزه بدست آورد.

$$P_{PE} = \frac{1}{2} \gamma H^2 (1-k_v) K_{PE} \quad (رابطه ۶)$$

$$(رابطه ۷)$$

در اثر زمین لرزه، گوه گسیخته شده خاک (ABC در شکل ۲) تحت ستاد ناشی از زمین لرزه قرار گرفته که موجب بوجود آمدن نیروهای ماند می‌شود. هرگاه مولفه‌های عمودی و افقی ستاد حرکت زمین بترتیب برابر a_h و a_v فرض شود، میزان مولفه‌های قائم و افقی نیروی ماند بترتیب برابر a_h/g و a_v/g خواهد بود که وزن گوه خاک گسیخته شده و g ستاد نقل زمین است.

اگر نسبت a_v/a_h و a_h/g بترتیب برابر k_v و k_h فرض شود (ضرایب عمودی و افقی زمین لرزه) با بکار بردن روش مشابه روش تحلیلی کولمب می‌توان مقادیر رانش خاک را بر یک دیوار حائل شامل اثر زمین لرزه بدست آورد. این فشار در رابطه ۳ داده شده است که به رابطه مونونوبه‌اکابه^۱ موسوم است.

$$P_{AE} = \frac{1}{2} \gamma H^2 (1-k_v) K_{AE} \quad (رابطه ۳)$$

در این رابطه P_{AE} مقادیر اثر زمین لرزه محرك خاک در واحد طول دیوار شامل اثر زمین لرزه، و K_{AE} ضریب رانش محرك خاک شامل اثر زمین لرزه می‌باشد. γ و H قبل تعریف شده و مقادیر ضریب K_{AE} از رابطه ۴ بدست می‌آید.

$$(رابطه ۴)$$

در این رابطه $\theta = \tan^{-1} \left[k_h / (1-k_v) \right]$ است، و مقادیر ϕ ، β ، δ ، و ζ قبل تعریف شده‌اند. از مقایسه روابط ۲ و ۴ می‌توان رابطه ۵ را نتیجه گرفت.

$$(رابطه ۵)$$

که در این رابطه $\theta = i + \theta$ و $\beta = \beta + \theta$ می‌باشد. چون در اغلب کتابهای مکانیک خاک و پی سازی جداولی از قبیل جدول ۲ برای محاسبه ضریب فشار خاک محرك در حالت استاتیکی آورده شده است، بنابراین با تغییر متغیرهای $i + \theta = \zeta$ و $\beta = \beta + \theta$ هرگاه K_A بازه i ، β ، δ و ϕ برای حالت استاتیکی بدست آمد و در ضریب $\left[\frac{\cos^2 \beta'}{\cos \theta \cos^2 \beta} \right]$ ضرب شود، مقادیر ضریب رانش محرك خاک شامل اثر زمین لرزه

جدول ۲ - مقادیر K_A (رابطه ۲)

δ	$\phi=26$	28	30	32	34	36	38	40
$\beta=0, i=0$								
0	0.390	0.361	0.333	0.307	0.283	0.260	0.238	0.217
16	0.349	0.324	0.300	0.278	0.257	0.237	0.218	0.201
17	0.348	0.323	0.299	0.277	0.256	0.237	0.218	0.200
20	0.345	0.320	0.297	0.276	0.255	0.235	0.217	0.199
22	0.343	0.319	0.296	0.275	0.254	0.235	0.217	0.199
$\beta=0, i=5$								
0	0.414	0.382	0.352	0.323	0.297	0.272	0.249	0.227
16	0.373	0.345	0.319	0.295	0.272	0.250	0.229	0.210
17	0.372	0.344	0.318	0.294	0.271	0.249	0.229	0.210
20	0.370	0.342	0.316	0.292	0.270	0.248	0.228	0.209
22	0.369	0.341	0.316	0.292	0.269	0.248	0.228	0.209
$\beta=0, i=10$								
0	0.443	0.407	0.374	0.343	0.314	0.286	0.261	0.238
16	0.404	0.372	0.342	0.315	0.289	0.265	0.242	0.221
17	0.404	0.371	0.342	0.314	0.288	0.264	0.242	0.221
20	0.402	0.370	0.340	0.313	0.287	0.263	0.241	0.220
22	0.401	0.369	0.340	0.312	0.287	0.263	0.241	0.220

شده است که میزان درصد افزایش رانش خاک در حال سکون تحت اثر زمین لرزه نسبت به رانش در حال سکون استاتیکی برابر درصد افزایش رانش محرك خاک تحت اثر زمین لرزه به رانش محرك استاتیکی خاک فرض شود.

در این روابط P_E مقدار رانش مقاوم خاک در واحد طول دیوار شامل اثر زمین لرزه، K_{PE} ضریب رانش مقاوم شامل اثر زمین لرزه است، و مقادیر سایر پارامترها قبل "تعريف شده‌اند".

۵- تاثیر چسبندگی خاک

روابط ۳ و ۴ برای تعیین رانش خاک تحت اثر زمین لرزه برای خاکهای غیر چسبنده می‌باشد. در صورتی که خاکدارای چسبندگی باشد، به نیروهای نشان داده شده در شکل ۲ نیروهای $C = CH / \sin \alpha$ و چسبیدگی $C = CH / \cos \beta$ نیز اضافه می‌شود که بترتیب در روی سطوح BC و BA و درجهٔ بستم بالا اثر خواهد کرد. در این حالت ها نمی‌توان روابط کلی به صورت بسته بدست آورد.

۴- رانش خاک در حال سکون تحت اثر زمین لرزه

در مورد دیوار زیرزمین‌ها و پایه‌پلهای فشارهای استاتیکی، رانش‌های در حال سکون هستند، درحال حاضر هیچ اطلاعاتی درمورد میزان تغییرات این فشارها در اثر زمین لرزه در دست نیست. چون رانش درحال سکون استاتیکی از رانش محرك استاتیکی بیشتر است، احتمال دارد که رانش درحال سکون خاک در موقع زمین لرزه نیز بیشتر از رانش محرك در موقع زمین لرزه باشد. از این نظر در حال حاضر موقتاً توصیه کلی به صورت بسته بدست آورده است.

که در مورد دیوارهای ساحلی باید اثر هیدرودینامیکی خاک نیز در نظر گرفته شود. این عمل معمولاً با استفاده از نظریه وسترنگارد انجام می‌شود. بر مبنای این نظریه فشار آب ناشی از یک زمین لرزه در عمق z را می‌توان از رابطه ۹ بدست آورد.

$$P_1 = \frac{7}{8} k_h \gamma_w h^{1/2} y^{1/2} \quad (رابطه ۹)$$

در این رابطه P_1 شدت فشار وارد بر دیوار در طرف دریا، γ_w وزن مخصوص آب، و h کل عمق آب می‌باشد. k_h قبل از تعریف شده است. بنابراین با انتگرال گیری از رابطه ۹ مقدار فشار آب دینامیکی کل در واحد طول دیوار در طرف دریا $P_{1(w)}$ و نقطه اثر آن \bar{y} بدست می‌آید (شکل ۹).

$$(رابطه ۱۰)$$

$$P_{1(w)} = \int p_1 dy = \int_0^h \frac{7}{8} k_h \gamma_w h^{1/2} y^{1/2} dy = \frac{7}{12} k_h \gamma_w h^2$$

$$\bar{y} = \frac{1}{P_{1(w)}} \int_0^h (p dy) y = 0.6h \quad (رابطه ۱۱)$$

پیشنهاد شده است که مقدار افزایش فشار آب منفذی در طرف خشکی تقریباً برابر ۷۰٪ فشار مربوط به طرف دریا در نظر گرفته شود. بنابراین:

$$P_{2(w)} = 0.7 \left(\frac{7}{12} k_h \gamma_w h^2 \right) 0.4083 \quad (رابطه ۱۲)$$

چون در ضمن یک زمین لرزه نیروی وارد بر دیوار در طرف دریا به اندازه P_1 کاهش یافته و در طرف خشکی به اندازه P_2 افزایش می‌یابد لذا مقدار کل افزایش فشار وارد بر دیوار در واحد طول آن برابر خواهد بود با P_w که مقدار آن در رابطه ۱۳ داده شده است.

$$(رابطه ۱۳)$$

۸- تعیین میزان تغییر مکان دیوارهای حائل در اثر زمین لرزه

اگرچه روش‌های ساده‌ای توسط نانذک‌کاران، ریچاردز والمس، و دیگران برای پیش‌بینی میزان لغزش دیوارهای حائل در اثر زمین لرزه پیشنهاد شده است، لیکن کلیه این روش‌ها تا حال حاضر حالت‌های بسیار ساده شده بوده و توافق کلی در مورد استفاده از آنها وجود نداشته، و در نتیجه در حال حاضر تنها استفاده از روش اجزاء محدود میسر است.

در صورت وجود سایر نیروها از قبیل سریار، مقدار آنها نیز تعیین (مقدار نیرو و ماند حاصل از آن بعلت شتاب حرکت زمین در موقع زمین لرزه) و در تعادل نیروها منظور می‌شوند.

لازم به تذکر است که در حالت‌های کلی معمولاً ساده‌تر آن است که به جای استفاده از روابط بسته برای محاسبه رانش خاک، روش ترسیمی کولمن که اصلاحات لازم در آن به عمل آمده است بکار رود. اصلاحات لازم در روش ترسیمی کولمن شامل در نظر گرفتن نیروهای ماند خاک و سریار ناشی از شتاب زمین لرزه و همچنین ترسیم خطوط شیب و فشار خاک بترتیب با زوایای $\theta-\phi$ و $\theta-\beta-\delta-\phi$ به جای زوایای ϕ و $\theta-\beta-\delta$ است.

۶- نقطه اثر برآیند فشارهای جانی خاک

اگرچه در حالت استاتیکی فرض آن است که توزیع رانش خاک به صورت هیدرواستاتیکی است ولذا نقطه اثر برآیند فشار خاک در فاصله یک سوم ارتفاع دیوار از کف دیوار می‌باشد، لیکن کلیه آزمایشات انجام شده و مطالعات نظری تا حال حاضر نشان داده است که اولاً توزیع فشارها در حالت دینامیکی غیر خطی بوده (شکل ۸)، و ثانیاً فاصله نقطه اثر برآیند رانش خاک در حالت دینامیکی از کف دیوار (H) بیشتر از یک سوم ارتفاع دیوار است. در مورد مقدار مشخص H توافق کلی هنوز وجود ندارد و مقادیر مختلفی که مقدار آنها بین یک دوم تا دو سوم ارتفاع متغیر است برای H پیشنهاد شده است. سید وویتمن رابطه زیر را برای تعیین H پیشنهاد کرده‌اند.

$$\bar{H} = \left[(P_A) \left(\frac{1}{3} H \right) + (\Delta P_{AE}) (0.6H) \right] / P_{AE} \quad (رابطه ۸)$$

که در این رابطه فرض آنست که مقدار رانش خاک مربوط به حالت استاتیکی P_A در فاصله یک سوم ارتفاع دیوار، و مقدار افزایش رانش خاک ناشی از زمین لرزه ΔP_{AE} در فاصله شش دهم ارتفاع دیوار از کف آن است.

۷- تاثیر هیدرودینامیکی آب منفذی

رابطه ۲ در مورد دیوارهای حائلی که خاک پشت آنها در حالت خشک است (ویا حالت اشباع که در این حالت وزن مخصوص اشباع شده خاک بکار می‌رود) معتبر است، در حالی

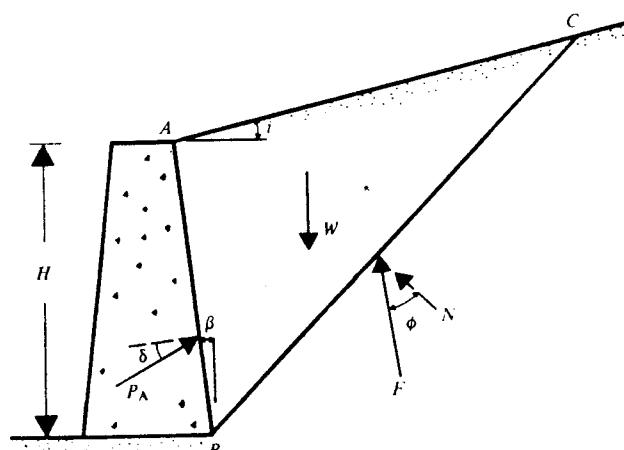
دارد که اغلب مربوط به دیوارهای ساحلی و پایه پلها بوده است.

- مقدار افزایش رانش خاک را می‌توان با استفاده از روش تحلیلی مونونوبه - آکابه بدست آورده که اصلاحی برنظریه کولمب برای درنظرگرفتن نیروهای ماند وارد برگوه گسیختگی خاک در اثر زمین لرزه است.

- نتایج حاصل از روش تحلیلی مونونوبه - آکابه با انجام آزمایشات متعدد مورد بررسی قرار گرفته که کلا "توافق خوبی از این مقایسه های بدست آمده است. این توافق بخصوص در مورد ضرایب افقی زمین لرزه کمتر از ۴۵ ر° و همچنین در مورد ارتعاشات با زمان تناوب برابر با ۳ ر° ثانیه بهتر بوده است.

- اگرچه نقطه اثربار آیند رانش خاک در حالت استاتیکی در یک سوم ارتفاع دیوار از کف آن در نظر گرفته می‌شود، لیکن نتایج آزمایشات و مطالعات به عمل آمده نشان داده است که اولاً توزیع رانش خاک در حالت دینامیکی خطی نیست و ثانیاً نقطه اثربار آیند فشارهای جانبی خاک بیشتر از یک سوم ارتفاع دیوار از کف فاصله دارد.

- در مورد دیوارهای ساحلی باید اثر فشارهای هیدرودینامیکی آب دریا نیز در نظر گرفته شود، زیرا در اثر زمین لرزه فشار آب وارد بر دیوار در طرف دریا کاهش یافته و در طرف خشکی افزایش می‌یابد.



شکل ۱ - گوه گسیختگی خاک - نظریه کولمب در مورد رانش محرك خاک

۹- آئین نامه مربوط

موسسات بین‌المللی از جمله انجمن آمریکائی آزمایش و مصالح ASTM و موسسه ملی استانداردها NBS دستورالعملی برای تعیین رانش خاک تحت اثر زمین لرزه ارائه نکرده‌اند. چون در دستورالعمل کشورهند (IS 1893) اطلاعات مفیدی در این زمینه وجود دارد، لذا در اینجا اشاره‌ای به آن می‌شود. به موجب این آئین نامه استفاده از رابطه ۳ برای تعیین مقدار رانش محرك خاک وارد بر دیوارهای حائل جهت طرح آنها توصیه شده است. از رانش بدست آمده از رابطه ۳ بخش مربوط به رانش خاک استاتیکی در فاصله یک سوم ارتفاع دیوار و مابقی آن که افزایش دینامیکی است در فاصله یک دوم ارتفاع دیوار از کف آن به دیوار باید وارد شود.

در مورد خاکهای اشباع شده، باید وزن مخصوص اشباع شده در رابطه ۳ بکار رود. در مورد خاکهای غوطه‌ور در آب باید در رابطه ۱۳ اصلاحات زیر به عمل آید:

الف - میران ۵ باید یک دوم ۵ برای حالت خاکبر خشک بکار رود.

ب - برای θ باید مقدرا زیر بکار رود.

$$\theta = \tan^{-1} \frac{\gamma_{sat}}{\gamma_{sat}-1} - \frac{a_h}{1+a_v}$$

که در این رابطه γ_{sat} وزن مخصوص خاک اشباع شده، a_h ضریب افقی زمین لرزه، و a_v ضریب قائم زمین لرزه است که برابر یک دوم a_h فرض می‌شود.

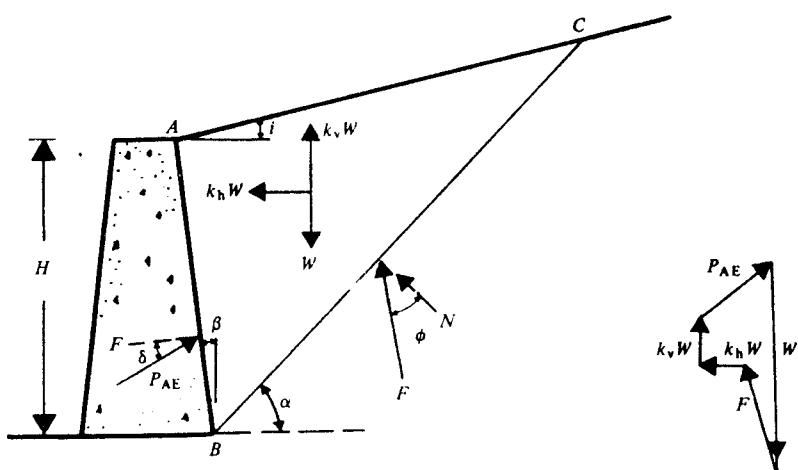
ج - وزن مخصوص خاک غوطه‌ور باید بکار رود.

د - چون اثر شتاب ناشی از زمین لرزه ببروی آب به طور غیر مستقیم در نظر گرفته شده است، لزومی به در نظر گرفتن مجرای فشار هیدرودینامیکی ناشی از آب موجود در خاک بزر نمی‌باشد.

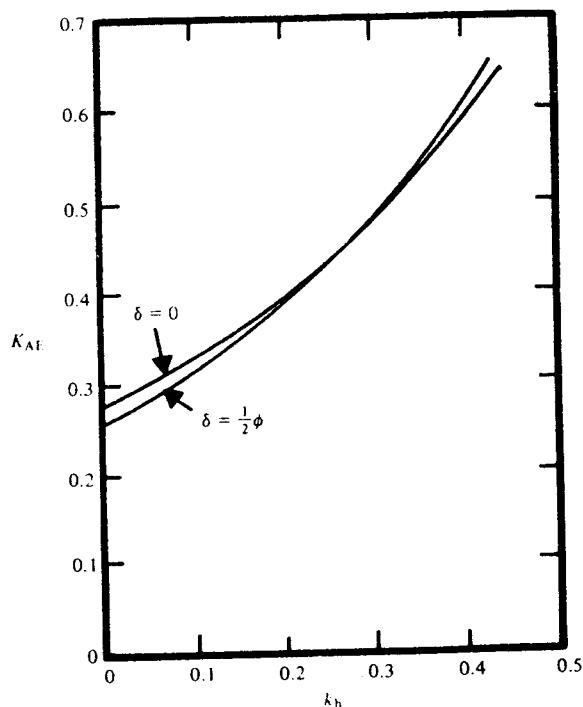
۱۰- خلاصه و نتیجه‌گیری

در این مقاله اثر زمین لرزه در تعیین رانش خاک به منظور طرح و محاسبه دیوارهای حائل خاک مورد بررسی قرار گرفته است نکات اصلی و نتایج بدست آمده را می‌توان بترتیب زیر خلاصه کرد:

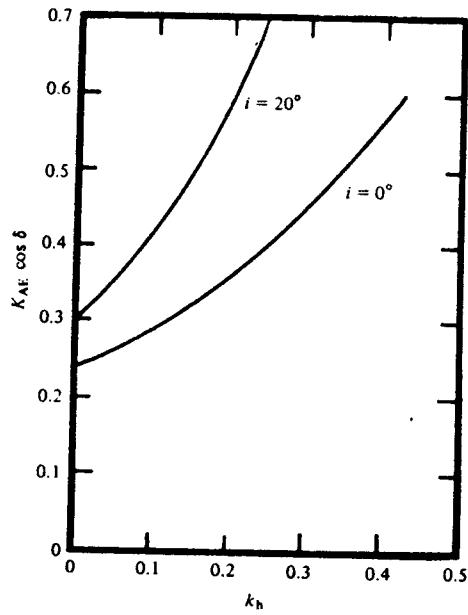
- در اثر زمین لرزه بر دیوارهای حائل خاک، فشارهای اضافی وارد می‌شود که می‌تواند موجب خرابی دیوار و تاسیسات مربوط شود. شواهد بسیاری در مورد این نوع خرابی‌ها وجود



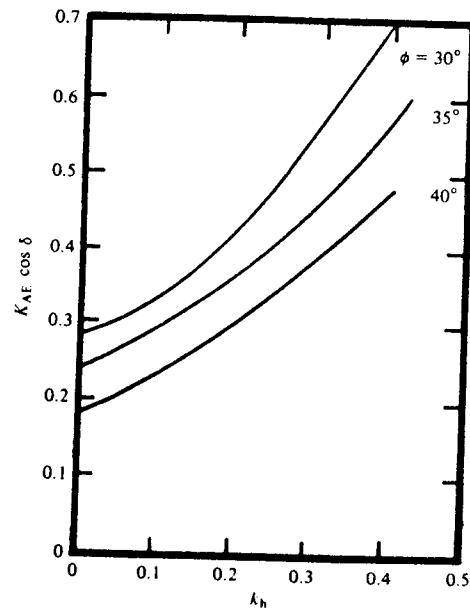
شکل ۲ - نظریه مونونوبه - اکابه - در مورد رانش محرك خاک شامل اثر زمین لرزه



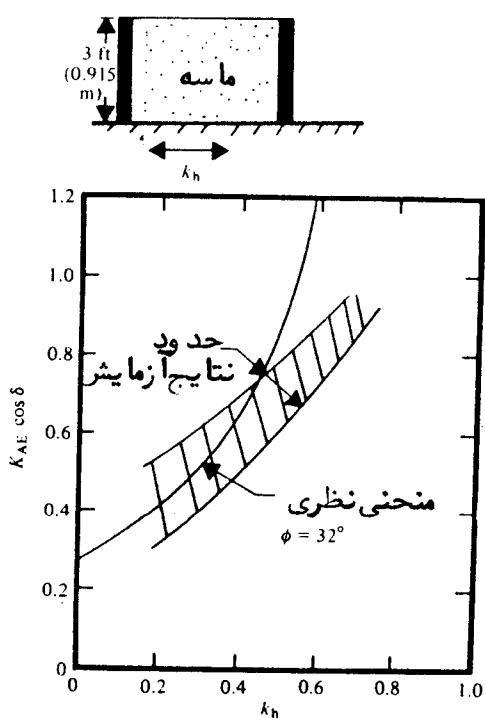
شکل ۳ - تأثیر اصطکاک دیوار و خاک بر K_{AE}



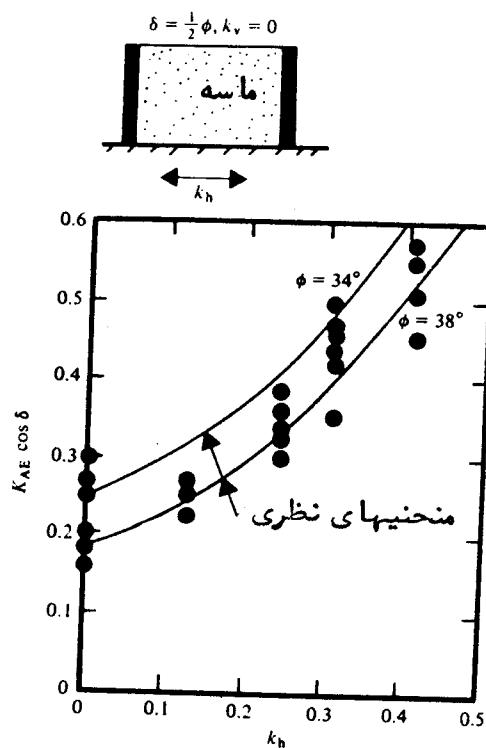
شکل ۵ - تاثیر شیب بالای خاکریز بر K_{AE}



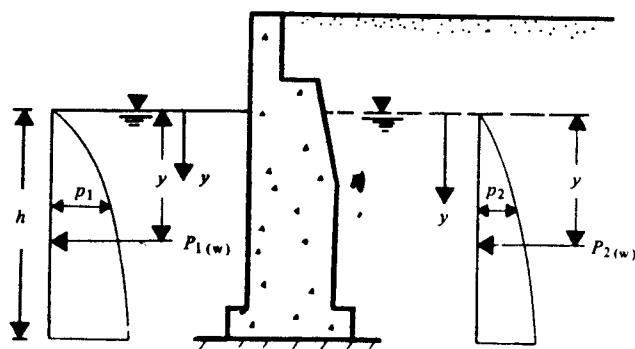
شکل ۶ - تاثیر زاویه اصطکاک خاک بر K_{AE}



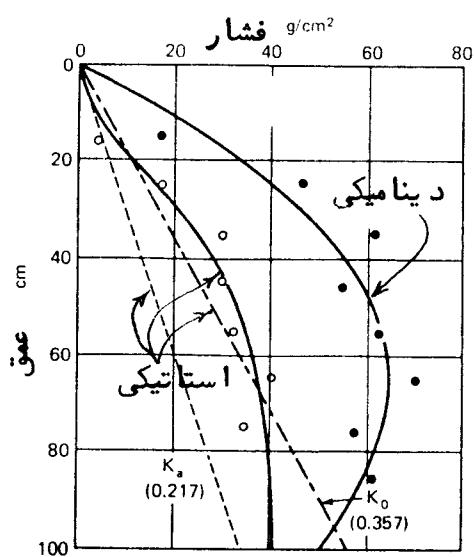
شکل ۷ - مقایسه نتایج آزمایش با منحنی نظری



شکل ۸ - مقایسه نتایج آزمایش با منحنیهای نظری



شکل ۹ - اثر هیدرودینامیکی آب بر دیوار ساحلی



شکل ۸ - توزیع فشارهای خاک

فهرست مطالب

- 5- Seed, H.B., and Whitman, R.V.,
 "Design of Earth Retaining Structures for Dynamic Loads," Proc., Specialty Conf. on Lateral Stresses in the Ground and Design of Earth Retaining Structures, ASCE, 1970.
- 6- Indian Standard Criteria for Earthquake Resistant Design of Structures, IS 1893-1975, Third Edition, 1975.
- 7- Nazarian, H.N., and Hadjian, A.H., "Earthquake-Induced Lateral Earth Pressures on Structures," Journal of the Geotechnical Engineering Division, ASCE, Vol. 105, No. GT9, 1979.
- 1- Das, B.M., "Fundamentals of Soil Dynamics," Ch. 9, Lateral Earth Pressure on Retaining Walls, Elsevier, Second Printing, 1984.
- 2- Prakash, S., "Soil Dynamics," Ch. 5, Dynamic Earth Pressure Problem and Retaining Wall, McGraw-Hill, 1981.
- 3- Bowles, J.E., "Foundation Analysis and Design," Ch. 11, Lateral Earth Pressure, McGraw-Hill, Third Edition, 1982.
- 4- Richards, R., and Elms, D.G., "Seismic Behavior of Gravity Retaining Walls," Journal of the Geotechnical Engineering Division, ASCE, Vol. 105. No. GT4, 1979.