

# حل عمومی مسائل جداسازی در سیستمهای چند واحدی با جریانهای معکوس

نوشته :

طاهره کاغذچی

مر تفضی سهرابی

استادیاران دانشکده صنعتی (پلی تکنیک تهران) انستیتو مهندسی شیمی و پتروشیمی

## چکیده :

بطور کلی مشخصات هرفرآیند جداسازی را که در چندین واحد و با جریان معکوس صورت گیرد میتوان بشکل معادلات غیرخطی بیان کرد . محاسبه این روابط در حالت کلی که محتوی تعداد زیادی مشتقات جزئی هستند طولانی است ولی در غالب موارد با در نظر گرفتن شرایط قابل قبولی میتوان آنها را ساده تر نمود . در این مقاله روش بدست آوردن معادلات مابین سیستمهای مذکور و نیز چگونگی خلاصه کردن آنها شرح داده شده و همچنین اجزاء برنامه لازم برای استفاده از حسابگرهای الکترونیکی در حل این قبیل مسائل تشریح گردیده است .

**مقدمه :** حل هر نوع مسئله مربوط به جداسازی (Separation) در سیستمهای چند واحدی نیاز

به برقراری بیلانهای مواد و حرارت و دانستن شرایط تعادل در هر واحد فرآیند دارد . معادلاتی که سیستمهای چند واحدی با جریان معکوس را مشخص میکنند معمولاً غیرخطی هستند . تا بحال برنامه های کامپیوتری متعددی برای حل این قبیل معادلات پیشنهاد گردیده است که متأسفانه کلیه آنها بجز دو روش  $\theta$  و Relaxation (۲) و (۱) که موارد استعمال بیشتری دارند ، تنها در بعضی از موارد و شرایط عمل خاص صادق میباشند (۷) - (۳) در سالهای اخیر Duffin و Nenerell (۸) نشان داده اند که با تغییرات جزئی در برنامه اصلی روش  $\theta$  میتوان دامنه کاربرد آنرا وسیعتر ساخت . ولی باید دانست که حتی در این روش در صورتیکه حدس اولیه برای توزیع درجه حرارت در واحدهای دستگاه بمقدار حقیقی آنها نزدیک نباشد تعداد دفعات تکرار برنامه محاسبات بسیار زیاد خواهد بود (۹) .

در این مقاله کوشش شده است تا فرضیات و شرایط لازم برای محاسبات سیستمهای چند واحدی جریان معکوس را مشخص نموده و یک راه حل مشترك برای این قبیل مسائل بدست دهیم .

اساس یک راه حل مشترك از دو قسمت تشکیل میشود :

۱ : روش تشریح فرایند و مسائل وابسته بدان

۲ : راه حل عمومی معادلات حاصل

### تشریح مسئله

ابتداء راه حل مشترك را در مورد حالت ساده ای بکار برده و سپس نشان میدهیم که چگونه میتوان از همین روش در حل مسائل پیچیده تر نیز استفاده کرد .

حالت ساده را ستون جدا کننده ای (fractionating column) با  $n$  واحد در نظر میگیریم که از مخلوطی مرکب از  $m$  سازنده تغذیه میشود . واحدهای دستگاه را ایده آل تصور کرده و بعلاوه فازهای بخار و مایع خروجی از هر واحد را در حال تعادل با یکدیگر فرض می نماییم . همچنین یک مایع کننده جزئی (Partial condenser) که آنرا نیز میتوان یک واحد ایده آل دانست در نظر میگیریم . باین ترتیب با  $n$  واحد تعادلی که  $p$  جریان مایع و  $q$  جریان بخار از آنها عبور میکنند سروکار خواهیم داشت . خوراک اصلی وارد یک واحد دلخواه برج میشود و نیز در ضمن این عمل ممکنست مقداری حرارت گرفته شده و یا اضافه گردد . شکل (۱) یک ستون  $q$  واحدی را که تنها یک جریان خوراک در واحد پنجم آن داخل میشود نشان میدهد . مشخصات خوراک بوسیله ترکیب و انتالپی سازندگان آن مشخص میشود . تمام جریانهای موجود را علامت گذاری میکنیم .

### معادلات فرایند

بیان مواد در اطراف واحد  $z$  ام برج بشکل زیر نوشته میشود :

$$\left( \text{واحد زمان} \right) / \left( \text{مجموع مولهای خروجی} \right) - \left( \text{واحد زمان} \right) / \left( \text{مجموع مولهای ورودی از سایر واحدها} \right) + F_z = 0 \quad (1)$$

در معادله (۱)  $F_z$  شدت جریان خوراک ورودی در واحد زمان به واحد  $z$  ام است .

بنابراین برای تمام ستون میتوانیم  $n$  معادله که ممکنست آنها را بشکل ماتریس نشان داد برقرار

نمائیم . این معادلات برای حالت خاص مورد نظر بصورت معادله (۲) نوشته میشوند :

$$\begin{bmatrix} -1 & 1 & & & & & & & & & \\ & -1 & 1 & & & & & & & & \\ & & -1 & 1 & & & & & & & \\ & & & -1 & 1 & & & & & & \\ & & & & -1 & 1 & & & & & \\ & & & & & -1 & 1 & & & & \\ & & & & & & -1 & 1 & & -1 & \\ & & & & & & & -1 & 1 & & \\ & & & & & & & & -1 & 1 & \\ & & & & & & & & & -1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} L_1 \\ L_2 \\ L_3 \\ L_4 \\ L_5 \\ L_6 \\ L_7 \\ L_8 \\ L_9 \\ L_{10} \\ L_{11} \end{bmatrix} +$$

$$\begin{bmatrix} -1 & & & & & & & & & & \\ & 1 & -1 & & & & & & & & \\ & & 1 & -1 & & & & & & & -1 \\ & & & 1 & -1 & & & & & & \\ & & & & 1 & -1 & & & & & \\ & & & & & 1 & -1 & & & & \\ & & & & & & 1 & -1 & & & \\ & & & & & & & 1 & -1 & & \\ & & & & & & & & 1 & -1 & \\ & & & & & & & & & 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \\ V_4 \\ V_5 \\ V_6 \\ V_7 \\ V_8 \\ V_9 \\ V_{10} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ F \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = 0$$

یا :

$$A_1 l + A_2 v + f = 0 \quad (2)$$

که در رابطه (۲) :

$A_1$  و  $A_2$  بترتیب عبارتند از  $n \times p$  و  $n \times q$  ماتریس

$l$  عبارتست از  $p \times 1$  بردار که مشخص کننده تمام جریانهای مایع باستانی خوراک اصلی هستند

$v$  عبارتست از  $q \times 1$  بردار مشخص کننده جریانهای بخار باستانی خوراک

و  $f$  عبارتست از  $n \times 1$  بردار که مبین شدت جریان خوراک ورودی به ستون میباشد.

بیان جرمی هرسازنده  $i$  ، را بشکل مشابهی میتوان بدست آورد :

$$\begin{bmatrix} -L_1L_2 \\ -L_2L_3 \\ -L_3L_4 \\ -L_4L_5 \\ -L_5L_6 \\ -(L_6 + L_{11})L_7 \\ -L_7L_8 \\ -L_8L_9 \\ -(L_9 + L_{10}) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{i1} \\ x_{i2} \\ x_{i3} \\ x_{i4} \\ x_{i5} \\ x_{i6} \\ x_{i7} \\ x_{i8} \\ x_{i9} \end{bmatrix} +$$

$$\begin{bmatrix} -V_1 \\ V_1 - V_2 \\ V_2 - (V_3 + V_{10}) \\ V_3 - V_4 \\ V_4 - V_5 \\ V_5 - V_6 \\ V_6 - V_7 \\ V_7 - V_8 \\ V_8 - V_9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} y_{i1} \\ y_{i2} \\ y_{i3} \\ y_{i4} \\ y_{i5} \\ y_{i6} \\ y_{i7} \\ y_{i8} \\ y_{i9} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} f_i \end{bmatrix} = 0$$

یا :

$$B_1 x_i + B_2 y_i + f_i = 0 \quad (3)$$

بدیهی است ضرائب  $B_1$  و  $B_2$  برای تمام سازندگان یکسان خواهند بود .

درمورد یک واحد ایده آل داریم :

$$y_{ij} = K_{ij} x_{ij} \quad (4)$$

که :

$$K_{ij} = \text{fn}(T_j, P_j, x_{1j}, x_{2j}, \dots, x_{mj})$$

برای سادگی مطلب فرض میکنیم که  $K_{ij}$  فقط تابع دما بوده و فشار در تمام دستگاه ثابت است . بنابراین از معادلات (3) و (4) نتیجه میشود :

$$B_1 x_i + B_2 K_i x_i + f_i = 0 \quad (5)$$

که  $K_i$  یک ماتریس قطار بوده و از  $K_{ij}$  تشکیل شده است .

معادله (۵) را بصورت زیر میتوان نوشت :

$$(B_1 + B_2 K_i) x_i + f_i = 0$$

یا :

$$C_i x_i + f_i = 0 \quad (۶)$$

از معادله (۶) مقدار  $x_i$  محاسبه میشود :

$$x_i = -C_i^{-1} f_i \quad (۷)$$

معادله‌ای مشابه با رابطه (۷) برای هر سازنده بدست می‌آید بعلاوه میدانیم مجموع سوله‌های جزئی سازندگان هرفاز موجود در هر سینی برابر واحد میباشد . یعنی :

$$\sum_{i=1}^m x_i = u \quad (۸)$$

$$\sum_{i=1}^m K_i x_i = u \quad (۹)$$

که  $u$  بردار یکه است (unit matrix)

بیان انرژی در هر واحد را نیز باید محاسبه نمود و این عمل منجر به حصول معادله‌ای نظیر (۳)

میگردد :

$$B_1 h + B_2 H + Q = 0 \quad (۱۰)$$

در معادله (۱۰) :  $h$  عبارت از  $n \times 1$  بردار است که مبین انتالپی‌های مایعات میباشد و  $H$  عبارت از  $n \times 1$  بردار مشخص کننده انتالپی‌های بخار و  $Q$  نیز برابر  $n \times 1$  بردار مبین حرارت‌های تبادل شده بین واحدهای برج و محیط خارج است که البته مقادیر  $q_r$  (حرارت جوش آور) و  $q_f$  (گرمای خوراک ورودی) بان اضافه شده و مقدار  $q_c$  (گرمای آزاد شده در مایع کننده) از آن کسر گردیده است .

$$h_j = f_n' [T_j, P_j, i^m(x_{ij})]$$

$$i^m(x_{ij}) = x_{1j}, x_{2j}, x_{3j}, \dots, x_{mj} \quad \text{که :}$$

$$H_j = f_n'' [T_j, P_j, i^m(x_{ij})]$$

معادلاتی را که تا بحال حاصل شده‌اند در دنبال یکدیگر می‌نویسیم :

$$\text{معادله } n \quad A_1 l + A_2 v + f = 0 \quad (۲)$$

$$\text{معادله } mn \quad y_{ij} = k_{ij} x_{ij} \quad (۴)$$

$$C_i x_i = f_i \quad \text{معادله } mn \quad (6)$$

$$\sum_{i=1}^m x_i = u \quad \text{معادله } n \quad (8)$$

$$\sum_{i=1}^m y_i = u \quad \text{معادله } n \quad (9)$$

$$B_1 h + B_2 H + Q = 0 \quad \text{معادله } n \quad (10)$$

معادلات فوق درهرفرایند چند واحدی با فرض حالت تعادل صادق میباشند .

بیان کلی مواد با استفاده از معادلات (۴) و (۶) و (۷) و (۹) بدست میآید و در نتیجه معادله (۲) را میتوان کنارگذارد . ولی در حال این نوع مسائل ساده تر است که معادله (۲) را نگاهداشته و معادله (۹) را حذف نمود که در آنصورت تنها با فازهای مایع سروکار خواهیم داشت .

از معادلات (۲) و (۴) و (۶) و (۷) و (۱۰) رویهمرفته  $n(2m+3)$  رابطه حاصل خواهند شد

ولی تعداد کل متغیرهای سیستم با فرض ثابت بودن فشار واحدها و بردار مربوط به خوراک جمعاً  $n(2m+2) + p + q$  است که عبارتند از :

$n$  متغیر  $t$  : دمای واحدها

$n$  متغیر  $q$  : حرارت داده شده به هر واحد

$mn$  متغیر  $x_i$  : ترکیب فاز مایع در هر واحد

$mn$  متغیر  $y_i$  : ترکیب فاز بخار در هر واحد

$p$  متغیر  $l$  : جریان فاز مایع

$q$  متغیر  $v$  : جریان فاز بخار

جمع کل :  $n(2m+2) + p + q$

باین ترتیب چون فقط  $n(2m+3)$  معادله در مقابل  $n(2m+2) + p + q$  متغیر وجود دارد ، تعداد  $(p+q-n)$  درجه آزادی در این سیستم موجود خواهد بود و بنابراین برای مشخص کردن کامل سیستم به  $p+q-n$  معادله دیگر احتیاج داریم .

#### معادلات مشخصه

تعداد  $p+q-n$  معادله لازم دیگر ( که مشخصات ثابت سیستم را بدست میدهند ) معمولاً با توجه به شدت انتقال حرارت و جرم بین سیستم و محیط خارج حاصل میشوند . بدلیل آنکه ما یک حالت

ساده‌را در نظر گرفته‌ایم ، منطقی است که از حرارت‌های تلف شده در سینی‌ها صرف‌نظر نمائیم و باین ترتیب  $n-2$  معادله که تمام اجزاء بردار  $Q$  معادله (۱) را با استثنای دو جزء مشخص می‌نماید بدست می‌آوریم . مثلاً در مورد ستون جداکننده مورد بحث خواهیم داشت :

$$(Q_2, Q_3, Q_4, Q_5, Q_6, Q_7, Q_8) = (0, 0, 0, Q_F, 0, 0, 0) \quad (11)$$

[ واضحست که جریانهای  $L_{11}, L_{10}, L_1$  در دمای نقطه شروع جوشش (bubble point) و جریانهای  $V_9$  و  $V_{10}$  در دمای نقطه شبنم (Dew point) از دستگاه خارج میشوند ]

بنابراین لازمست تعداد  $p+q-2n+2$  معادله مشخصه دیگر را تعیین نمود که البته این معادلات باید از یکدیگر مستقل باشند . این روابط ممکنست ترکیب خوراک ورودی ، مدت جریان مواد و یا حرارت را مشخص نمایند و یا در صورتیکه کنترل فرایند مورد نظر باشد یکی از آنها ممکنست شرایط لازم را برای آنکه دما در یک سینی معین ثابت بماند بیان نماید . همچنین میتوان روابط موجود بین متغیرها را نیز در نظر گرفت . مثلاً لازمه ثابت ماندن جریان برگشتی (Reflux) عبارتست از :

$$\begin{aligned} L_n - R_1 V_{n-1} &= 0 \\ L_n - R_2 L_{n+1} &= 0 \end{aligned} \quad (12)$$

باید دقت شود که معادلات مشخصه بطور غیرمستقیم شرایط غیرممکنی را به سیستم تحمیل نمایند مثلاً  $Q_R$  و  $L_{10}$  را نباید بوجهی در نظر گرفت که جوش آور نتواند شدت جریان مورد نظر محصولات سبکتر برج را تأمین نماید .

### حل معادلات

با افزودن معادلات مشخصه به معادلات قبلی ، روابط لازم برای محاسبه سیستم حاصل خواهند شد . در عمل کافیست که معادلات مشخصه را بشکل کلی زیر نشان دهیم :

$$M\Phi = v \quad (13)$$

در معادله فوق  $M$  یک ماتریس مربع ،  $\Phi$  بردار وابسته به متغیرهای سیستم و  $v$  یک بردار معلوم دیگر است . در نتیجه خواهیم دانست :

$$\Phi = M^{-1} v \quad (14)$$

در اینجا بردار  $v$  را میتوان یک متغیر عمومی (general variable) دانست .

بجز در حالات بسیار خاص (مثلاً در استخراج مایع از مایع با یک حلال کاملاً نیامیزنده و ضریب توزیع ثابت (Constant distribution coefficient) اجزاء  $M$  توابعی از اجزاء  $\Phi$  خواهند بود . در

تحت این شرایط برای حل مسئله ناچار باید بروش تکرار برنامه محاسبات متوسل شد ولی اشکال کار در آنستکه در محاسبات مربوطه نباید ناپایداری ایجاد شود و بعلاوه لازمست تا بیک تقارب سریع نیز دست یابیم . در چنین مواردی است که روش تقارب  $\theta$  ارزش فراوان می یابد .

### حل معادلات فرایند

در مثال ساده مورد بحث فرض میشود که روابط تعادلی و انتالپی های ملکولی مستقل از کمیت نسبی (Composition) مواد موجود در واحدها بوده وبعلاوه بتوان آنها را بشکل توابعی از دمای واحدها نشان داد . ( فشار ثابت است )

$$K_{ij} = f_{n_i}(T_j)_P$$

$$h_j = f_{n_j}''(T_j)_P$$

$$H_j = f_{n_j}''''(T_j)_P$$

در این حالت ضرائب ماتریسهای  $B_1$  ،  $B_2$  و  $C_i$  توابعی از جریانهای خروجی مایع و بخار از سینی های برج و نیز دمای سینی ها هستند .

روش حل مسئله باین ترتیب است که ابتدا مقادیری برای بردارهای  $l$  و  $v$  و  $t$  و  $Q$  فرض نمائیم . برخی از اجزاء این بردارها را میتوان بتوسط معادلات مشخصه و بقیه آنها را بوسیله بیلان کلی مواد ( معادله ۲ ) بیان نمود .

با استفاده از مقادیر مفروض برای بردارهای  $l$  ،  $v$  ،  $t$  ، ترکیب فاز مایع از معادله (۷) حاصل خواهد شد ولی در این حال ممکنست مجموع مقادیر  $x_i$  در هر سینی برابر واحد نگردد و باین دلیل برداری مانند  $\alpha$  در نظر می گیریم که مبین خطای حاصل باشد .

$$\alpha = u - \sum_{i=1}^m x_i \quad (15)$$

به همین ترتیب بردار دیگری نیز مثل  $\beta$  فرض میکنیم که نشان دهنده خطای موجود در بیلان حرارت باشد :

$$\beta = B_1 h + B_2 H + Q \quad (16)$$

متغیرهای مفروض  $l$  و  $v$  و  $t$  و  $Q$  باید طوری تنظیم شوند که شرایط زیر در مورد آنها صدق نماید :

$$\alpha = 0 \quad \beta = 0$$

در عمل محاسبات آنقدر ادامه می یابد که شرایط فوق با تقریب بسیار کوچکی برقرار شوند .



فرض میکنیم که خطای موجود در  $\alpha$  و  $\beta$  برابر  $\alpha_0$  و  $\beta_0$  و تغییرات مقادیر مفروض مساوی  $\Delta l$ ،  $\Delta v$ ،  $\Delta t$  و  $\Delta Q$  باشند و تغییرات حاصل در ترکیب مواد را به  $\Delta x_1$ ،  $\Delta x_2$ ، ... و  $\Delta x_m$  نشان میدهیم. هرگونه تغییر در شدت جریان، باید از بیلان کلی مواد پیروی نماید. بنابراین:

$$A_1 \Delta l + A_2 \Delta v = 0 \quad (17)$$

برای آنکه  $\alpha$  برابر صفر شود لازمست که:

$$\Delta \alpha = -\alpha_0$$

یا برطبق معادله (۱۰):

$$\sum_{i=1}^m \Delta x_i = \alpha_0 \quad (18)$$

این عبارت بتوسط معادله (۶) به متغیرهای سیستم وابسته است و ما از این معادله نسبت به متغیر عمومی سیستم  $\zeta$  (که مبین  $z_1$  و  $v_1$  و یا  $z_1$  باشد) مشتق میگیریم:

$$\frac{\partial C_i}{\partial \zeta} x_i + C_i \frac{\partial x_i}{\partial \zeta} = 0$$

بنابراین:

$$\frac{\partial x_i}{\partial \zeta} = C_i^{-1} \frac{\partial C_i}{\partial \zeta} x_i \quad (19)$$

از معادله (۱۹) برای بدست آوردن مشتقات جزئی  $x_i$  نسبت به اجزاء  $l$ ،  $v$ ،  $t$  میتوان استفاده کرد. با در دست داشتن مشتقات جزئی با استفاده از روش Newton-Raphson میتوان تصحیحات لازم را در هر تکرار برنامه اعمال نمود. فرض میکنیم معادله ای بصورت زیر داشته باشیم:

$$\Phi = \text{fn}(v_1, v_2, \dots, v_n)$$

آنرا بروش تیلور بسط میدهیم:

$$\Phi_0 + \Delta \Phi = \text{fn}'(v_1, v_2, \dots, v_n)_0 + \sum_{j=1}^n \Delta v_j \left( \frac{\partial \Phi}{\partial v_j} \right)_0 + \frac{1}{2} \sum_{j=1}^n \Delta v_j \sum_{i=1}^n \Delta v_i \left( \frac{\partial^2 \Phi}{\partial v_j \partial v_i} \right) \quad (20)$$

اندیس ۰ مربوط بمقادیر متغیرها در شرایط اولیه است.

اگر جمله  $\Delta v_i \left( \frac{\partial \Phi}{\partial v_i} \right)_0$  از سایر عبارات خیلی بزرگتر باشد خواهیم داشت :

$$\Delta \Phi \approx \sum_{j=1}^{j=n} \Delta v_j \left( \frac{\partial \Phi}{\partial v_j} \right)_0 \quad (21)$$

و باین ترتیب میتوانیم بنویسیم :

$$\mu \Delta v = \Delta \Phi$$

در نتیجه مقدار تصحیح  $\Delta v$  را با استفاده از رابطه زیر بدست میآوریم :

$$\Delta v = \mu^{-1} \Delta \Phi$$

که مقادیر  $\mu_{ij}$  با عبارت زیر داده میشوند :

$$\mu_{ij} = \frac{\partial \Phi_i}{\partial v_j} \quad \begin{matrix} i=1, \dots, n \\ j=1, \dots, n \end{matrix}$$

تقارب فقط در صورتی حاصل خواهد شد که از جملات درجه اول بیابا در معادله (۲۰) بتوان صرف نظر نمود و ما بعداً نشان خواهیم داد که با قائل شدن محدودیت در تغییرات  $\Delta v$  میتوان مسئله را بجواب رسانید.

با استفاده از روابط (۱۹) و (۲۱) ، معادله (۲۲) را بدست می آوریم :

$$\Delta x_i \approx -C_i^{-1} \left( \sum_{k=1}^p \Delta L_k \frac{\partial C_k}{\partial L_i} x_i + \sum_{k=1}^q \Delta V_k \frac{\partial C_k}{\partial V_i} x_i + \sum_{k=1}^n \Delta T_k \frac{\partial C_k}{\partial T_i} x_i \right) \quad (22)$$

معادله (۲۲) را بشکل زیر مرتب می نمائیم :

$$D_{i,1} \Delta l + D_{i,2} \Delta v + D_{i,3} \Delta t + C_i \Delta x_i = 0' \quad (23)$$

$D_{i,1}$  ،  $D_{i,2}$  و  $D_{i,3}$  عبارت از  $n \times p$  ،  $n \times q$  و  $n \times n$  ماتریس هستند که ستونهای هر یک بترتیب از  $\frac{\partial C_k}{\partial L_k} x_i$  ،  $\frac{\partial C_k}{\partial V_k} x_i$  و  $\frac{\partial C_k}{\partial T_k} x_i$  تشکیل یافته است .

تعداد این ماتریسها  $m$  دستگاه است که هر یک مربوط به یک سازنده می باشد .

محاسبه مشابهی در مورد بیلان حرارت به معادله (۲۴) منجر میگردد :

$$\Delta \beta \approx \sum_{k=1}^p \Delta L_k \frac{\partial \beta}{\partial L_k} + \sum_{k=1}^q \Delta V_k \frac{\partial \beta}{\partial V_k} + \sum_{k=1}^n \Delta T_k \frac{\partial \beta}{\partial T_k} + \Delta Q \quad (24)$$

با توجه باینکه برای حصول به جواب صحیح رابطه  $\Delta\beta = -\beta_0$  باید برقرار باشد ، خواهیم داشت :

$$E_1\Delta l + E_2\Delta v + E_3\Delta t + \Delta Q = -\beta_0$$

که  $E_1$  ،  $E_2$  و  $E_3$  ماتریسهای مشتقات جزئی می باشند .

علاوه بر معادلات فوق که برای تخمین تصحیحات لازم بکار میروند باید از معادلات مشخصه نیز استفاده نمود . مسلمست که در مورد متغیرهایی که از ابتدا مقادیر حقیقی آنها را بکار برده ایم باید ضریب تصحیح صفر را مصرف کرد .

بنابراین معادلات مشخصه صورت زیر را پیدا می نمایند :

$$\Delta\zeta = 0 \quad \text{یا} \quad \Delta\zeta_1 + R\Delta\zeta_2 = 0 \quad \text{یا} \quad \Delta x_{ij} = S$$

تمام معادلات مربوطه را میتوان بشکل ماتریسی نشان داد :

|         |  |               |           |           |   |       |       |       |              |      |
|---------|--|---------------|-----------|-----------|---|-------|-------|-------|--------------|------|
|         |  | p             | q         | n         | n | n     | n     | n     |              |      |
| n       |  | $A_1$         | $A_2$     | 0         | 0 | 0     | 0     | 0     | $\Delta l$   |      |
| n       |  | 0             | 0         | 0         | 0 | 1     | 1     | 1     | $\Delta v$   |      |
| n       |  | $E_1$         | $E_2$     | $E_3$     | 1 | 0     | 0     | 0     | $\Delta t$   |      |
| n       |  | $D_{1,1}$     | $D_{1,2}$ | $D_{1,3}$ | 0 | $C_1$ | 0     | 0     | $\Delta q$   | =    |
| n       |  | $D_{i,1}$     | $D_{i,2}$ | $D_{i,3}$ | 0 | 0     | $C_i$ | 0     | $\Delta x_1$ |      |
| n       |  | $D_{m,1}$     | $D_{m,2}$ | $D_{m,3}$ | 0 | 0     | 0     | $C_m$ | $\Delta x_i$ |      |
|         |  | معادلات مشخصه |           |           |   |       |       |       | $\Delta x_m$ |      |
| $p+q-n$ |  |               |           |           |   |       |       |       |              |      |
|         |  |               |           |           |   |       |       |       | 0            |      |
|         |  |               |           |           |   |       |       |       | $\alpha_0$   |      |
|         |  |               |           |           |   |       |       |       | $-\beta_0$   |      |
|         |  |               |           |           |   |       |       |       | 0            | (۲۱) |
|         |  |               |           |           |   |       |       |       | 0            |      |
|         |  |               |           |           |   |       |       |       | 0            |      |

## تقارب

از نظر اصول کلی، معادله (۲۶) پس از چندبار تکرار باید جواب مطلوب را بدست دهد. ولی گاهی اوقات این تکرار (حدس و خطا) ممکنست حالت نوسانی پیدا نماید و یا اصولاً ناپایدار گردد. نظرباینکه فقط تفاوت‌های درجه اول در مشخص کردن تصحیحات لازم در نظر گرفته میشود، بنابراین در یک راه حل پایدار که به جواب منجر شود، باید بتوان از جملات درجات بالاتر در مقابل عبارات درجه اول چشم پوشید. برای روشن شدن مطلب اثر تغییرات در دبی و دما را بر روی انتالپی،  $0$ ، جریان مایع واحد  $z$  ام در نظر می‌گیریم:

$$\Delta\theta = \Delta(l_j h_j) = h_j \Delta l_j + l_j \Delta T_j \frac{\partial h_j}{\partial T_j} + \frac{1}{2} \left( \Delta T_j \Delta l_j \frac{\partial h_j}{\partial T_j} + l_j \Delta T_j^2 \frac{\partial^2 h_j}{\partial T_j^2} \right) \quad (27)$$

در تکرار مرتبه  $r$  ام، مقدار  $\Delta\theta_r$  مساوی عبارت زیر خواهد شد:

$$\Delta\theta_r = h_j \Delta l_j + l_j \Delta T_j \frac{\partial h_j}{\partial T_j}$$

و خطائی که در تکرار مرتبه بعد داخل خواهد گردید عبارتست از:

$$\Delta\theta \approx \frac{1}{2} \left( \Delta T_j \Delta l_j \frac{\partial h_j}{\partial T_j} + l_j \Delta T_j^2 \frac{\partial^2 h_j}{\partial T_j^2} \right)$$

$\beta$  در صورتی بسمت صفر میرود که برای تمام جریانها رابطه  $\Delta\theta_r > \Delta\theta_{r+1}$  برقرار باشد.

$$h_j \Delta l_j + l_j \Delta T_j \frac{\partial h_j}{\partial T_j} > \frac{1}{2} \left( \Delta l_j \Delta T_j \frac{\partial h_j}{\partial T_j} + l_j \Delta T_j^2 \frac{\partial^2 h_j}{\partial T_j^2} \right)$$

یا:

$$\frac{\Delta l_j}{l_j} + \frac{\Delta T_j}{h_j} \frac{\partial h_j}{\partial T_j} > \frac{1}{2} \left( \frac{\Delta l_j}{l_j} \frac{\Delta T_j}{h_j} \frac{\partial h_j}{\partial T_j} + \frac{\Delta T_j^2}{h_j} \frac{\partial^2 h_j}{\partial T_j^2} \right) \quad (28)$$

محاسبه در مورد جریانهای بخار نیز مطابق روش فوق انجام می‌گیرد.

شرط لازم برای داشتن دقت قبول در محاسبه بیلان سازندگان کمی پیچیده‌تر است. برای محاسبه تغییرات متغیرها، باید معادله (۲۳) را که تغییرات  $l$  و  $v$  و  $t$  را نسبت به  $x_i$  بدست میدهد، بصورت یکسری معادلات خطی بین  $x_i$  و  $\Delta x_i$  نوشت:

$$\Delta x_i = -C_i^{-1} R_i x_i \quad (29)$$

که در رابطه فوق:

$$R_i = \sum_{k=1}^p \Delta l_k \frac{\partial C_i}{\partial L_k} + \sum_{k=1}^q \Delta V_k \frac{\partial C_i}{\partial V_k} + \sum_{k=1}^n \Delta T_k \frac{\partial C_i}{\partial T_k} \quad (20)$$

باین ترتیب  $R_i$  تغییرات حاصل در  $C_i$  را با یک تقریب درجه اول بدست میدهد .

$$\Delta C_i \approx R_i \quad \text{بنابراین :}$$

$$\Delta x_i \approx -C_i^{-1} \Delta C_i x_i \quad (21)$$

$$\approx -S_i x_i$$

در تکرار مرتبه  $r$  ام خطای موجود در مجموع پیلانهای سواد ،  $a_r$  با عبارت زیر داده میشود :

$$a_r = u - \sum_{i=1}^m (x_i)_r \quad (10)$$

با استفاده از معادله (۲۶) :

$$a_r = \sum_{i=1}^m \Delta x_i$$

از رابطه (۳۱) معادله (۳۲) را بدست می آوریم :

$$u - \sum_{i=1}^m (1 - S_i) (x_i)_r \approx 0 \quad (22)$$

و :

$$a_r \approx - \sum_{i=1}^m S_i (x_i)_r \quad (23)$$

در تکرار بعدی :

$$(x_i)_{r+1} = -(C_i + \Delta C_i)^{-1} f_i = -(1 + C_i^{-1} \Delta C_i)^{-1} C_i^{-1} f_i$$

$f$  بردار مربوط به شدت جریان خوراک اصلی دستگاه است .

با بسط معادله فوق و جانشین ساختن رابطه (۷) خواهیم داشت :

$$(x_i)_r = -C_i^{-1} f_i$$

برطبق تعریف  $S_i$  :

$$(x_i)_{r+1} = (1 - S_i + S_i^2 - S_i^3 \dots) (x_i)_r$$

و بنابراین :

$$\begin{aligned} a_{r+1} &= u - \sum_{i=1}^m (x_i)_{r+1} \\ &= u - \sum_{i=1}^m (1 - S_i + S_i^2 - S_i^3 \dots) (x_i)_r \\ &= u - \sum_{i=1}^m (1 - S_i) (x_i)_r - \sum_{i=1}^m (S_i^2 - S_i^3 \dots) (x_i)_r \end{aligned} \quad (34)$$

با ترکیب معادلات (۳۲) و (۳۴) :

$$a_{r+1} \approx - \sum_{i=1}^m (S_i^2 - S_i^3 + \dots) (x_i)_r \quad (35)$$

باین ترتیب ملاحظه میشود که  $a$  وقتی بسمت صفر میرود که :

$$\sum_{i=1}^m S_i (x_i)_r > \sum_{i=1}^m (S_i^2 - S_i^3 + \dots) (x_i)_r \quad (36)$$

رابطه فوق وقتی برقرار است که برای هر سازنده داشته باشیم :

$$|S_i| > |S_i|^2 - |S_i|^3 + \dots \quad (37)$$

یعنی ضریب کمیت‌های مشخصه ( $S_i$  eigen values) یا  $C_i^{-1} \Delta C_i$  باید کوچکتر از  $\frac{1}{4}$  باشد. یا بایک تقریب قابل قبول میتوان گفت که خطای نسبی هر یک از اجزاء  $C_i$  باید کوچکتر از ۰.۵ باشد. یعنی :

$$\frac{\Delta C_{j,k}}{C_{j,k}} < 0.5 \quad (38)$$

باین ترتیب دیده میشود که با رعایت محدودیت‌های لازم در هر جزء از سیستم، شرایط مورد نظر برقرار خواهند شد. چون حداکثر تغییرات نسبی مجاز برابر ۰.۵ است برای آنکه برنامه محاسبات بین حالت نوسانی و یک تقارب کند واقع شود، باید خطای نسبی را کوچکتر از ۰.۵ در نظر بگیریم.

باین ترتیب خواهیم داشت :

$$\frac{\Delta l_k}{L_k} < 0.4 \quad k=1, 2, \dots, p \quad (39)$$

$$\frac{\Delta v_k}{V_k} < 0.4 \quad k=1, 2, \dots, q \quad (40)$$

$$\frac{K_{ij}(T_j + \Delta T_j) - K_{ij}(T_j)}{K_{ij}(T_j)} < 0.4 \quad j=1, 2, \dots, n \quad (41)$$

که با معادلات (۳۸) و (۳۹) توافق دارند .

برای تحویل یک تقارب سریع، قبل از تکرار محاسبه لازمست تا خطاهای نسبی موجود را مورد دقت قرار داده و بزرگترین مقدار آنها را که به  $r$  نشان میدهم در نظر گرفت. اگر  $r < 0.4$  باشد، مقصود حاصل است ولی اگر  $r > 0.4$  باشد کلیه خطاهای نسبی محاسبه شده را باید با عبارت  $0.4/r$  ساده نمود.

### دقت در محاسبات

بردار  $\alpha$  مبین عدم توافق بین مجموع بیلانهای جرمی سازندگان و بیلان کلی مواد سیستم است. ماکمیتی مثل  $\epsilon_m$  را که تابعی از  $\alpha$  با عبارت ذیل است، بعنوان معیاری از دقت محاسبه در نظر می گیریم:

$$\epsilon_m = \sqrt{\frac{\alpha_1^2 + \alpha_2^2 + \dots + \alpha_j + \dots + \alpha_n^2}{n}}$$

در مورد بیلان حرارت نیز میتوان چنین کمیتی را برای بردار  $\beta$  اختیار نمود. ولی رابطه حاصل بستگی به آحاد مصرف شده برای انتالپی و شدت جریان جرمی خواهد داشت و لذا برای بدست آوردن یک معادله بدون بعد عاملی مانند  $\Gamma_j$  را بنحوی در نظر می گیریم که در مورد هر واحد با عبارت زیر بیان میشود:

$$\Gamma_i = \frac{(\text{شدت حرارت خروجی}) - (\text{شدت حرارت ورودی})}{(\text{شدت حرارت خروجی}) + (\text{شدت حرارت ورودی})}$$

همچنین معیار دقت دیگری نیز مثل  $\epsilon_H$  را با عبارت ذیل فرض می کنیم:

$$\epsilon_H = \sqrt{\frac{\Gamma_1^2 + \dots + \Gamma_j^2 + \dots + \Gamma_n^2}{n}}$$

باین ترتیب محاسبات آفندر تکرار خواهد شد تا  $\epsilon_M < \overline{\epsilon_M}$  و  $\epsilon_H < \overline{\epsilon_H}$  گردد که  $\overline{\epsilon_H}$  و  $\overline{\epsilon_M}$  خطاهای قابل قبول میباشند.

کاربرد روش حل عمومی مذکور در این مقاله را میتوان باشکال مختلف توسعه داد تا در حل مسائل دیگری که در آنها فرض واحدهای تعادلی صحیح بنظر نمیرسد مورد استفاده قرار گیرد. مثلاً موضوع

راندمان سینی های برج را ممکنست بطور مستقیم بصورت روابط Murphree و یا غیرمستقیم بادر نظر گرفتن عوامل اختلاط معکوس (Back mixing) در معادلات اصلی وارد نمود .

شرایط غیرتعادلی با فرض وجود یک کندانسور کلی (Total condenser) ایجاد میشود. اعداد و اطلاعات مربوط بحالت تعادل ممکنست بصورت فراریت های نسبی (Relative volatilities) و یا بشکل تابعی از دما و ترکیب سازندگان در اختیار باشد . در زیر به بحث درباره چگونگی حل این قبیل مسائل می پردازیم .

**واحدهای غیرتعادلی :** اگر واحدهای دستگاہ را غیرتعادلی فرض نمائیم ، روش فرموله کردن مسئله با حالت قبل اندکی متفاوت خواهد بود . واحدهای غیرتعادلی ممکنست در اثر استفاده از یک کندانسور کلی و یا بعلت مخلوط و یا جدا کردن جریانهای مواد بنحوی که فقط یک فاز ایجاد شود، حاصل گردند . وجود چنین واحدهائی باعث افزایش یک درجه آزادی در سیستم خواهد شد .

یک واحد غیرتعادلی مثلاً واحد n ام را که فرض میکنیم یک کندانسور کلی باشد ، در نظر می گیریم . در این حالت، در جریانهای خروجی از این واحد فاز بخار وجود نداشته و ترکیب فاز مایع حاصل برابر ترکیب بخار ورودی به آن است . یعنی :

$$x_{i,n} = y_{i,n-1}$$

$$\sum x_{i,n} = \sum y_{i,n-1} = 1$$

بنابراین در حل چنین مسائلی لازمست تا بجای  $\sum x_{i,n}$  مقدار آن یعنی واحد را قرار داد و در نتیجه معادله مربوط به  $\sum x_{i,n}$  حذف شده و بجای آن از یک معادله مشخصه باید استفاده نمود . این معادله مشخصه میتواند مثلاً شدت خروج حرارت از کندانسور یا دمای جریان برگشتی (Ref lux)  $T_n$  را بیان نماید .

### تعادل وابسته به ترکیب مواد

اگر حالت تعادل بنحوی باشد که در اثر تغییر غلظت سازندگان مختل گردد ، روش حل مسئله باحالات قبل تفاوت اساسی پیدا خواهد کرد .

در تحت چنین شرایطی دیگر نمیتوان غلظت هریک از سازندگان را در هر واحد ،  $x_{i,1}$  ، تنها بشکل تابعی از فازهای مایع ، بخار و دما بیان نمود، بلکه لازمست که علاوه بر بردارهای  $t$  و  $v$  و  $l$  ، بردار جدید دیگری نیز مثل  $x_i$  را برای هر سازنده با شرط زیر در نظر گرفت :

$$\sum_{i=1}^m x_i = u$$



برای هر سازنده،  $i$ ، عامل  $\gamma_i$  را که عبارت از خطای موجود در معادله (۶) باشد با استفاده از رابطه زیر محاسبه میکنیم:

$$\gamma_i = C_i x_i + f_i \quad (42)$$

مقادیر مفروض برای متغیرها در هر تکرار محاسبات باید تصحیح شوند تا سرانجام شرایط مربوط به بردارهای  $\alpha$  و  $\beta$  و روابط زیر برقرار گردند:

$$\Delta \gamma_i = -\gamma_{i0} \quad (43)$$

$$\sum \Delta x_i = 0$$

مشتقات جزئی در این حالت عبارتند از:

$$\frac{\partial \gamma_i}{\partial \zeta} = \frac{\partial C_i}{\partial \zeta} \delta x_i \quad (44)$$

که در رابطه فوق  $\zeta = 1, v, t$  و  $x_k \neq i$  و وقتی  $\zeta = x_i$  باشد:

$$\frac{\partial \gamma_i}{\partial \zeta} = \frac{\partial C_i}{\partial \zeta} x_i + C_i \frac{\partial x_i}{\partial \zeta} \quad (45)$$

اگر انتالپی‌ها نیز بصورت توابعی از ترکیبات سازندگان داده شوند، مشتقات جزئی آنها را در  $\Delta \beta$  باید وارد نمود.

از ترکیب روابط قبل، معادله (۶) حاصل میگردد:

$$(46)$$

|               |           |           |   |           |           |           |              |                |
|---------------|-----------|-----------|---|-----------|-----------|-----------|--------------|----------------|
| $A_1$         | $A_2$     | 0         | 0 | 0         | 0         | 0         | $\Delta l$   | 0              |
| 0             | 0         | 0         | 0 | 1         | 1         | 1         | $\Delta v$   | $\alpha_0$     |
| $E_1$         | $E_2$     | $E_3$     | 1 | $H_{1,1}$ | $H_{1,i}$ | $H_{1,m}$ | $\Delta t$   | $-\beta_0$     |
| $D_{1,1}$     | $D_{1,2}$ | $D_{1,3}$ | 0 | $G_{1,1}$ | $G_{1,i}$ | $G_{1,m}$ | $\Delta q$   | $-\gamma_{10}$ |
| $D_{i,1}$     | $D_{i,2}$ | $D_{i,3}$ | 0 | $G_{i,1}$ | $G_{i,i}$ | $G_{i,m}$ | $\Delta x_1$ | $-\gamma_{i0}$ |
| $D_{m,1}$     | $D_{m,2}$ | $D_{m,3}$ | 0 | $G_{m,1}$ | $G_{m,i}$ | $G_{m,m}$ | $\Delta x_i$ | $-\gamma_{m0}$ |
| معادلات مشخصه |           |           |   |           |           |           | $\Delta x_m$ |                |

رابطه (۶) جنبه کاملاً عمومی داشته و در صورتیکه مقادیر  $K$  و انتالپی‌ها مستقل از ترکیب سازندگان باشند بمعادله (۶) ساده میگردد.

## ساختمان برنامه کامپیوتری

ابتداء به بحث درباره اجزاء برنامه کامپیوتری که بتوان از آن در حل مسائلی که مختصات آنها با دستگاه معادله (۲۶) داده میشود استفاده کرد می پردازیم . در طرح این برنامه باید رابطه بین گنجایش حافظه و سرعت ماشین در محاسبات را در نظر گرفت .

مثلاً ممکنست معادله ماتریسی (۲۶) را بهمان شکل به حافظه کامپیوتر سپرد ولی با این کار مقدار زیادی از ظرفیت ماشین بوسیله صفرها اشغال خواهد شد . استفاده از روشهای معمول در تبدیل ماتریسها نیز غالباً نمیتواند فضاها ی خالی آنها را بانداژه لازم کوچک نماید .

ولی چون فرض کردیم که انتالپی های ملکولی و حالت تعادل تنها به دما بستگی دارند میتوان بردارهای  $\Delta x_1 \dots \Delta x_i \dots \Delta x_m$  را حذف نمود و در نتیجه معادله (۲۶) بمعادله ماتریسی زیر خلاصه میشود :

$$\begin{bmatrix} A_1 & A_2 & 0 & 0 \\ D_1 & D_2 & D_3 & 0 \\ E_1 & E_2 & E_3 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta l \\ \Delta v \\ \Delta t \\ \Delta q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ \alpha_0 \\ -\beta_0 \end{bmatrix} \quad (47)$$

در رابطه اخیر A و E همان معانی قبلی خود را دارند و :

$$D_n = - \sum_{i=1}^m C_i^{-1} D_{i,n} \quad n=1, 2, 3 \quad (48)$$

از رابطه (۱۷) ، n معادله حاصل میشود که در تمام طول حل مسئله ثابت خواهند ماند و در نتیجه میتوان از آنها در حذف n جزء از  $\Delta l$  و  $\Delta v$  استفاده نمود . این کار از بار حافظه کامپیوتر میکاهد و تنها لازمست تا  $p+q-n$  جزء مورد عمل واقع شوند .

برای انجام این امر  $\Delta l$  و  $\Delta v$  را بشکل زیر در نظر می گیریم :

$$p+q-n \begin{bmatrix} \Delta Z_1 \\ \dots \\ \Delta Z_2 \end{bmatrix} \equiv \begin{bmatrix} \Delta l \\ \dots \\ \Delta v \end{bmatrix} \begin{matrix} p \\ \dots \\ q \end{matrix}$$

بنابراین معادله (۱۷) را بصورت زیر میتوان نوشت :

$$A_3 \Delta Z_1 + A_4 \Delta Z_2 = 0 \quad (49)$$

$$\Delta Z_1 = -A_5 \Delta Z_2$$

در این رابطه  $A_5 = A_3^{-1} A_4$  میباشد که باید در ابتدای حل هر مسئله محاسبه شده و بحافظه کامپیوتر سپرده شود تا در مواقع ضروری برای محاسبه  $\Delta Z_1$  از روی  $\Delta Z_2$  مورد استفاده قرار گیرد. بعنوان مثال در معادله (۳۳)، در دو جمله اول، مقادیر  $\Delta l$  و  $\Delta v$  موجود هستند که میتوان آنها را بشکل زیر بیان نمود:

$$D_{i,1} \Delta l + D_{i,2} \Delta v \equiv D_{i,4} \Delta Z_1 + D_{i,5} \Delta Z_2$$

عبارت فوق برطبق معادله (۴۹) معادل  $D_{i,6} \Delta Z_2$  میباشد که:

$$D_{i,6} = D_{i,5} - D_{i,4} A_5$$

وقتی روابط بالا بترتیب مذکور ساده گردید، معادلاتی که اثر تغییر مقادیر متغیرها را در خطای حاصل از بیان مواد نشان میدهد با عبارت (۵۰) داده خواهد شد:

$$\left[ \begin{array}{c|c} W_6 & W_7 \end{array} \right] \left[ \begin{array}{c} \Delta Z_2 \\ \hline \Delta t \end{array} \right] = \alpha_0 \quad (50)$$

که در رابطه فوق:

$$W_6 = - \sum_{i=1}^m C_i^{-1} D_{i,6}$$

$$W_7 = - \sum_{i=1}^m C_i D_{i,3}$$

بیان حرارت و معادلات مشخصه را میتوان یکجا بشکل زیر در نظر گرفت:

$$\left[ \begin{array}{c|c|c} E_1 & 1 & E_3 \\ \hline W_1 & W_2 & W_3 \end{array} \right] \left[ \begin{array}{c} \Delta Z_2 \\ \hline \Delta q \\ \hline \Delta t \end{array} \right] = \left[ \begin{array}{c} -\beta_0 \\ \hline \theta \end{array} \right] \begin{array}{l} \text{بیان حرارت} \\ \text{معادلات مشخصه} \end{array}$$

که پس از حذف  $\Delta q$ :

$$\left[ \begin{array}{c|c} W_4 & W_5 \end{array} \right] \left[ \begin{array}{c} \Delta Z_2 \\ \hline \Delta t \end{array} \right] = \left[ \Phi \right] \quad (51)$$

$$W_4 = W_1 - W_2 E_1$$

$$W_5 = W_3 - W_2 E_3$$

$$\Phi = \theta + W_2 \beta_0$$

$W_2$  مشخصات حرارت مورد لزوم واحدها را بدست میدهد. پس از ساده‌تر کردن روابط، هرویزگی خاص با تعویض سطر مربوطه در معادلات مشخصه سیستم با سطر مربوط به بیلان حرارت حاصل میشود. استیاز این روش در آنستکه نیاز به ساده کردن معادله (۵۱) با طریقه متداول را برطرف می‌نماید، زیرا در صورت لزوم این عمل را با انتقال سطور نظیر معادله (۲۶) میتوان حاصل کرد.

از ترکیب معادلات (۵۰) و (۵۱) خواهیم داشت:

$$\begin{bmatrix} W_6 & W_7 \\ \hline W_4 & W_5 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta Z_2 \\ \hline \Delta t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \alpha_0 \\ \hline \theta \end{bmatrix} \quad (52)$$

با استفاده از رابطه (۵۲) مقادیر  $\Delta Z_2$  و  $\Delta t$  و در نتیجه  $\Delta l$  و  $\Delta v$  را میتوان محاسبه نمود.

### طرح برنامه

نخستین قدم در طرح برنامه محاسبه مشخص نمودن اجزاء سیستم مورد مطالعه است. برای این امر بهر جریان سیستم دواندیس و وابسته می‌نمائیم که اندیس اول مربوط به مبدأ و دومی نمودار انتهایی جریان می‌باشد.

واحد اول را (که در مورد ستونهای جدا کننده معمولاً جوش آور است) با شماره ۱ و محیط خارج را با شماره صفر مشخص می‌نمائیم. برای تشکیل معادلات مشخصه فرض میکنیم که متغیرهای مورد نظر در ابتداء مقادیر حقیقی خود را داشته باشند بطوریکه مثلاً در مورد برج جدا کننده شکل ۱، شرط  $V_{3,0} = a$  (یک مقدار معلومست)  $\Delta V_{10}$  را مساوی صفر نماید. غلظت سازندگان را نیز بوسیله سه اندیس مشخص می‌نمائیم که اندیس اول نوع سازنده را نشان میدهد.

با این شرایط و با در دست داشتن مقادیر انتالی و مشخصات حالت تعادل برنامه محاسبات را بترتیب زیر میتوان تنظیم کرد:

۱.  $a$ : مقادیری برای  $t$  و  $l$  و  $v$  در نظر بگیرید بطوریکه در بیلان کلی مواد صدق نمایند.  
(برای حدس اول ممکنست فرض کرد که جریان مولی سرریز برج ثابت بوده و دمای هر سینی برابر دمای خوراک موجود در آن می‌باشد).

$$\alpha_0 = u \quad ; \quad b$$

$$W_n = 0 \quad n = 4, 5, 6, 7$$

$$\Phi = 0$$

قرار دهید.

c :  $A_5$  را محاسبه کنید .

۲ . a :  $C_i$  را تشکیل داده و  $C_i^{-1}$  را حساب کنید .

b :  $x_i$  را محاسبه نمایید .

$$c : \alpha_0 \leftarrow \alpha_0 - x_i$$

d :  $D_{i,6}$  و  $D_{i,3}$  را تشکیل داده و مقادیر  $C_i^{-1}D_{i,6}$  و  $C_i^{-1}D_{i,3}$  را حساب کنید .

e : معادلات مشخصه را در نظر گرفته و در صورت لزوم روابط مربوط به  $x_{i,n}$  را در آنها قرار دهید .

$$f : W_6 \leftarrow W_6 - C_i^{-1}D_{i,6}$$

$$W_7 \leftarrow W_7 - C_i^{-1}D_{i,3}$$

g : قسمت ۲ را برای هر سازنده تکرار کنید .

۳ . a :  $\epsilon_M$  ،  $\epsilon_H$  و سایر خطاها را حساب کنید . اگر در حد قابل قبول باشند قسمت ۶ را

اجراء نمایید .

۴ . a : بیلانهای حرارت را تشکیل دهید .

b : معادلات مشخصه را تکمیل کنید .

c : اگر واحدهای غیر تعادلی نیز وجود دارند  $W_6$  و  $W_7$  و  $\alpha_0$  را با آنها تطبیق دهید .

۵ . a : معادله (۵۱) را حل نموده و مقادیر  $\Delta Z_2$  و  $\Delta t$  را بدست آورید .

$$b : \Delta Z_1 \text{ را محاسبه نمایید } (\Delta Z_1 = -A_5 \Delta Z_2)$$

c :  $r$  ، بزرگترین جزء  $\dots$  ،  $\frac{\Delta V_1}{V_1}$  ،  $\dots$  ،  $\frac{\Delta L_2}{L_2}$  ،  $\frac{\Delta L_1}{L_1}$  ، را مشخص کنید .

d : اگر  $r \leq 0.4$  به قسمت f پیش بروید .

$$e : \Delta L_1 = 0.4 \frac{\Delta L_1}{r} \dots$$

$$f : l \leftarrow l + \Delta l$$

$$v \leftarrow v + \Delta v$$

$$t \leftarrow t + \Delta t$$

g : قسمت ۲ بعد را تکرار نمایید .

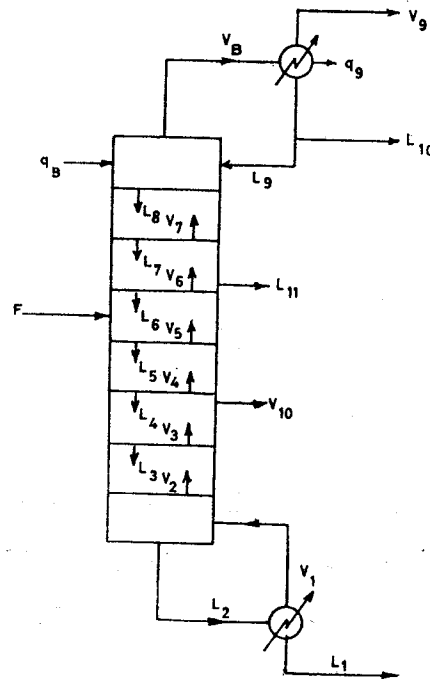
۶ . ثبت نتایج حاصل

برنامه مذکور در فوق را با تغییراتی در اجزاء آن میتوان در حل مسائلی که از شرایط تعادل دور

بوده و یا حالت تعادل وابسته دارند نیز بکار برد . البته مسلمست که در اینتحالت نمی توان  $x_i$  ها را حذف

نموده و مسئله را مانند حالت قبل ساده کرد. همچنین لازمست تا ماتریسهای  $G$  را که از مشتقات جزئی بیلانهای مواد نسبت به تغییر ترکیب سازندگان حاصل شده‌اند و نیز ماتریسهای  $H$  را هم تشکیل داد. ( برای اطلاع بیشتر بمنابع ۷ و ۱۰ و ۱۱ مراجعه شود ).

باید دانست که همین برنامه را میتوان بعنوان هسته مرکزی در برنامه‌های بزرگتری که برای محاسبات ایتیم طرح دستگاه‌ها نوشته میشوند نیز بکار برد.



شکل (۱)

### منابع

1. Amundson, N. R. , & Pontinen, A. J. Ind. Engng. Chem. , ind. (int) Edn, 1958, **50**, 730.
2. Lyster, W.N. , Sullivan, S. L. , Billingsley, D.S. & Holland, C. D. Petrol. Refiner, 1959, **38**, 221.
3. Pieser, N. Chem. Engng. , 1960, **67**, 1129.
4. Rose, A. , Sweeney, R. F. & Schrodt, V.N. Chem. Engng. , Albany, 1958, **50**, 737.
5. Musk, F.I. & Totman, E. D. J. appl. Chem. Lond. , 1960, **10**, 447.
6. Lyster, W.N. & Holland, C. D. Petrol. Refiner, 1959, **38**, 156.
7. Holland, C. P. , «Multicomponent Distillation», 1963 (New York : Prentice – Hall Inc.)
8. Hansen, D.N. , Duffin, J. H. & Nonervell, X. «Computation of Multistage Separation Processes » , 1962, (Reinhold Publishing Corporation).
9. Friday, J. R. & Smith, B.D. , A. I. Ch. E. Jl. , 1964, **10**, 698.
10. Billingsley, D. S. A. I. Ch. E. Jl. , 1966, **12**, 1134.
11. Lapidus, L. «Digital Computation for Chemical Engineers » , 1962. (New York : Mc.Graw – Hill Book Co.)