

دکتر گیتی ابوالحمد - مهندس مهران غفوریان
مهندس سامیر صالحی
دانشکده فنی - دانشگاه تهران

دکتر محمد مهدی اکبرنژاد
مرکز پژوهش و خدمات علمی وزارت نفت

چکیده:

هدف پروژه شناخت و بررسی فرآیند تبدیل کاتالیزوری گاز طبیعی با بخار آب (STEAM METHANE REFORMING) واحد . S.M.R با استفاده از مدل ریاضی مناسب و شبیه سازی واحد فوق است (MODELING & SIMULATION). در این پروژه ابتدا پارامترهای عملیاتی واحد نامبرد محسوب شده است . سپس با تغییر پارامترهای مختلف با استفاده از برنامه کامپیوتری، تاثیر هریک از پارامترها بر درصد تبدیل و خلوص محصول نهائی و نحوه تغییر آن در طول راکتور ارائه شده است .

ویژگی این پروژه را شاید بتوان تکیه بری دست آوردن رابطه پارامترهای موجود در مدلها سینتیکی و ریاضی انتخاب شده با شرایط عملیاتی که در هر مقطع از راکتور برقرار باشد دانست . در بیشتر شبیه سازیهای انجام شده در گذشته، برای سهولت کاربرای این پارامترهای نظریه دمای واکنش، ظرفیت گرمائی، گرانزوی، جرم مولکولی، ضریب نفوذ و ضریب تاثیر پذیری و در طول راکتور مقدار متوسطی در نظر گرفته شده است ولی در پروژه فعلی سعی شده برای تمام این پارامترها روابط دقیق و تا حد امکان ساده ای به صورت تابعی از فشار، دما و درصد تبدیل در طول راکتور به دست آورده شود .

مقدمه:

می شود .

در این فرآیند، برای حل معادله های موازنه جرم و انرژی در طول بستر کاتالیزوری، نیاز به شناخت پارامترهای موجود در این معادلات است و برای انجام یک شبیه سازی دقیق، بعدست آوردن روابط قابل اطمینان و نسبتا "ساده ای" که به اتکای آنها بتوان مقادیر این پارامترها را در مقاطع مختلف بستر بر حسب شرایط عملیاتی موجود در آن مقطع (مانند دما، فشار، جزء مولی) محاسبه کرد، ضروری است . روابط عرضه شده در این مبحث که همگر رابطه ای مستقیم بین پارامتر مورد بررسی و شرایط عملیاتی سیستم برقرار می کنند بعطر هم زمان در یک برنامه کامپیوتری بامدلها ریاضی انتخاب شده برای سیستم قرار گرفته اند و سیستم را با دقت شبیه سازی می کنند .

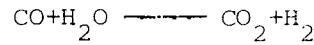
در این مقاله، ابتدا به عرضه فرمولهای کلاسیک و آنچه از متابع مختلف در رابطه با نحوه محاسبات پارامترهای عملیاتی واحد تبدیل کاتالیزوری با بخار آب دست آمد، دست آمد، می پردازیم و سپس مدل سازی، شبیه سازی و بهینه کردن شرایط عملیاتی این واحد، عرضه می شود .

در زیر شکل واحد تولید هیدروژن شامل فرآیندهای تبدیل کاتالیزوری با بخار متان (SMR) STEAM METHANE REFORMING شفیف است

در فرآیند تبدیل کاتالیزوری با بخار آب، تبدیل کاتالیزوری هیدروکربنها با بخار آب به هیدروژن و اکسیدهای کربن صورت می گیرد . خوراک هیدروکربنی می تواند گاز طبیعی (که اساساً از متان تشکیل شده است) و یا برشهای سنتگین تر تاافتباشد . در مردمتان، واکنشهای اصلی به صورت زیرند : واکنش تبدیل کاتالیزوری با بخار



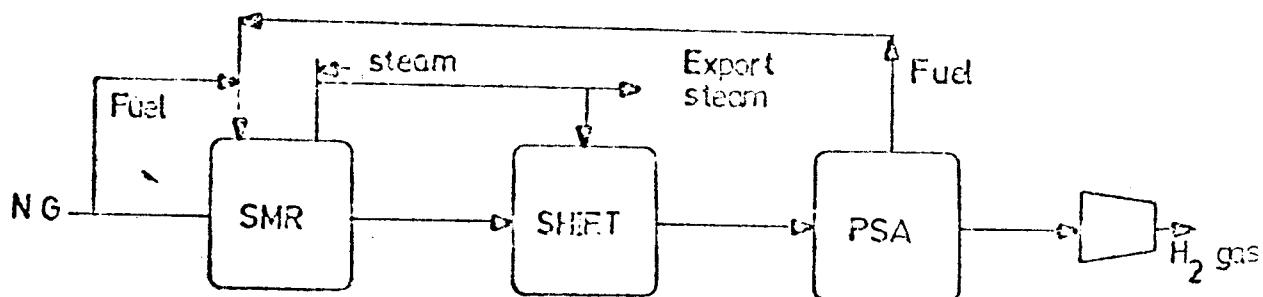
واکنش شیفت



واکنش ببروی بستری از کاتالیزور اکسید نیکل که "معولاً" دانه های آن به شکل حلقه های راشیگ است صورت می گیرد . دانه های کاتالیزور در داخل لوله های عمودی (به قطر ۳ تا ۵ اینچ) قرار دارند و گاز فرآیند از بالا به پایین از روی این بسترها عبور می کند . واکنش کلی تبدیل کاتالیزوری به شدت گرمگیر است و بنابراین باید لوله های محتوی کاتالیزور را در یک کوره قرار داد تا حرارت لازم را از مشعلها دریافت کنند .

در این فرآیند عوامل موثر بر میزان تبدیل عبارت اند از نسبت بخار آب به کربن، دما و فشار هر مقطع راکتور بدین ترتیب که افزایش نسبت بخار به کربن افزایش دما و کاهش فشار در هر مقطع موجب بالا رفتن درجه تبدیل

(PSA) و خالص سازی (Shift Conversion)
(PRESSURE SWING ADSORPTION) ارائه شده است.



۱- محاسبه مول معادل متان

بدست می‌آید (۲) :

$$(C_p)_{H_2O} = 7.4 + 2.45 \times 10^{-3} T \quad (4)$$

$$(C_p)_{H_2} = 6.52 + 0.78 \times 10^{-3} T + 0.12 \times 10^5 T^{-2} \quad (5)$$

$$(C_p)_{CO} = 6.79 + 0.98 \times 10^{-3} T + 0.11 \times 10^5 T^{-2} \quad (6)$$

$$(C_p)_{CO_2} = 10.57 + 2.1 \times 10^{-3} T - 2.06 \times 10^5 T^{-2} \quad (7)$$

$$(C_p)_{CH_4} = 3.381 + 18.044 \times 10^{-3} T - 4.3 \times 10^{-3} T^2 \quad (8)$$

۳- محاسبه ضریب هدایت حرارتی

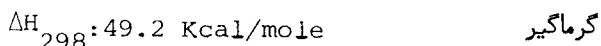
فرض شده است که گاز فرآیندار ملکولهای خطی تشکیل شده است. در این صورت ضریب هدایت حرارتی آن از رابطه زیر محاسبه می‌شود (۳) :

$$K_g' = (1.32 C_v + 3.4 - \frac{0.7}{T_r}) (\frac{\mu}{M_w}) = 7.83 \times 10^{-3} \times \quad (9)$$

$$\frac{M_w}{\mu} = 460 \quad (1.32 C_v + 3.4 - \frac{0.7}{T_r})$$

۴- محاسبه گرمای واکنشهای انجام شده در فرآیند

واکنشهای انجام شده در فرآیند SMR عبارت اند از :



خوراک ورودی واحد SMR هیدروکربنهای گازی سبک (برش C_1-C_4) است که قبلاً از ورود به بستر گرم شده و با عبور از روی کاتالیزور مخصوص، هیدروکربنهای سنگین تر از متان به متان تبدیل می‌شوند (۱). بررسیهای مختلف نشان داده است که هر هیدروکربن به اندازه تعداد کربنهای موجود معادل متان تولید می‌کند و بنابراین تعداد مول متان ورودی براساس رابطه زیر محاسبه می‌شود :

$$\text{moles of equivalent } CH_4 = \sum_{i=1}^n i C_i H_j \quad (1)$$

مول معادل متان حال اگر خوراک ورودی شامل متان، اتان، پروپان و بوتان باشد، کل متان معادل برابر خواهد بود با :

$$1xCH_4 + 2xC_2H_6 + 3xC_3H_8 + 4xC_4H_{10} \quad (2)$$

مول معادل متان

نسبت بخار به کربن نیز به صورت زیر محاسبه می‌شود :

$$\text{Steam to carbon ratio: } F_{H_2O}/F_{CH_4} \quad (3)$$

در این رابطه منظور تنها کربن موجود در ترکیبات هیدروکربنی است.

۲- محاسبه ظرفیت گرمایی

گاز فرایند که مجموعه‌ای از چند گاز خالص است، گاز کامل فرض شده است و ظرفیت گرمایی آن با گرفتن میانگین مولی ظرفیت گرمایی سازنده‌ها بدست آمده است. ظرفیت گرمایی هریک از سازنده‌ها نیز که تابع دماس است، از روابط زیر

به دست می‌آید :

$$\frac{1}{D_{H_2O}^e} = \frac{1}{D_{K,H_2O}^e} - \frac{1}{\sum_{j=m}^n} \frac{j}{D_{mj}} \quad (15)$$

در این رابطه نا ضریب استوکیومتری جزء ز است که برای محصولات ، مثبت و برای ترکیب شونده ها منفی است، برای تعیین ضریب نفوذ نادسن ، از رابطه زیر استفاده شده است (۸) :

$$(D_K)_A = 9.7 \times 10^3 r \left(\frac{T}{M_A} \right)^{\frac{1}{2}} \quad (16)$$

که برای تبدیل به ضریب نفوذ نادسن موثر در

$$\frac{\text{porosity } (\varepsilon_s)}{\text{turtuosity } (\tau)} \quad \text{ضرب می‌شود .}$$

Chapman برای محاسبه ضریب نفوذ ملکولی از رابطه Erskog استفاده شده است (۹) :

$$D_{AB} = 0.0018583 \cdot \frac{T^{\frac{3}{2}} (1/M_A + 1/M_B)^{\frac{1}{2}}}{P_t \cdot \varepsilon_{AB}^2 \cdot \Omega_{AB}} \quad (17)$$

با مشخص کردن ثابت‌های لنارد جونز ε_{AB} و Ω_{AB} (۸۹)، دو رابطه بالا صرفاً برحسب دما و فشار خواهد بود و بنابراین در هر مقطع از بستر می‌توان نفوذ موثر اجزاء مختلف را به دست آورد .

باتوجه به مطالب فوق ، رابطه به صورت توابعی از دما و فشار به دست آمده است که برای اختصار در اینجا تنها یکی از این روابط به عنوان نمونه داده شده است :

$$D_{CH_4,H_2O}^e = 7.539 \times 10^{-6} \cdot \frac{T^{\frac{3}{2}}}{P_t} \quad (18)$$

۷- محاسبه روابط استوکیومتری روابط مورد نیاز برای فشار جزء H_2O فشار جزء CO به صورت زیر داده شده است (۱۰) :

$$P_{H_2O} = P_{H_2O,s} \frac{DeCH_4}{DeH_2O} (P_{CH_4} - P_{CH_4,s}) \quad (19)$$

$$- \frac{DeCO_2}{DeH_2O} (P_{CO_2} - P_{CO_2,s}) \quad (20)$$

$$P_{CO} = P_{CO,s} - \frac{DeCH_4}{DeCO} (P_{CH_4} - P_{CH_4,s}) - \frac{DeCO_2}{DeCO} (P_{CO_2} - P_{CO_2,s})$$

گرمای $\Delta H = -9.84 \text{ Kcal/mole}$

$\Delta H = -9.84 \text{ Kcal/mole}$

برای محاسبه گرمای تشکیل مواد موجود در گاز فرازیند ،

روابطی بعطر تجربی به دست آمده است (۵) که با داشتن

این روابط ، انتالپی و اکنشها بر حسب دما ($T^{\circ}\text{K}$) بصورت

زیر به دست می‌آید :

$$\Delta H_1 = 45.29 \times 10^3 + 15.285T - 669.45 \times 10^{-5} T^2 \quad (10)$$

$$\Delta H_2 = -10.23 \times 10^3 + 1.026T + 9.27 \times 10^{-4} T^2 \quad (11)$$

۵- محاسبه قطرهیدرولیکی معادل و طول مشخصه کاتالیزور

در مورد کاتالیزوری که دانه‌های شیوه مصور حلقه‌های

راشیگ است ، قطر هیدرولیکی معادل از رابطه زیر محاسبه

می‌شود (۶) .

$$D_p = \frac{D_o - D_i}{1 - \frac{D_i}{3D_o}} \quad (12)$$

که در آن D_o و D_i به ترتیب قطر خارجی و قطر داخلی حلقه راشیگ است .

برای محاسبه طول مشخصه دانه کاتالیزور ، حلقه راشیگ باز شده را همانند یک مکعب مستطیل با ضخامت کم (ورق) در نظر می‌گیریم که انتقال جرم اساساً از دو سطح بزرگ آن صورت می‌گیرد ، به این ترتیب طول مشخصه به شکل زیر خواهد بود :

$$l_c = \frac{D_o (D_o - D_i)}{3D_o - D_i} \quad (13)$$

۶- محاسبه ضرایب نفوذ موثر در داخل دانه کاتالیزور ضریب نفوذ موثر اجزاء مختلف با توجه به اینکه جزء اضافی m در مخلوط گاز فرآیند وجود دارد از رابطه زیر محاسبه می‌شود (۲) .

$$\frac{1}{D_i^e} = \frac{1}{D_{ki}^e} + \frac{1}{D_{i,m}^e} \quad (14)$$

چون در این فرآیند ، بخار آب m برابر متان است ، بنابراین جزء اضافی محاسبه شده ، ضریب نفوذ موثر آن از رابطه زیر

$$q = \frac{Q}{A} = u(T_w - T) \quad (26)$$

برای محاسبه u "Froment" در سال ۱۹۸۸، رابطه زیر را در مدل یک بعدی شبه همگن عرضه کرد (۱۲):

$$\frac{1}{u} = \frac{d_{ti}}{2\lambda st} \ln\left(\frac{d_{te}}{d_{ti}}\right) + \frac{1}{\alpha i} \quad (27)$$

رابطه تجربی زیر، پارامتر مدل یک بعدی را به پارامترهای مدل دو بعدی مربوط می کند:

$$\alpha i = \frac{8\lambda_{eraw}}{8\lambda_{er} + \alpha w d_{ti}} \quad (28)$$

که αw نیز به کمک چندین رابطه قابل محاسبه است.

۹- محاسبه افت فشار

مناسبترین معادله موجود برای محاسبه افت فشار در بسترها پرشده که تطابق خوبی با نتایج تجربی دارد، معادله Ergun است (۱۳).

$$\frac{\Delta p}{L} = \frac{150\mu \cdot u(1-\varepsilon)^2}{d_p^2 \cdot \varepsilon^3} + \frac{1.75 \rho u^2 (1-\varepsilon)}{d_p \varepsilon^3} \quad (29)$$

در مقادیر بالای عدد رینولدز (از جمله فرآیند تبدیل کاتالیزوری بابخار)، می توان از جمله اول در مقابل ۱/۲۵ صرف نظر کرد. در نتیجه معادله زیر بدست می آید.

$$\frac{\Delta p}{L} = (1.75) \frac{\rho u^2 (1-\varepsilon)^2}{d_p \varepsilon^3} (1.75) \frac{G^2 (1-\varepsilon)}{\rho d_p \varepsilon^3} \quad (30)$$

۱۰- نتیجه گیری

روابطی که تاکنون عرضه شد، همزمان با مدل های ریاضی سیستم، در یک برنامه کامپیوتراژی قرار گرفته اند و سیستم شبیه سازی شده است. جدول شماره ۱ نمایانگر داده های مورد نیاز برنامه کامپیوتراژی نیز نتایج به دست آمده است. شکل شماره ۱ نیز نمودار جریان شبیه ساز SMR را نشان می دهد. اینک مدل سازی و مشابه سازی واحد SMR تشریح می شود. در این رابطه، ابتدا مدل سینتیکی مورد استفاده معرفی شده است. سپس مدل ریاضی بستر پر شده با برقرار کردن موازنۀ جرم و حرارت و با استفاده از مدل شبه همگن

S معرف سطح خارجی کاتالیزور است.

برای به دست آوردن فشار اجزاء مختلف بر حسب درصد تبدیل CO_2 و CH_4 که معادلات دیفرانسیل آنها در طول بستر موجود است، ابتدا باید درصد تبدیل را به صورت زیر تعریف کرد (۱۱):

$$X_{CH_4} = \frac{F_{OCH_4} - F_{FC_4}}{F_{OCH_4}} \quad X_{H_2} = \frac{F_{H_2} - F_{OH_2}}{F_{OCH_4}} \quad X_{CO_2} = \frac{F_{CO_2} - F_{OCO}}{F_{OCH_4}}$$

$$X_{CO} = \frac{F_{CO} - F_{OCO}}{F_{OCH_4}} \quad X_{H_2O} = \frac{F_{OH_2O} - F_{H_2O}}{F_{OCH_4}}$$

اندیس صفر نمایانگر ورود به راکتور است. از ترکیب روابط استوکیومتری و روابط درصد تبدیل، روابطی برای فشار اجزاء مختلف گازفرآیند به صورت زیر به دست آمده است.

$$P_{H_2O} = \frac{T}{T_0} \cdot \frac{P_O}{F_O} \left[F_{OH_2O} - F_{OCH_4} (X_{CH_4} + X_{CO_2}) \right] \quad (21)$$

$$P_{H_2} = \frac{T}{T_0} \cdot \frac{P_O}{F_O} \left[F_{OCH_4} (3X_{CH_4} + X_{CO_2}) + F_{OH_2} \right] \quad (22)$$

$$P_{CO} = \frac{T}{T_0} \cdot \frac{P_O}{F_O} \left[F_{OCH_4} (X_{CH_4} - X_{CO_2}) + F_{OCO} \right] \quad (23)$$

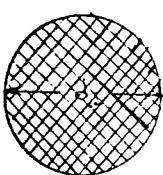
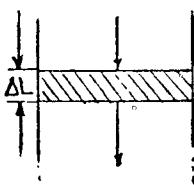
$$P_{CH_4} = \frac{T}{T_0} \cdot \frac{P_O}{F_O} \left[F_{OCH_4} (1 - X_{CH_4}) \right] \quad (24)$$

$$P_{CO_2} = \frac{T}{T_0} \cdot \frac{P_O}{F_O} \left[F_{OCH_4} \cdot X_{CO_2} + F_{OCO_2} \right] \quad (25)$$

با در دست داشتن روابط بالا و نیز معادلات دیفرانسیل درصد تبدیل و داماد رطوبت و سرعت حل هم زمان آنها همراه با معادله های موازنۀ جرم بر روی دانه کاتالیزور، امکان به دست آوردن درصد تبدیل، ضریب تاثیر پذیری و دما در طول بستر به وجود می آید که در قسمت بعدی توضیح بیشتری داده خواهد شد.

۸- محاسبه دمای دیواره در طول بستر

در اغلب شبیه سازی های یکی از پارامترهای مورد نظر دمای دیواره است. در حالت کلی، موازنۀ حرارتی بر روی یک برش استوانه ای راکتور، رابطه زیر را می دهد:



یک بعدی داده شده است. همچنین مدل ریاضی دانه منفرد کاتالیزور عرضه شده است. حل این معادلات دیفرانسیل غیر خطی بهروش اختلاف معین است و با شبه خطی کردن سیستم، پروفیل فشار جزء در داخل دانه کاتالیزور به دست می‌آید و ضریب تاثیرپذیری محاسبه می‌شود. حل معادلات دیفرانسیل بستر به کمک ضریب تاثیرپذیری، دما و درصد تبدیل را در طول راکتور بدست می‌دهد. برای حل این دستگاه، Runge-Kutta, 4th معادله‌های ناخطي از روش استفاده شده است.

با توجه به شکل بالا معادله‌های دیفرانسیل در صد تبدیل CH_4 و CO_2 در طول راکتور به صورت زیر به دست آمده است:

$$\frac{dx_{\text{CH}_4}}{dL} = \frac{A}{F_{\text{CH}_4}} \eta_{\text{CH}_4} r_{\text{CH}_4} \quad (33)$$

$$\frac{dx_{\text{CO}_2}}{dL} = \frac{H}{F_{\text{CH}_4}} \eta_{\text{CO}_2} r_{\text{CO}_2} \quad (34)$$

برای به دست آوردن معادله دیفرانسیل بیانگر تغییرات دمادر طول بستر کاتالیزوری، موازنۀ انرژی به شکل زیر انجام شده است:

$\text{AT}_{\text{نتالپی خروجی از حجم کنترل}} + \text{AT}_{\text{نتالپی مصرف شده در حجم کنترل}} = \text{حرارت ورودی از کوره به حجم کنترل} + \text{AT}_{\text{نتالپی ورودی به حجم کنترل}}.$

با توجه به تغییرات پیوسته دما در طول بستر، بر ش ΔL به یک جزء دیفرانسیل تبدیل شده و رابطه نهایی به صورت زیر به دست می‌آید:

$$\frac{dT}{dL} = \frac{1}{G \cdot C_p} (\Delta H_{\text{CH}_4} \eta_{\text{CH}_4} r_{\text{CH}_4} + \Delta H_{\text{CO}_2} \eta_{\text{CO}_2} r_{\text{CO}_2} - \frac{4Q_O}{D_i}) \quad (35)$$

رابطه (۳۳) تا (۳۵) بیانگر مدل ریاضی تغییرات درصد تبدیل و دما در طول راکتور است که برای شبیه‌سازی راکتور به کار رفته است.

۱۱ - مدل سینتیکی به کار رفته

مدل سینتیکی مورد استفاده یک مدل هیبرید است و از فرم لانگمیر-هنشلود و قانون توانی پیروی می‌کند. برای دواکنش تبدیل کاتالیزوری و شیفت، روابط سینتیکی به صورت زیر به دست آمده است (۱۴):

$$R_{RF} = K_R^O \exp\left(\frac{-E_R}{RT}\right) \frac{P_{\text{CH}_4} - P_{\text{CH}_4(\text{eq})}}{P_{\text{CH}_4}^{\alpha R} \cdot P_{\text{H}_2\text{O}}^{\delta R}} \quad (31)$$

$$R_{SF} = K_S^O \exp\left(\frac{-E_S}{RT}\right) \frac{P_{\text{CO}} - P_{\text{CO}(\text{eq})}}{P_{\text{CH}_4}^{\alpha S} \cdot P_{\text{H}_2\text{O}}^{\delta S}} \quad (32)$$

ضرایب و توانهای مجھول عبارت اند از (۱۵):

$$K_R^O = 9.286 \times 10^8 \text{ Kmol}/(\text{Cat bed})_m^{3\text{hr Bar}}$$

$$K_S^O = 8.688 \times 10^5$$

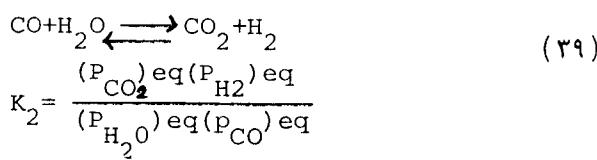
$$E_R = 106,870 \text{ Kj/kmol} \quad E_S = 54,531$$

$$\alpha_R = 0.00 \quad \alpha_S = 0.00$$

$$\delta_R = 0.596 \quad \delta_S = 0.00$$

۱۲ - مدل‌های ریاضی انتقال حرارت و جرم در طول بستر کاتالیزوری

انتخاب مدل شبه همگن یک بعدی برای فرآیند S.M.R. با توجه به شرایط عملیاتی موجود، انتخابی مناسب برای طراحی شبیه‌سازی سیستم است، در این مبحث با فرض مدل شبه همگن یک بعدی، معادله‌های تغییرات درجه حرارت و نیز تبدیل در طول بستر کاتالیزوری به دست آورده شده است.



مقدارهای K_1 ثابت‌های تعادل ترمودینامیکی واکنش‌های تبدیل کاتالیزوری و شیفت به صورت زیر با درجه حرارت هر مقطع مربوط شده‌اند (۳) :

$$K_1 = \exp(305.3 - \frac{43.486}{T}) \quad (40)$$

$$+ \frac{2421748}{T^2} + \frac{2.49 \times 10^9}{T^3}$$

$$K_2 = \exp(-2.930632 + \frac{3606211}{T} + \frac{5042400}{T^2}) \quad (41)$$

در رابطه بالا T بر حسب درجه رانکین و K_1 بر حسب $(\text{atm})^2$ و K_2 بدون بعد است.

برای بعدست آوردن فشار جزء تعادلی CO و CH_4 باید روابط کمکی برای حذف $P_{\text{H}_2\text{O}}$ ، P_{CO_2} ، P_{CO} به دست آورد و با کمک روابط تعادلی داده شده، دستگاه معادله‌های ناخطي به دست آمده را حل کرد.
با برقرار کردن موازنی اتمی برای کربن، هیدروژن و اکسیژن، روابط زیر برای $P_{\text{H}_2\text{O}}$ ، P_{CO_2} و P_{CO} به دست آمده است:

$$(P_{\text{CO}_2})_{\text{eq}} = \frac{T}{T_0} (P_{\text{CO}_2}^* + P_{\text{CH}_4}^*) - (P_{\text{CH}_4}_{\text{eq}}^* + P_{\text{COeq}}^*) \quad (42)$$

$$P_{\text{H}_2\text{Oeq}} = \frac{T}{T_0} (P_{\text{H}_2\text{O}}^* - 2P_{\text{CH}_4}^*) + (2P_{\text{CH}_4}_{\text{eq}}^* + P_{\text{COeq}}^*) \quad (43)$$

$$P_{\text{H}_2\text{eq}} = \frac{T}{T_0} (P_{\text{H}_2}^* + 4P_{\text{CH}_4}^*) - (4P_{\text{CH}_4}_{\text{eq}}^* + P_{\text{COeq}}^*) \quad (44)$$

اکنون باداشتن سه رابطه بالا و گذارد نشان در روابط (۳۸) و (۳۹) و کمک گرفتن از روابط (۴۰) و (۴۱) دو دستگاه معادله ناخطي به دست می‌آید که به روش نیوتون رافسون حل می‌شود.

۱۳- مدل ریاضی دانه منفرد کاتالیزور

همان‌گونه که قبل "بیان شد، حلقه راشیگ را معادل یک ورق با طول مشخصه L در نظر گرفته‌ایم و به این ترتیب استفاده از مختصات دکارتی باعث سهولت محاسبات می‌شود.
به علت کوچکی دانه کاتالیزور، گرادیان دما در داخل آن انداخت و می‌توان دانه را همدامغرض کرد. کم بودن ضخامت لایه فعال باعث می‌شود که بتوان از اثرات انتقال جرم از چهاروجه جانبی کاتالیزور که ضخامت کمی دارند صرف نظر کرد و تنها انتقال جرم را از سطوح بالا و پایین در نظر گرفت.
با تعریف طول بدون بعد به صورت $\frac{L}{L_C} = w$ موازن جرم روی دانه کاتالیزور به صورت زیر خواهد بود:

$$\text{سرعت از بین رفتن } \text{CH}_4 \text{ در داخل حجم کنترل} + \text{سرعت نفوذ } \text{CH}_4 \text{ به خارج حجم کنترل} = \text{سرعت نفوذ } \text{CH}_4 \text{ به داخل حجم کنترل.}$$

با برقرار کردن این موازنی، معادله‌های دیفرانسیل زیر برای دانه منفرد به دست می‌آید:

$$\frac{d^2 P_{\text{CH}_4}}{dw^2} = RT \frac{\frac{L^2 c \cdot p_p}{\rho_B} \cdot \frac{r_{\text{CH}_4}}{D_{\text{CH}_4}^e}}{w=0} \quad (45)$$

$$\frac{d^2 P_{\text{CO}_2}}{dw^2} = -RT \frac{\frac{L^2 c \cdot p_p}{\rho_B} \cdot \frac{r_{\text{CO}_2}}{D_{\text{CO}_2}^e}}{w=1} \quad (46)$$

معادله‌های (۴۵) و (۴۶) با شرایط مرزی زیر مدل دیاضی دانه منفردند و برای شبیه سازی به کار رفته‌اند.

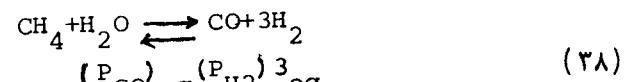
$$w=0 \quad \frac{dp_{\text{CO}_2}}{dw}=0, \frac{dp_{\text{CH}_4}}{dw}=0$$

$$w=1 \quad P_{\text{CO}_2} = P_{\text{CO}_2,s}, P_{\text{CH}_4} = P_{\text{CH}_4,s}$$

۱۴- محاسبه فشار جزء تعادلی CH_4

در مدل سینتیکی برای محاسبه سرعت واکنش در هر مقطع از بستره فشار جزء تعادلی CO, CH_4 در آن مقطع نیاز داریم اما فشار جزء تعادلی بستگی به دما در هر مقطع و نیز درصد اجزاء و دمای خوراک و رودی دارد.

در حالت تعادل فشارهای جزئی اجزاء گاز فرآیند با کمک ثابت تعادل ترمودینامیکی به صورت زیر با یکدیگر مربوط اند:



$$K_1 = \frac{(P_{\text{CO}})_{\text{eq}} (P_{\text{H}_2})^3_{\text{eq}}}{(P_{\text{CH}_4})_{\text{eq}} (P_{\text{H}_2\text{O}})_{\text{eq}}} \quad (48)$$

$$\eta_{CH_4} = \frac{-\rho_B D_{CH_4}^e \left(\frac{dP_{CH_4}}{dw} \right) w=1}{\rho_P L_C^2 RT(r_{CH_4})} \quad (47)$$

علامت منفی نمایانگر شبیب منفی است.

$$K_1 = \frac{\left(P_{CO} \right) eq \left[\frac{T}{T_0} \left(P_{H_2}^* + 4P_{CH_4}^* \right) - \left(4P_{CH_4} + P_{COeq} \right) \right]}{\left(P_{CH_4} \right) eq \left[\frac{T}{T_0} \left(P_{H_2}^* - 2P_{CH_4}^* \right) + \left(2P_{CH_4} + P_{COeq} \right) \right]} \quad (45)$$

$$K_2 = \frac{\left[\frac{T}{T_0} \left(4P_{CH_4}^* + P_{H_2}^* \right) - 4P_{CH_4eq} + P_{COeq} \right] \left[\frac{T}{T_0} \left(P_{CH_4}^* + P_{CO_2}^* \right) - \left(P_{CH_4eq} + P_{COeq} \right) \right]}{\left(P_{COeq} \right) \left[\frac{T}{T_0} \left(P_{H_2}^* - 2P_{CH_4}^* \right) + \left(2P_{CH_4eq} + P_{COeq} \right) \right]} \quad (46)$$

$$\eta_{CO_2} = \frac{\rho_B D_{CO_2}^e \left(\frac{dP_{CO_2}}{dw} \right) w=1}{\rho_P L_C RT |r_{CO_2}|} \quad (48)$$

چون η در مقطعی منفی و در مقطعی دیگر مثبت خواهد شد لذا همواره مقدار مثبت آن در رابطه (48) گذشته شده است.

۱۷- پروفیل دما در طول بستر

با حل معادلهای دیفرانسیل مدل ریاضی بستر به روش RUNGE-KUTTA و با کمک ضریب تاثیرپذیری پروفیل درجه حرارت در طول بستر محاسبه می‌شود.

۱۸- بحث ونتیجه گیری :

باتوجه به منحنیهای به دست آمده، شکل (۲۱۰)، شرایط عملیاتی را می‌توان به گونهٔ زیر بررسی کرد:

الف - فشار

چنانچه از منحنی فشار شکل (۲) گازفرآیند پیداست افت فشار در طول بستر کاملاً "خطی" است و بنابراین برای فرآیند مزبور می‌توان رابطه‌ای خطی بین فشار و طول بستر عرضه کرد. با کمک چنین رابطه‌ای در هر مقطع از بستر می‌توان فشار کل گاز فرآیند را محاسبه کرد. منحنی حاصل را می‌شود به صورت معادله خطی $P = 34.8 - 0.5 I$ نوشته که در آن I فاصله از ابتدای بستر و P فشار در هر مقطع است.

ب - دمای متوسط گاز فرآیند و دمای دیواره:

منحنی‌های ارائه شده افزایش سریع درجه حرارت را تا طول ۵ متری بستر نشان می‌دهند، شکل (۳). دلیل آن

۱۵- پروفیل فشار جزئی CO_2 در داخل دانه کاتالیزور به دست آوردن پروفیل فشار جزئی CO_2 و CH_4 در درون دانه کاتالیزور برای محاسبه ضریب تاثیرپذیری ضروری است. حل معادله‌های دیفرانسیل (۴۶) و (۴۷) منجر به دست آوردن پروفیل فشار جزئی CO_2 و CH_4 خواهد شد. از آنجایی که در واکنش تبدیل کاتالیزوری CH_4 به مصرف می‌رسد در نتیجه فشار جزئی متان در طول دانه کاتالیزور از سطح خارجی به سمت مرکز کاهش خواهد یافت و بر عکس فشار جزء CO_2 از مرکز کاتالیزور تا سطح خارجی آن افزایش می‌یابد.

معادله‌های مزبور به کمک روابط فرم اختلاف معین از درجه خطای ۲، به دو دستگاه معادله دیفرانسیل وابسته و ناخطي تبدیل می‌شود و با ثابت گرفتن جملاتی که باعث ناخطي شدن سیستم می‌شود، دو دستگاه به دست آید که با حل کردن آنها به روش توماس، پروفیل فشار جزء CH_4 و CO_2 در داخل دانه کاتالیزور به دست می‌آید.

۱۶- محاسبه ضریب تاثیرپذیری دوراهمتداول برای به دست آوردن ضریب تاثیرپذیری وجود دارد:

- ۱- بدست آوردن سرعت متوسط در حجم دانه کاتالیزور که سرعت واقعی محسوب می‌شود.
- ۲- استفاده از رابطه نفوذ و به دست آوردن سرعت نفوذ در سطح دانه کاتالیزور و برابر قرار دادن با سرعت واقعی واکنش با توجه به موازنۀ ابعادی.

با استفاده از روش دوم، ضریب تاثیرپذیری برای دو جزء CO_2 و CH_4 به صورت زیر نوشته می‌شود:

تحت تاثیر افزایش دما و کاهش فشار قارمی گیرد کنترل کننده مرحله نفوذ به داخل دانه کاتالیزور خواهد بود. تغییرات زیاد ضرایب نفوذ موثر، استفاده از مقادیر متوسط را در طول بستر رد می‌کند.

ه- گرمای ویژه گاز فرآیند

منحنیهای به دست آمده بیانگر افزایش گرمای ویژه گاز فرآیند است، شکل (۶). دلیل آن افزایش دما در طول بستر است. دیده می‌شود که پس از طول ۶ متری دما رو به کاهش می‌گذارد و از مقدار ماکزیمم خود فرود می‌آید، منحنی گرمای ویژه نیز به تعییت از این کاهش دارای شیب کمتری است، با توجه به منحنی به علت اینکه گرمای ویژه نسبت به دما چندان حساس نیست، انتخاب یک مقدار متوسط برای گرمای ویژه در طول بستر، انتخابی منطقی است. این مقدار برای فرآیند $\text{SMR} = \frac{\text{KJ}}{\text{Kg}\cdot\text{K}}$ به دست آمده است و مقدار خطای این انتخاب برای ابتدا و انتهای راکتور به ترتیب ۱۳٪ و ۸٪ است. چنانکه دیده می‌شود میزان خطا چندان زیاد نیست، اما برای محاسبات دقیق استفاده از مقدار متوسط توصیه نمی‌شود.

و- فشار جزء تعادلی

منحنی تغییرات فشار جزء تعادلی CH_4CO_2 کاملاً "با تغییرات دما هماهنگ است، شکل (۷)، زیرا با افزایش دمابه علت اینکه CH_4 مصرف شونده و CO_2 تولید شونده است، فشار جزء تعادلی CH_4 کاهش و فشار جزء تعادلی CO_2 افزایش نشان می‌دهد. اما پس از طول ۶ متری که دما به تدریج شروع به کاهش می‌کند، فشار تعادلی CH_4 افزایش و فشار تعادلی کاهش می‌یابد. از آنجا که فشار تعادلی CH_4CO_2 از اجزاء معادله‌های سرعت اند محاسبه دقیق مقدار این دو پارامتر در هر مقطع از راکتور ضروری است.

ز- پروفیل فشار جزء در داخل دانه کاتالیزور

منحنی‌های به دست آمده برای پروفیل فشار در داخل دانه کاتالیزور در ابتدای بستر ارائه شده است، شکل (۸). این منحنی‌ها نشان‌دهنده کاهش فشار جزء CH_4 از سطح به سمت مراکز فعال کاتالیزور است و این به دلیل انجام گرفتن واکنش و مصرف CH_4 در داخل دانه است. برای CO_2 ، جهت منحنی، عکس CH_4 است و از سطح به سمت مراکز فعال کاتالیزور، فشار جزء CO_2 افزایش

سرعت زیاد واکنش گرمایی شیفت است. سپس تا نیمه بستر افزایش دما خواهیم داشت که ماکزیمم دما در طول ۶ متری راکتور است و مقدار آن عبارت است از:

$$T_w = 1037.5 \text{ K}$$

پس از آن دما شروع به کاهش می‌کند که دلیل آن کاهش سرعت واکنش گرمایی شیفت است ولی مقدار کاهش آن بسیار جزئی است. با توجه به ماکزیمم درجه حرارت در راکتور (1037.5K) می‌شوان، جنس لوله را برای افزایش مقاومت حرارتی انتخاب کرد. مقایسه دمای خروجی راکتور با دمای بعدست آمده توسط شبیه سازی، نشان دهنده $\frac{1}{2}$ ٪ خطا نسبت به نتایج تجربی است. این خطا می‌تواند به دلیل‌های زیر به وجود آمده باشد: دقیق نبودن ثابت‌های سرعت معادله‌های سرعت ارائه شده و خطای روش ریاضی به کار رفته.

ج- ضریب تاثیر پذیری

منحنی‌های به دست آمده نشان‌دهنده کاهش ضریب تاثیر پذیری با افزایش طول بستر است شکل (۹). دلیل این کاهش، افزایش سرعت واکنش‌های شیفت و فرمینگ در طول بستر و نیز افزایش دماس است. منحنی ارائه شده برای ضریب تاثیر پذیری دی اکسید کربن نمایانگر تغییراتی به اندازه ۹۱٪ (نسبت به مقدار اولیه در ابتدای راکتور) است. میزان شدیداً این تغییرات استفاده از مقدار متوسط ضریب تاثیر پذیری را در شبیه سازی و طراحی رد می‌کند. برای میزان این تغییرات ۶۶٪ است بنابراین در نظر گرفتن تغییرات ضریب تاثیر پذیری در طول راکتور و محسوب کردن مقدار واقعی در هر مقطع از راکتور بسیار اساسی است و اصولاً "استفاده از مقدار میانگین آنگونه که در طراحی استفاده می‌شود صحیح نخواهد بود.

د- ضریب نفوذ موثر اجزاء واکنش

منحنی‌های ارائه شده بیانگر افزایش ضریب نفوذ موثر تمامی اجزاست شکل (۱۰) و دلیل آن افزایش دما و نیز کاهش فشار در طول بستر است که هر دوی این عوامل تاثیر مشبت بر روی افزایش ضرایب نفوذ موثر دارند. تاثیر درجه حرارت و فشار بر روی ضریب نفوذ موثر برای بخار آب سریعتر افزایش می‌یابد و این جزو کنترل کننده نفوذ خواهد بود بلکه کمترین ضریب نفوذ موثر را دارد و نیز با سرعت کمتری CO_2

می‌باید که این به دلیل انجام گرفتن واکنش و تولید CO_2 است. با افزایش دما در طول بستر، شبیه این منحنیها افزایش پیدا می‌کند و در نتیجه ضریب تاثیر پذیری که تابعی از پروفیل غلظت در داخل دانه است کاهش می‌باید. وجود این پروفیلهای پاره‌پذیر لزوم استفاده از ضریب تاثیرپذیری در واکنشهای ناهمگن تأکید می‌کند.

ح - گرمای واکنشها

منحنیهای گرمای واکنش به دست آمده برای واکنشهای تبدیل کاتالیزوری و شیفت، شکل (۹) نیز در طول بستر از دما تبعیت می‌کنند. افزایش دما تا طول ۶ متری بستر باعث افزایش گرمای واکنش شیفت $\frac{\text{Kcal}}{\text{kmole}\cdot\text{k}}$ تا $8980 - \frac{8242}{3}$ می‌شود و ازان پس گرمای واکنش شیفت با شبیه کم کاهش می‌باید و در انتهای بستر به مقدار $(8284/2)$ در ابتدای بستر تا $52750 - 53600$ در طول ۶ متری بستر افزایش می‌باید و ازان پس با شبیه بسیار کم در انتهای بستر به مقدار $52542 \frac{\text{Kcal}}{\text{kmole}\cdot\text{k}}$ می‌رسد. میزان تغییرات از ابتدتا تا انتهای بستر $6/6\%$ است. برای واکنش تبدیل کاتالیزوری گرمای واکنش از 52750 در ابتدای بستر تا 53600 در طول ۶ متری بستر زیادی در طول بستر نشانده‌اند. این است که در نظر گرفتن مقدار متوسط برای گرمای واکنش ایجاد خطای در حدود 10% می‌کند و بنابراین باید این پارامتر را نیز در طول بستر محاسبه کرد.

ط - گرانروی گاز فرآیند

منحنی به دست آمده برای گرانروی گاز فرآیند بیانگر افزایش گرانروی با طول است، شکل (۱۰). از آنجا که میزان این تغییرات زیاد است، در نظر گرفتن مقدار متوسط برای گرانروی صحیح به نظر نمی‌رسد. مقدار گرانروی از $\frac{\text{kg}}{\text{m} \cdot \text{hr}} = 4/38 \times 10^4$ در ابتدای بستر تا $4/62 \times 10^4$ در انتهای بستر تغییر می‌کند که میزان تغییرات نسبی آن $63/6\%$ است.

فهرست منابع:

- ۱- Simulate Methane Reformer Reactions by M.S. HYMAN Hydrocarbon Processing, July 1968, VOL.47.NO.7
- 18-Mathematical Modeling of Heterogenous Catalytic Reactors; Karanth & Hughes, CAT., Rev. Sci. Eng. 9(2), 169-208
- 2- Chemical Eng.Thermodynamics, J.M. Smith.
- 3- Properties of gases & Liquids; Sherwood & Reid
- 4- Catalyst Handbook
- 5- Enthalpy of formation for 700 major Organic Compounds; Carl Yaws & P.Y. Chiang, Chemical Eng. September 26, 1988 VOL 95,NO.13.
- 6- Heat exchanger Design Handbook VOL.2. Hemisphere Publication,P.J.Heggs
- 7- Aiche Journal ,January 1989, VOL. 35, No.1
- 8- Chemical Eng. Kinetics J.M.Smith (1987)
-
- 9- Heterogenous Reactor Design, Lee (1985)
- 10- Chemical & Catalytic Reactor Modeling A.C.S Sym. (1984)
- 11- Simulation of Steam Reformers For methane, M.A.Soliman, Chcmical Eng. Science, VOL.43,NO 8 pp. 1902-1806 (1988)
- 12- Methane Steam Reforming II.Diffusional Limitation & Reactor Simulation G.F.FROMENT & J.Xu. AIche Journal VOL 35, NO.1 (1989),
- 13- Heat exchanger Design Handbook VOL.2
- 14,15 Intrinsic kinetics And Design Simulation In complex Reaction Network:Steam Methane Reforming, Chemical Eng.Sai, VOL.43.NO.8 (1988).
- 16-Chemical Reactor Design For Process Plants.VOL.2.rase (1977).
- 17-Applied Numerical Methods Carnahan (1985)

نشانه های به کار رفته

| | | | | | |
|------------------|---------------------------|---|---------------------|---------------------------|----------------------------------|
| C_p | $Kcal/Kmole^{^{\circ}K}$ | ظرفیت گرمایی | x_i | | درصد تهدیل جزء i |
| C_V | $kcal/Kmole.^{^{\circ}K}$ | ظرفیت گرمایی در حجم ثابت | A | m^2 | سطح مقطع راکتور i |
| M_w | | جرم ملکولی گاز فرآیند | η | | ضریب تاثیرپذیری جزء i |
| μ | $Kg/m.s$ | گرانزوی گاز فرآیند | FCH_4 | $kmole$ | مول معادل متان ورودی |
| T_f | | دمای کاهشی | r_i | $Kmole / m^3 hr.C^\circ$ | سرعت واکنش تولید یا مصرف جزء i |
| Kg | $cal/m^2.s.K$ | ضریب هدایت حرارتی گاز فرآیند | ΔH_i | $Kcal/Kmole$ | انتالپی واکنش |
| ΔH | $Kcal/mole$ | انتالپی واکنشها | T | $^{\circ}K$ | دما در هر مقطع از راکتور |
| D_o | cm | قطر خارجی حلقه راشیگ | T_s | $^{\circ}K$ | دما دیواره در هر مقطع از راکتور |
| D_i | cm | قطر داخلی حلقه راشیگ | G | $kg/m^2 hr$ | سرعت جرمی |
| l_c | cm | طول مشخصه حلقه راشیگ | C_p | $Kcal/Kg.^{\circ}K$ | ظرفیت گرمایی |
| D_k | cm^2/s | ضریب نفوذ نادسن | D_i | m | قطر داخلی لوله راکتور |
| r | cm | شعاع متوسط حفره | L | m | طول راکتور |
| T | $^{\circ}K$ | دما | Q | $kcal/m^2.hr$ | شار حرارتی وارد شده از کوره |
| DAB | cm^2/s | ضریب نفوذ ملکولی | P_i | bar | فشار جزیی جزء i |
| P_t | atm | فشار کل سیستم | $w = \frac{L}{L_c}$ | | طول بدون بعد |
| F_o | | تعداد کل مولهای ورودی | R | $m^3.bar/Kmole ^{\circ}K$ | ثابت کازها |
| T_o | $^{\circ}K$ | دما گاز فرآیند درورودی و در هر مقطع از راکتور | ρ_p | Kg/m^3 | چگالی دانه کاتالیزور |
| P_o, P | bar | فشار ورودی و در هر مقطع از راکتور | ρ_B | Kg/m^3 | چگالی بستر |
| λ_{st} | $kcal/m^2-hr-^{\circ}K$ | ضریب هدایت حرارتی دیواره | D_i^e | m^2/hr | ضریب نفوذ موثر جزء i |
| d_{ti}, d_{te} | m | قطر داخلی و خارجی لوله | T | $^{\circ}K$ | دما |
| α_i | $Kcal / m^2.hr.^{\circ}K$ | ضریب هدایت حرارتی جابه جایی در بسترها پر شده | L_c | m | طول مشخصه کاتالیزور |
| α_w | " | ضریب انتقال حرارت جابه جایی | | | |
| λ_{er} | " | ضریب هدایت حرارتی موثر شعاعی | | | |
| $k's$ | " | ضریب هدایت حرارتی دانه جامد | | | |
| K/g | " | ضریب هدایت حرارتی گاز فرآیند | | | |
| E_B | | تخلخل بستر | | | |

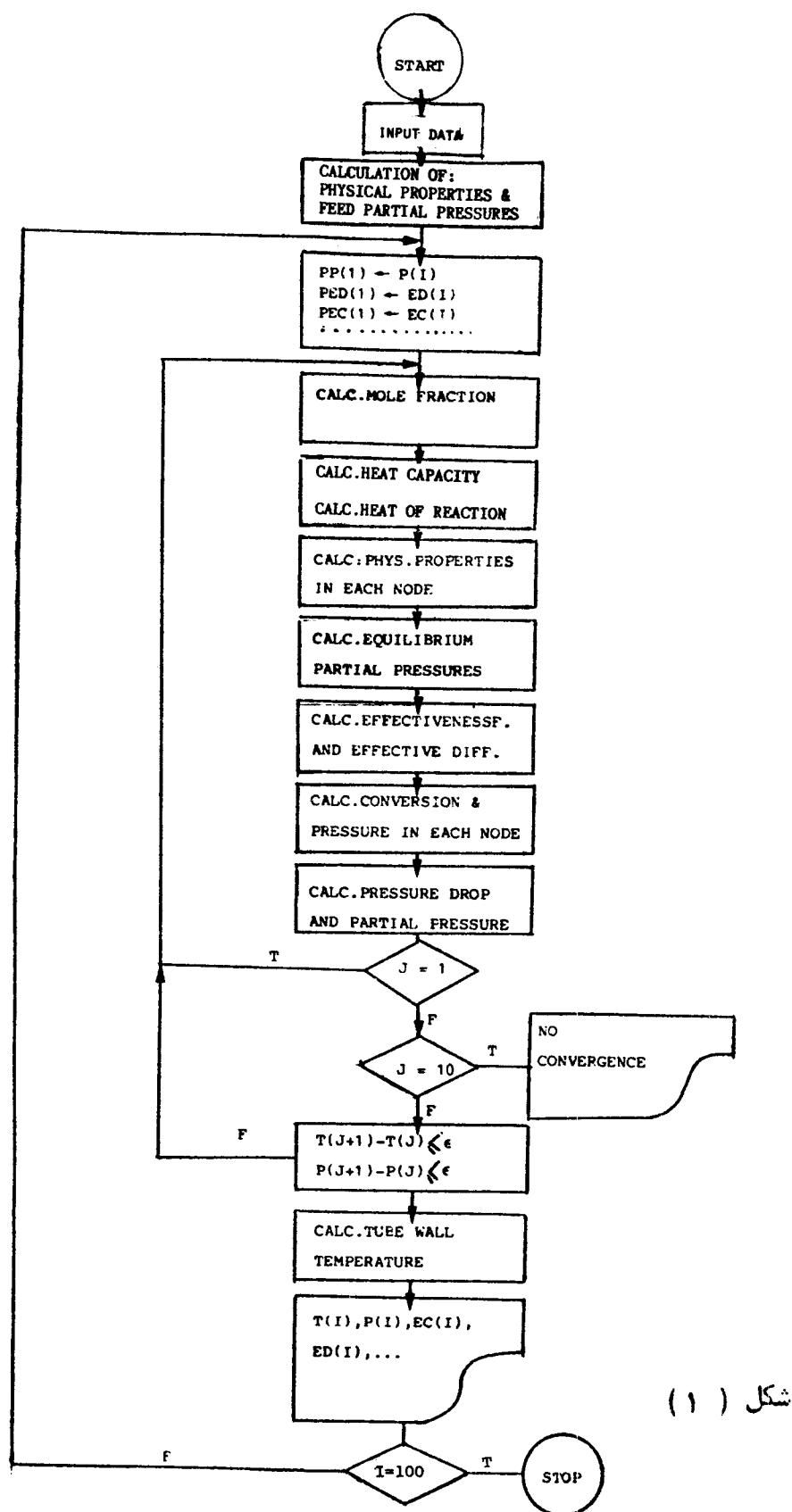
جدول شماره ۱ - داده های ورودی و خروجی برنامه کامپیوتسری

INPUT DATA:

| | |
|--|--------------|
| INCREMENT LENGTH | .12 |
| VOLUME PERCENT OF CH ₄ | 81.5 |
| VOLUME PERCENT OF C ₂ H ₆ | 7 |
| VOLUME PERCENT OF C ₃ H ₈ | 5.5 |
| VOLUME PERCENT OF C ₄ H ₁₀ | 4.5 |
| VOLUME PERCENT OF CO ₂ | 1.5 |
| PROCESS GAS FLOW RATE (STD M ₃ /HR) | 69.5 |
| STEAM FLOW RATE (KMOLE/HR) | 17 |
| INLET TEMPERATURE | 727.4 |
| INLET PRESSURE | 34.8 |
| TUBE LENGTH (M) | 12 |
| INSIDE DIA. OF TUBE (M) | 9.350001E-02 |
| OUTSIDE DIA.OF TUBE (M) | .13 |
| HEATED LENGTH OF TUBE (M) | 12 |
| HEAT FLUX (KCAL M ² HR) | 60000 |
| INSIDE DIA.OF PELLET (M) | .006 |
| OUTSIDE DIA.OF PELLET (M) | 0.16 |
| BULK DENSITY OF BED (KG/M ³ OF BED) | 1262.5 |
| POROSITY OF BED | .6 |
| POROSITY OF PELLET | .362 |
| MEAN PORE RADIOUS (A ¹) | 1600 |
| MEAN PORE LENGTH (CM) | .1588 |
| TORTUOSITY FACTOR | 3 |
| CATALYST PELLET DENSITY (KG/M ³) | 2355.2 |

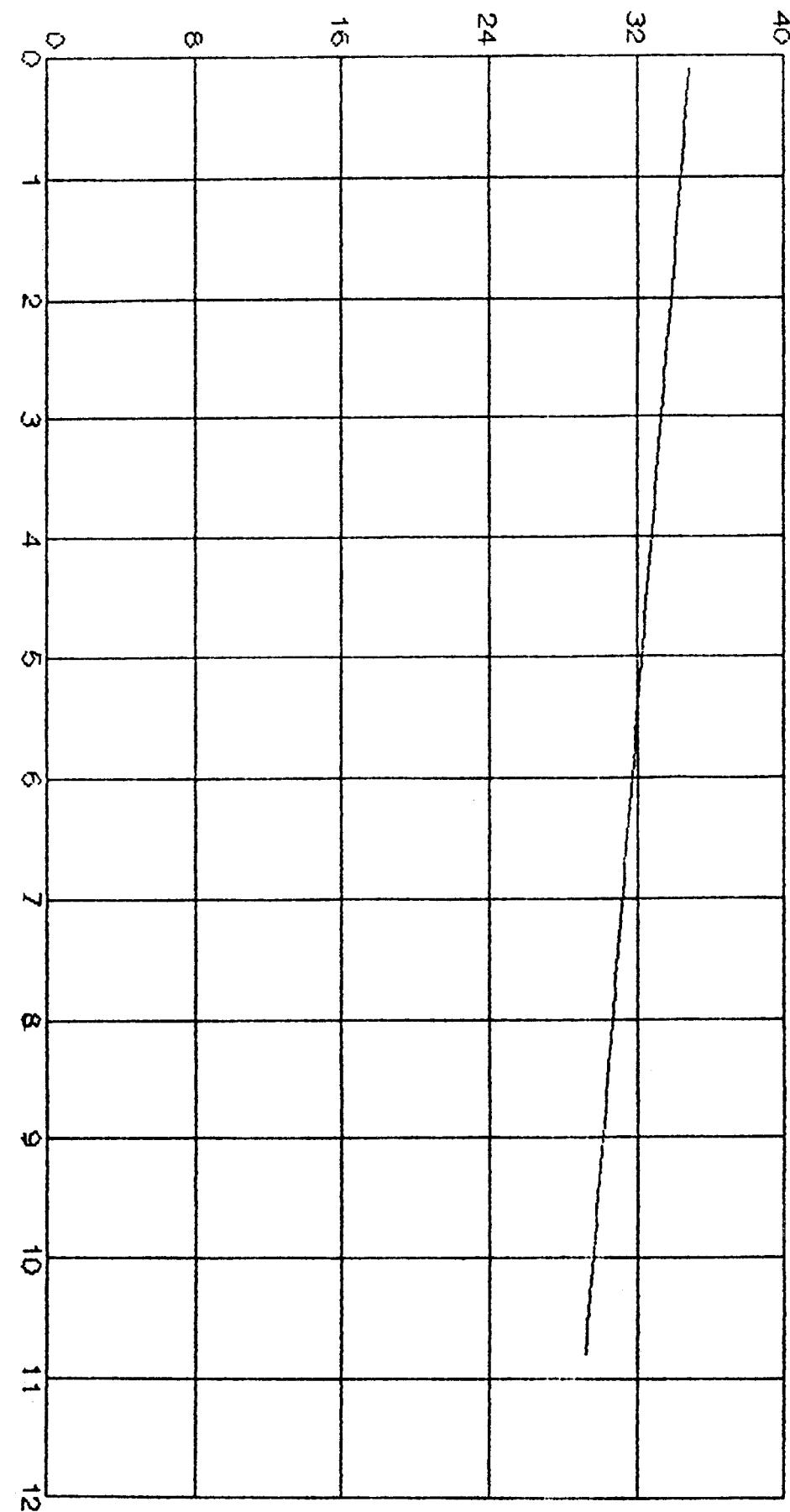
OUTPUT DATA:

| | |
|-------------------------------------|--------------|
| STEAM TO CARBON RATIO | 4.217114 |
| HYDRAULIC DIAMETER OF CAT.PELLET | 1.142857E-02 |
| CHARACTERISTIC LENGTH OF CAT.PELLET | 3.809525E-03 |
| SUPERFICIAL MASS VELOCITY | 54332.99 |

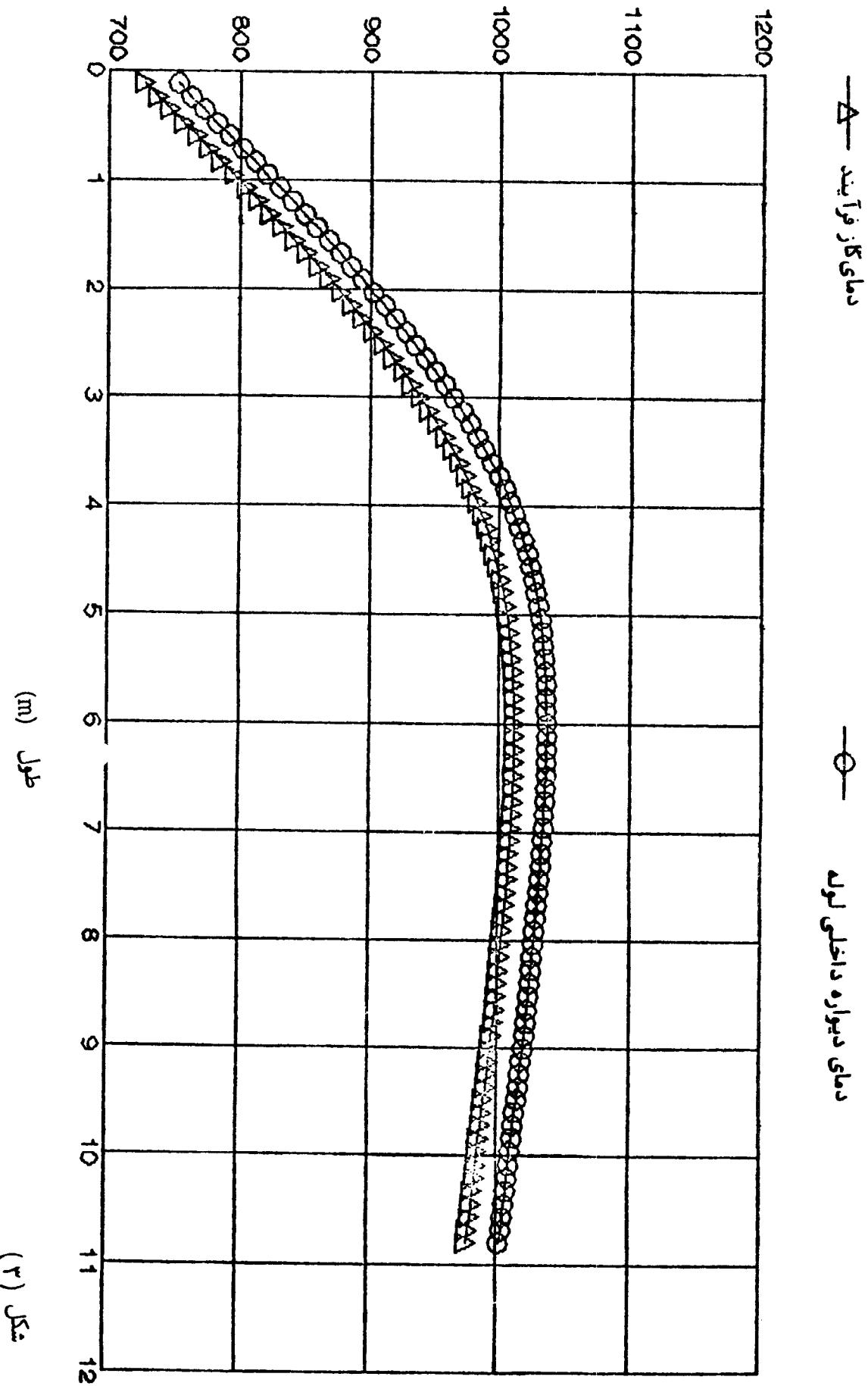


شکل (۱)

فشار (bar)



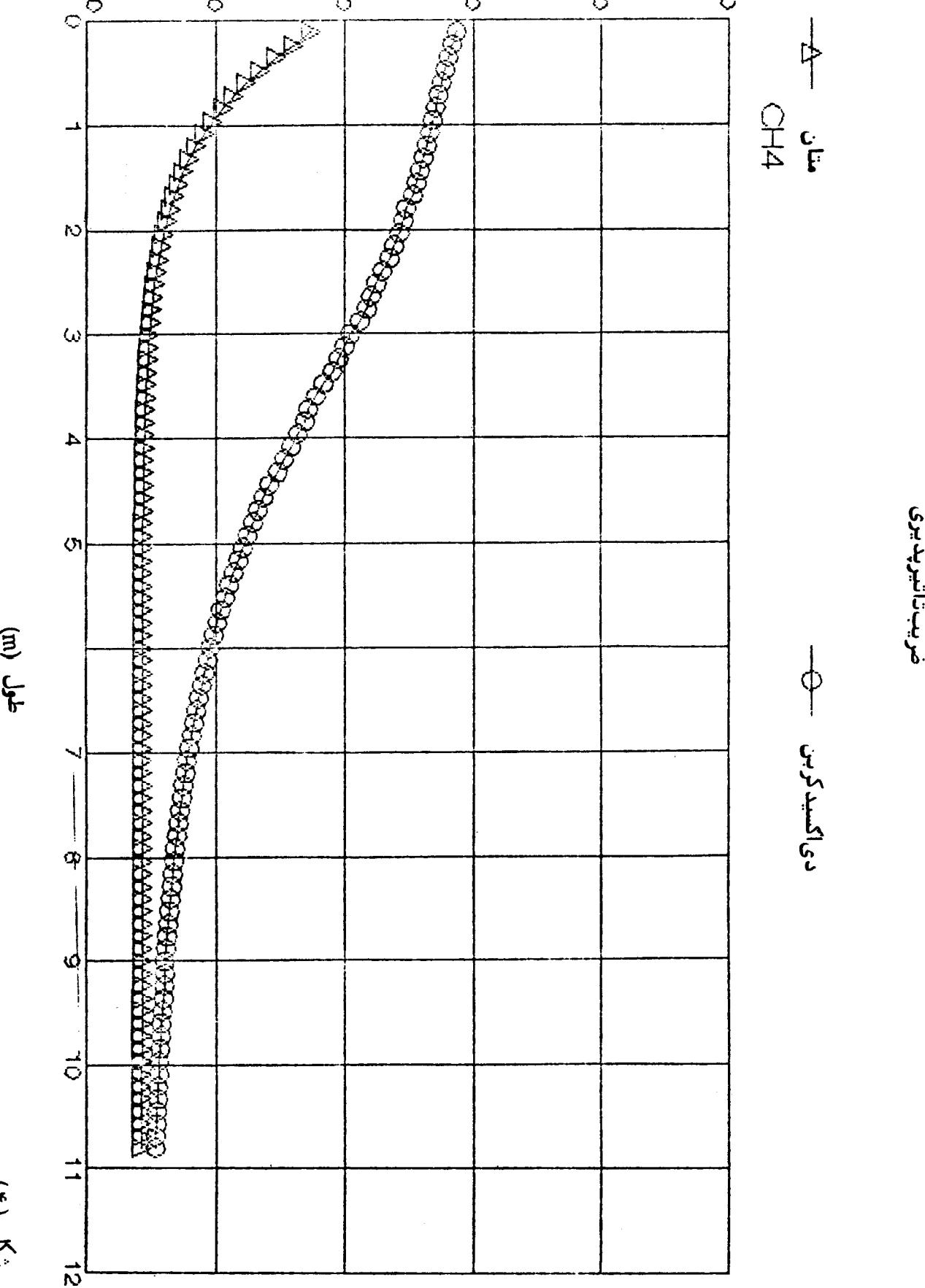
(K) دما



دماي گاز فرآيند و ديواره داخلی لوله

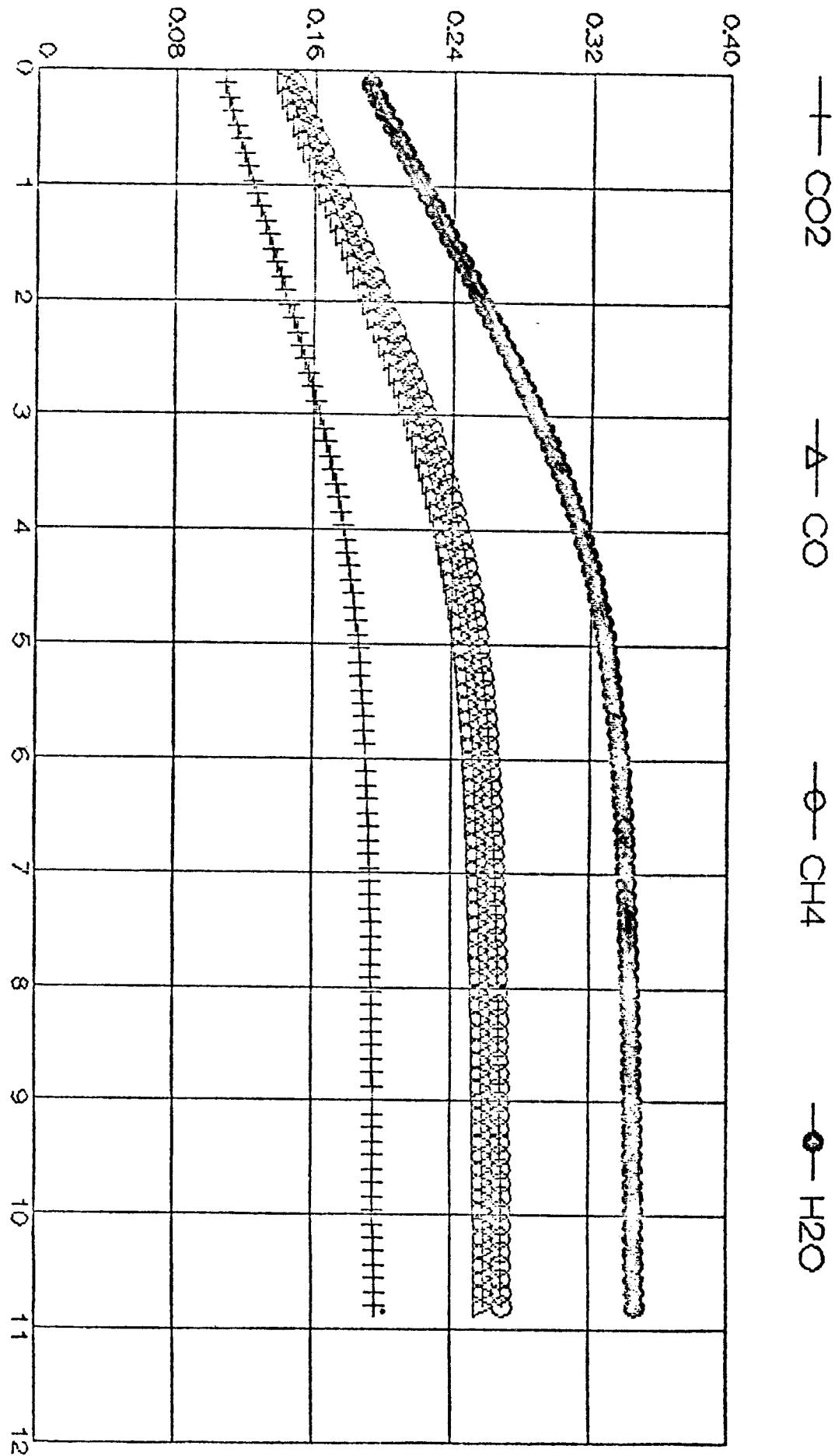
شکل (۲۱)

ضریب تاثیر پذیری (E-1)



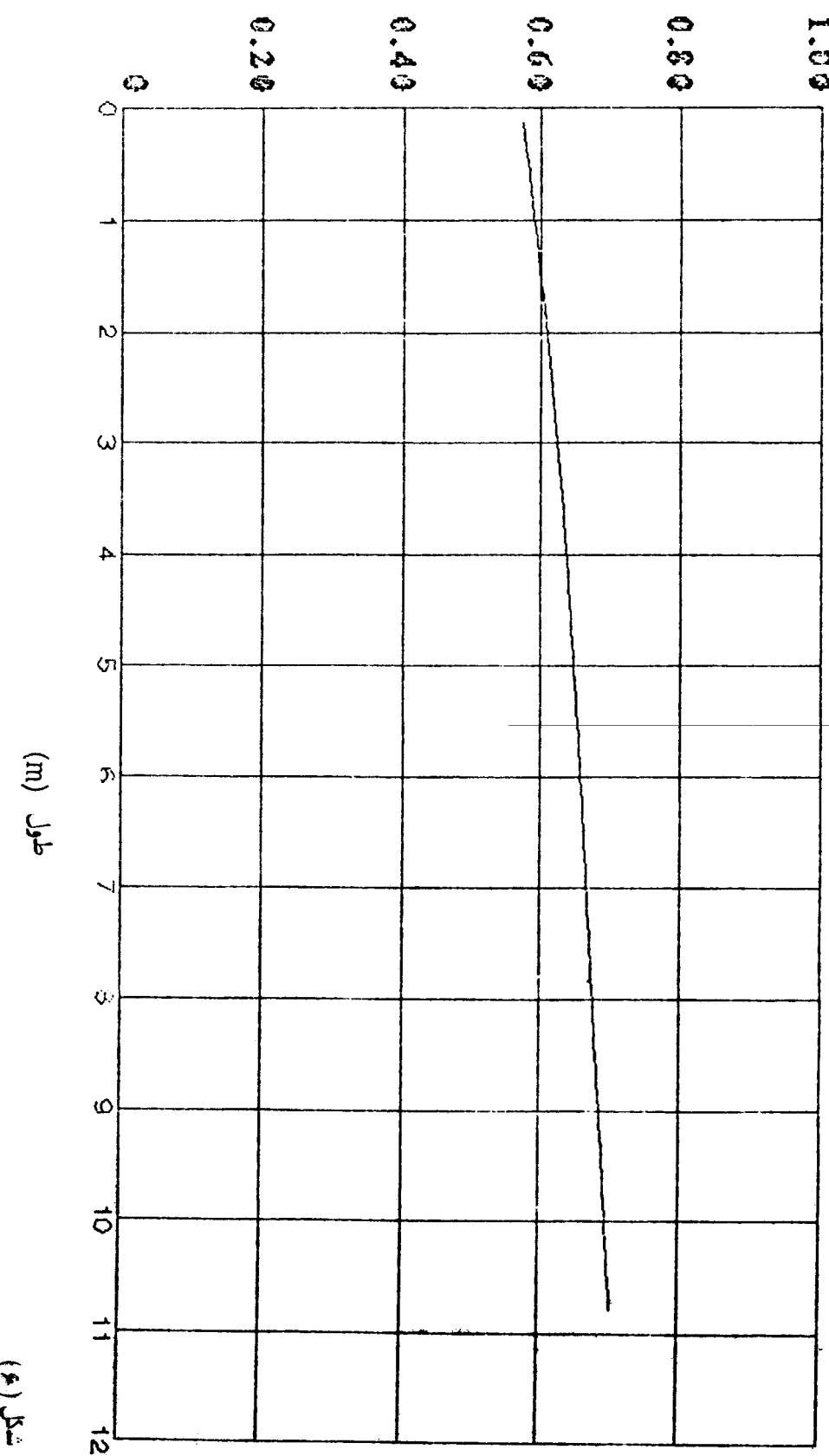
ضریب نفوذ موثر (E-2)

شکل (۵)



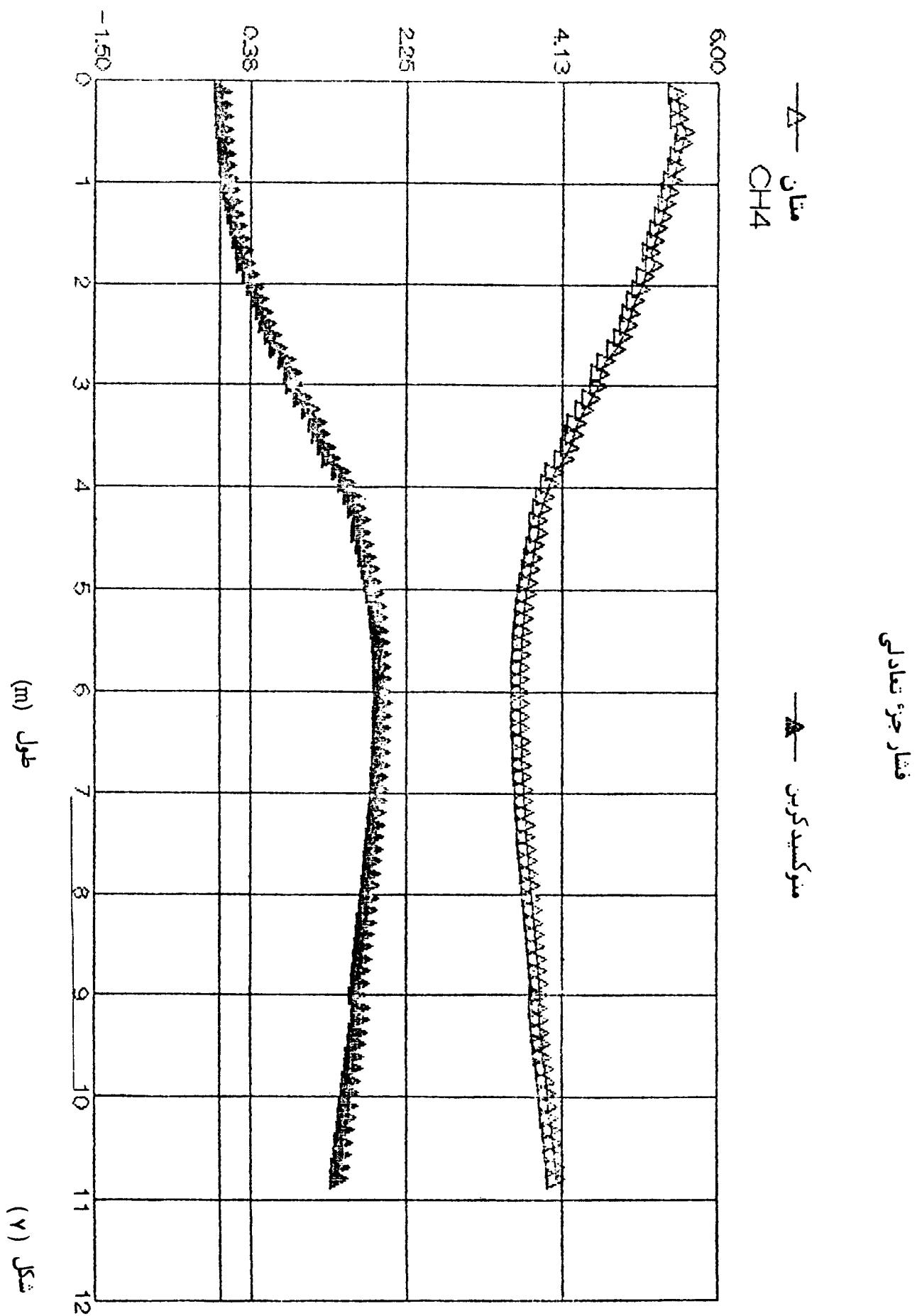
ضریب نفوذ موثر

CP(kJ/kg °K)

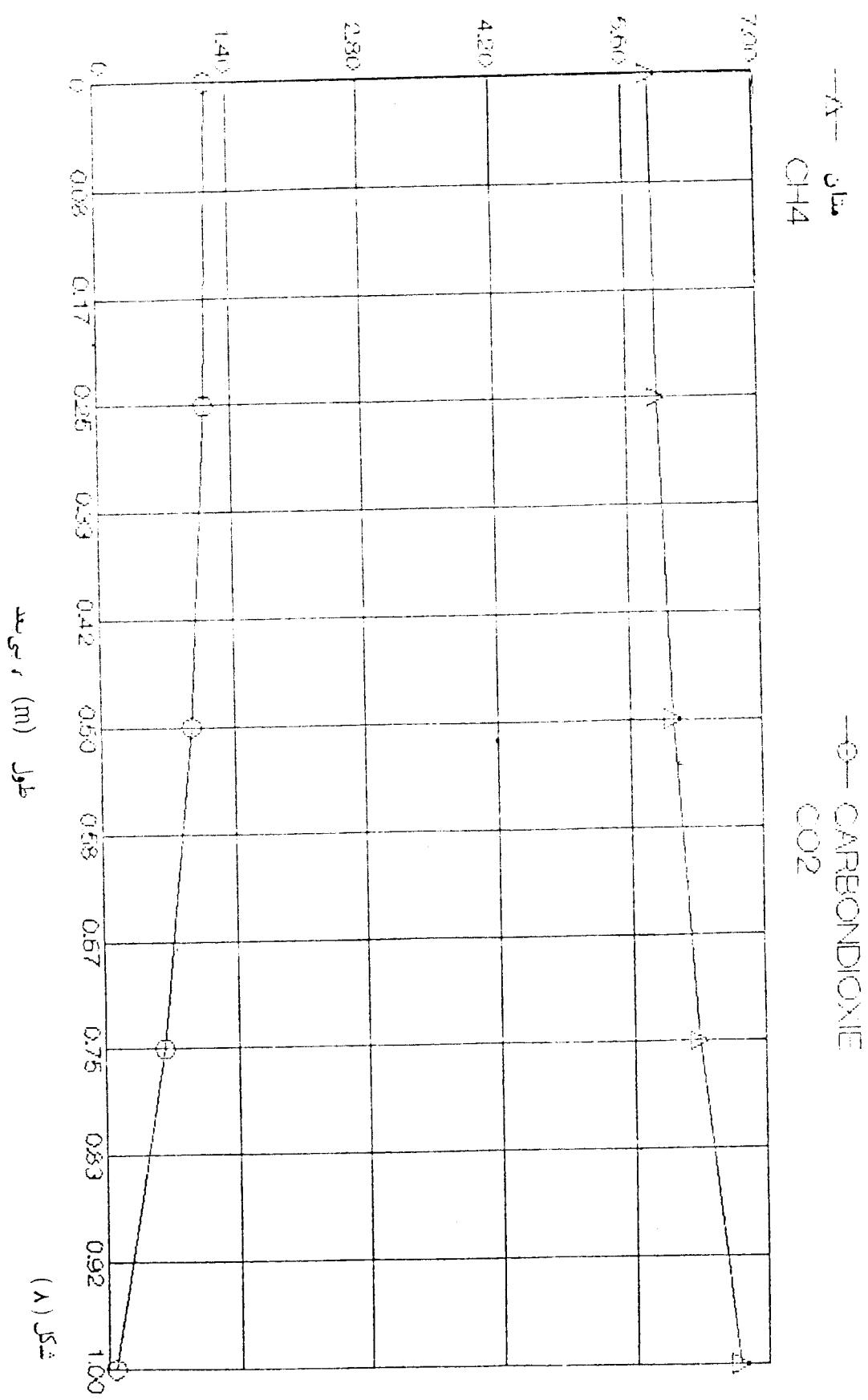


گرمای ویره گاز فرآیند

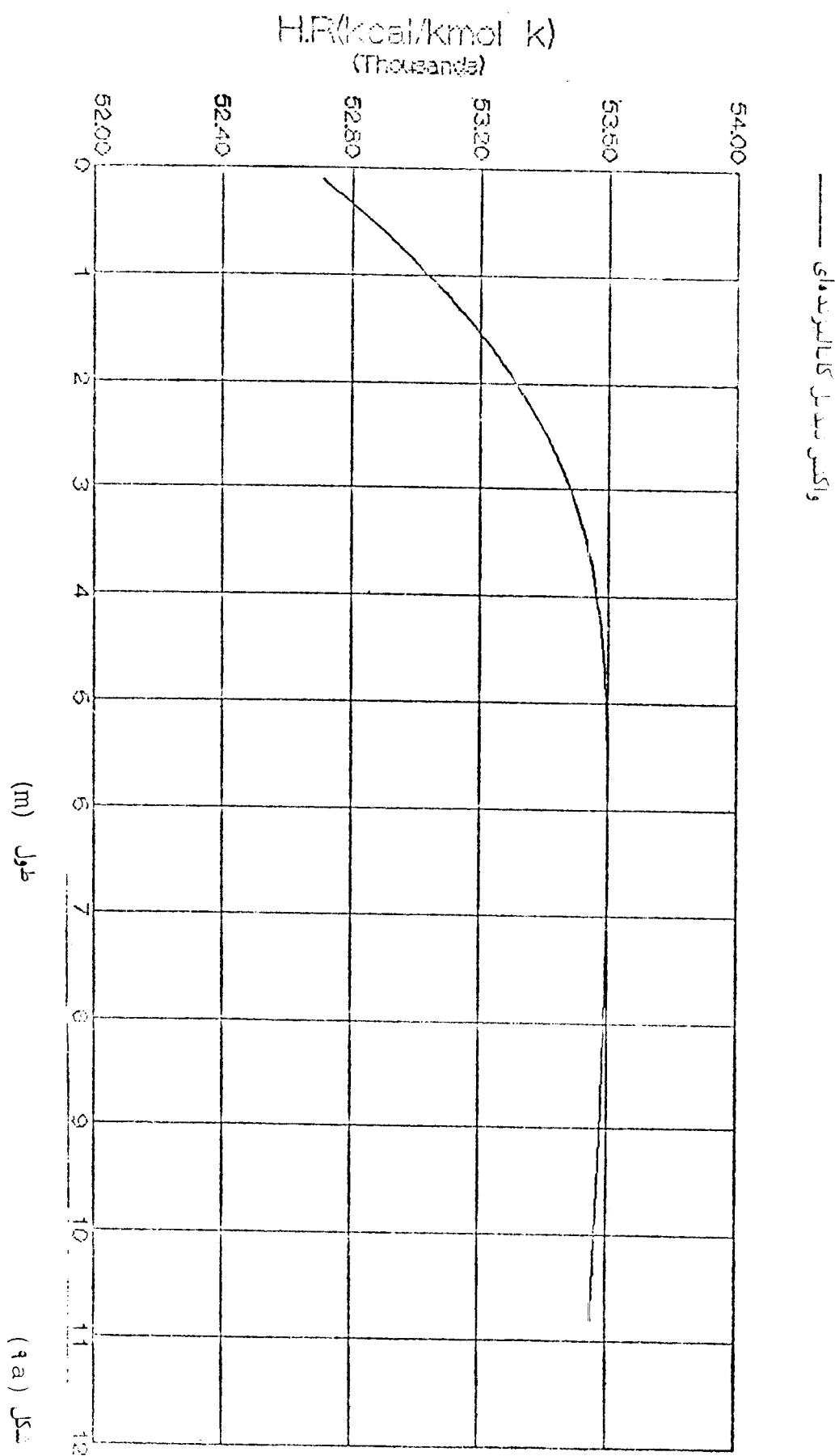
فشار جزء تعادلی (bar)

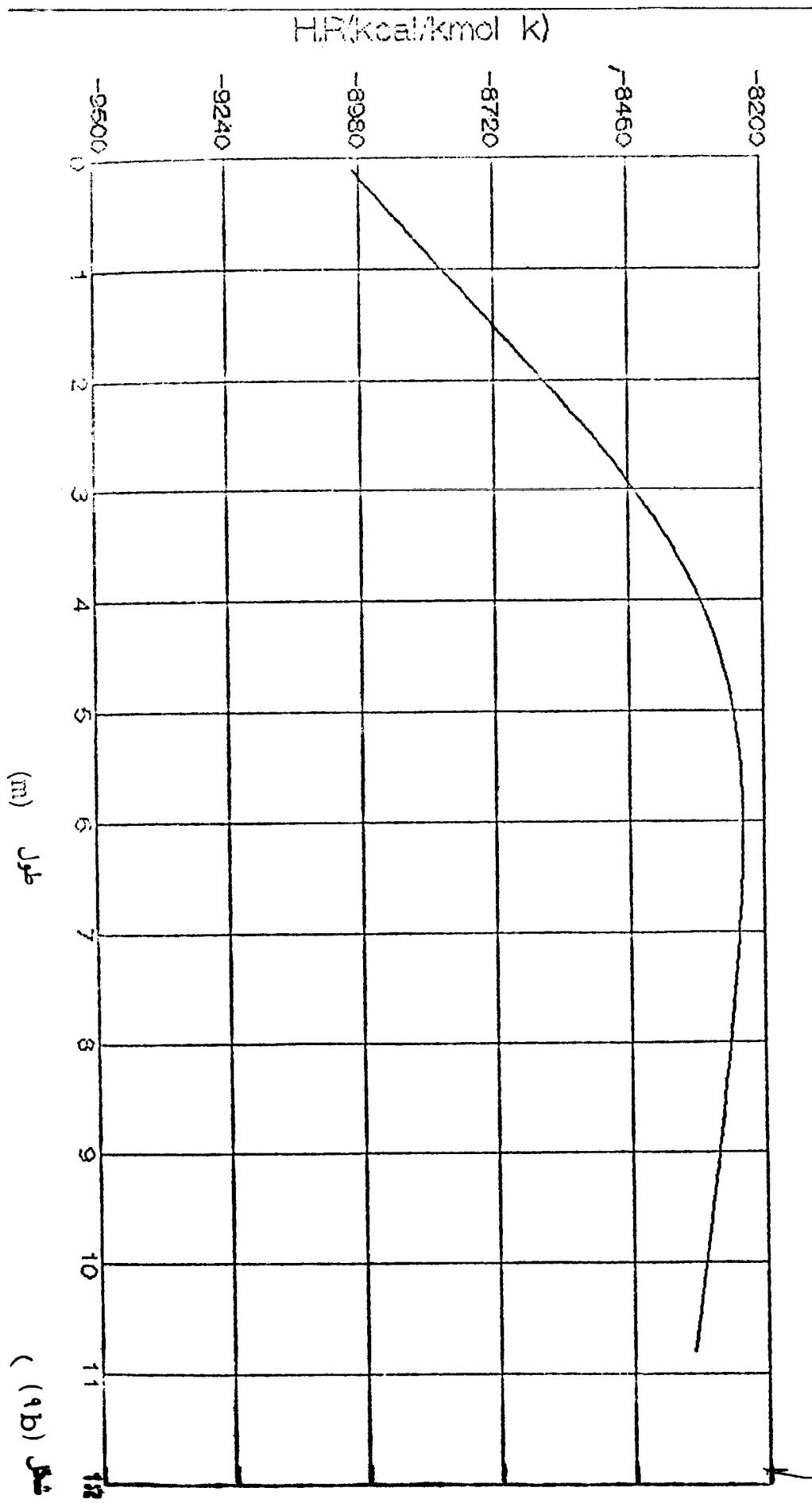


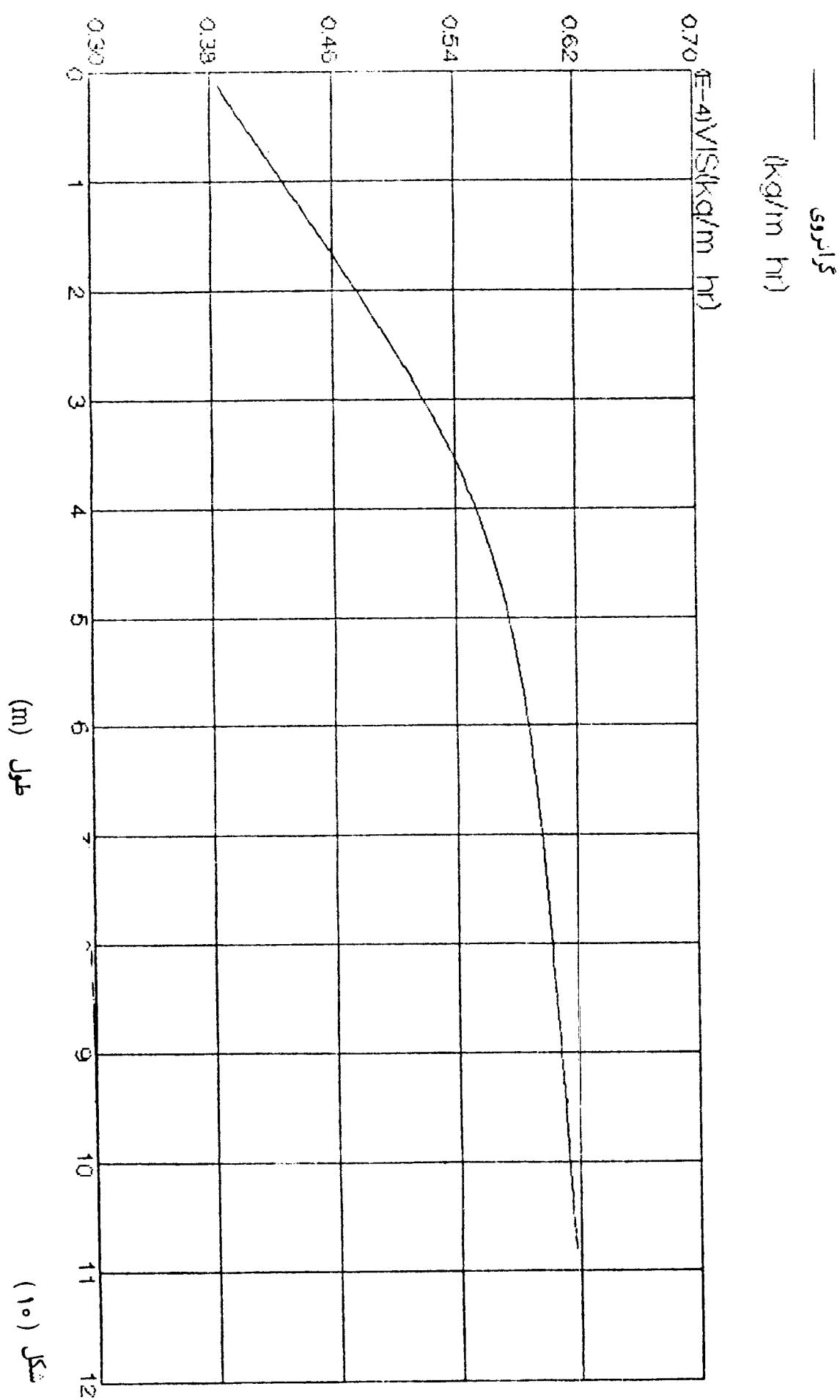
پار (bar)



بروفیل فشار جویی در داخل کاتالیز







خواص فیزیکی کار فرآیند