

# طراحی و ساخت یک جوش سنج جدید برای اندازه‌گیری ضریب فعالیت در محلولهای بینهایت رقیق

دکتر محمد مهدی منتظر رحمتی

استادیار گروه مهندسی شیمی دانشکده فنی دانشگاه تهران

## چکیده

ضریبهای فعالیت در رقت بینهایت برای هفت سیستم دوگانه در سه فشار مختلف توسط یک جوش سنج جدید اندازه‌گیری شده است. نتایج به دست آمده از این اندازه‌گیریها در چهار سیستم از هفت سیستم فوق با اطلاعات موجود مقایسه شده که در این موارد درصد خطا در اکثر موارد کمتر از ۵٪ بوده است. پس از اطمینان از درستی روش آزمایش از راه مقایسه‌های فوق، نه سیستم دیگر نیز آزمایش و نتیجه‌های آنها ارائه شده است.

## مقدمه:

B - حفره حاوی روغن برای اندازه‌گیری دمای جوش که شاخه اندازه‌گیری دماسنجد در آن قرار می‌گیرد.

C - لوله کترل که مخلوط بخار و مایع تحت عمل thermosiphon از آن بالا رفته و گردآگرد مارپیچ دور قسمت B مایع می‌شود و به قسمت D باز می‌گردد.

D - محل به جوش آمدن مایع که به دیواره داخلی آن خرد شیشه جوش داده شده است تا با پدید آمدن نقاط جوش

(nucleation sites) عمل جوشیدن بهتر و یکنواختر انجام پذیرد.

E - شیر از جنس تفلون که روی مواد در حال جوش بی اثر

است و برای تخلیه ظرف بکار می‌رود.

F - روکش خلا" که برای جلوگیری از تبادل حرارت بین هوای آزمایشگاه و قسمتهای B و C به دور آنها متصل گردیده است.

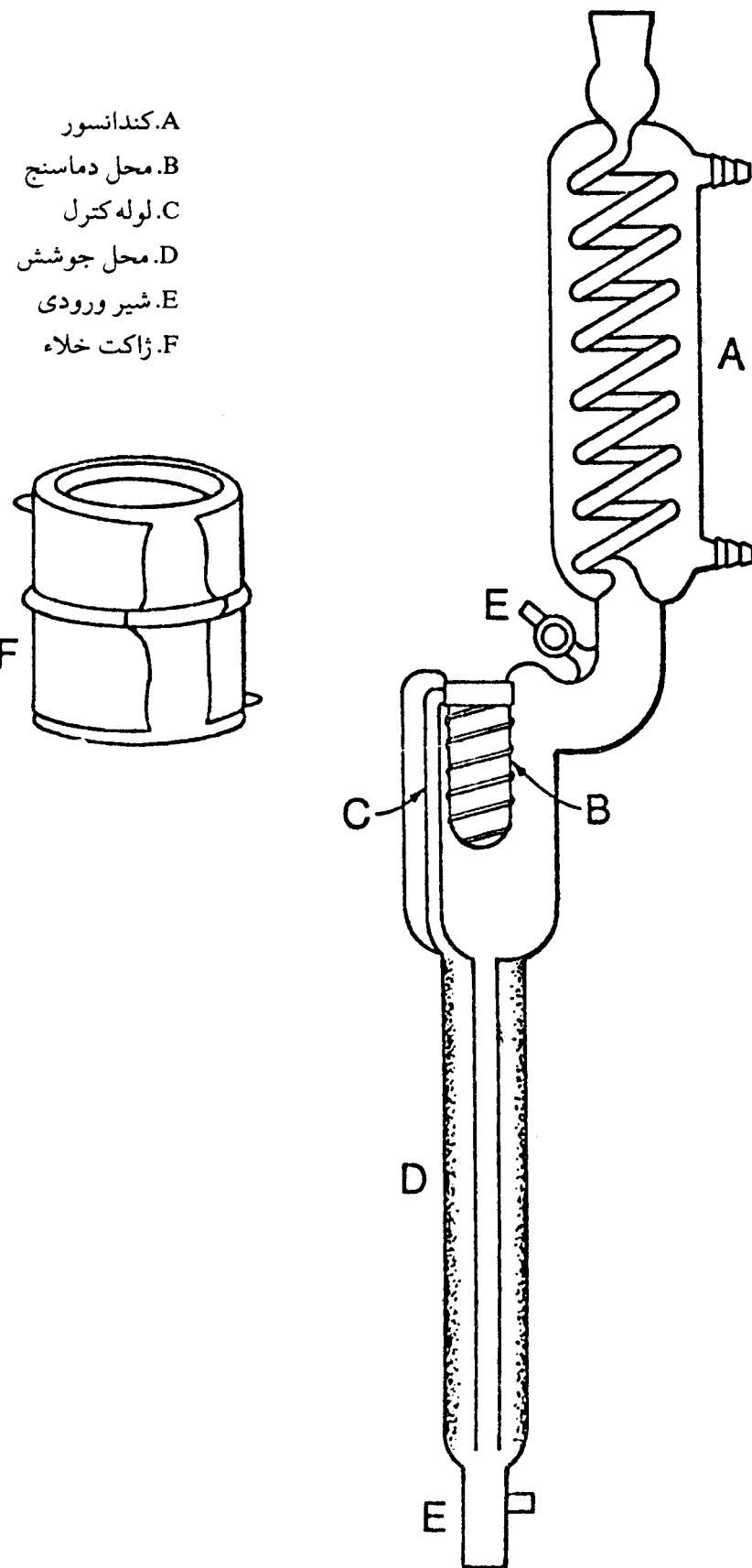
ضرایب فعالیت در رقت بینهایت برای بدست آوردن پارامترهای مدل‌های ضریب فعالیت از قبیل مدل‌های Unifac و Wilson, Van Laar, Margules این ضرایب از روش‌های مختلف منجمله جوش سنجی تفضیلی<sup>1</sup> به دست می‌آیند. این روش بخصوص برای سیستمهایی که سازنده‌های آن مواد شیمیایی باشد که اختلاف فشار بخار آنها از هم زیاد نباشد کاربرد دارد. در این روش حلal خالص در دستگاهی بنام جوش سنج<sup>2</sup> ریخته و به جوش آورده می‌شود. جوش سنجی که Eckert(1,4,5) طراحی کرده و مبای کار ما نیز بوده است در شکل ۱ نشان داده شده و از قسمتهای زیر تشکیل شده است:

A - کندانسور که بخار حاصل از عمل جوشیدن را بصورت مایع به قسمت پایین دستگاه باز می‌گرداند.

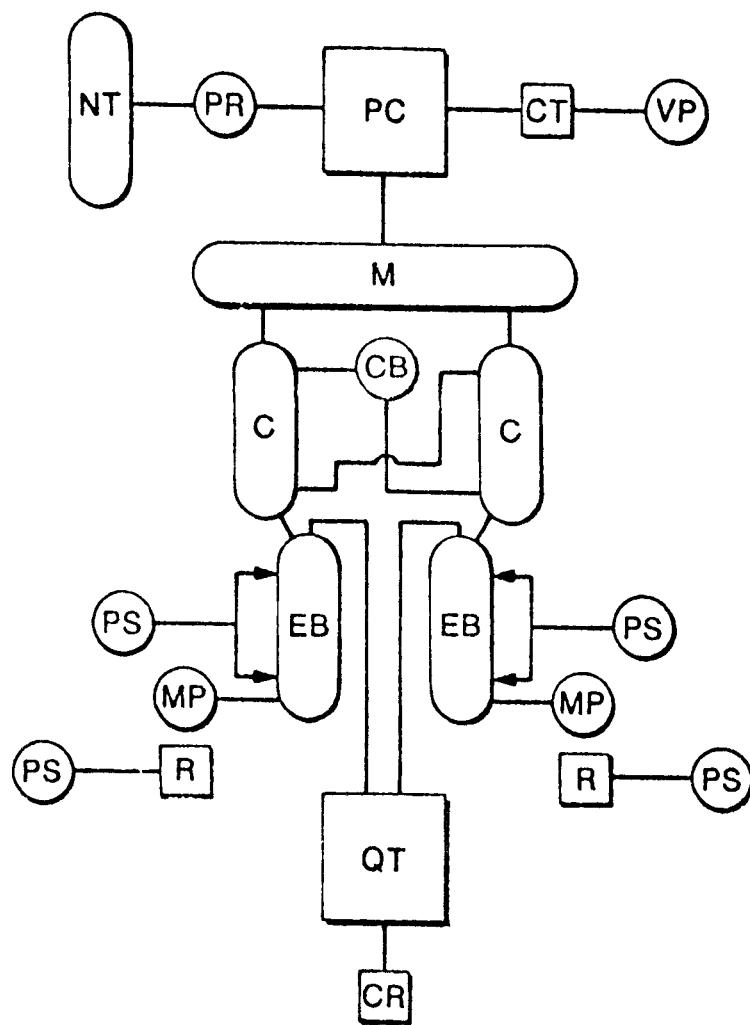
## 1. Differential Ebulliometry

## 2. Ebulliometer

شکل ۱ - جوش سنج Eckert



شکل ۲ - نمای شماتیک کلی سیستم آزمایشی



نگاره.CR

کپسول نیتروژن.NT

تنظیم کننده فشار.PR

کنترل کننده فشار.PC

محل جمع آوری بخارات مایع شده.CT

پمپ تخلیه.VP

مانیفولد.M

حمام سرد کننده.CB

کندانسور.C

جوش سنج.EB

تنظیم کننده ولتاژ.PS

پمپ مغناطیسی.MP

راننده آهربا.R

دماسنجدوارتز.QT

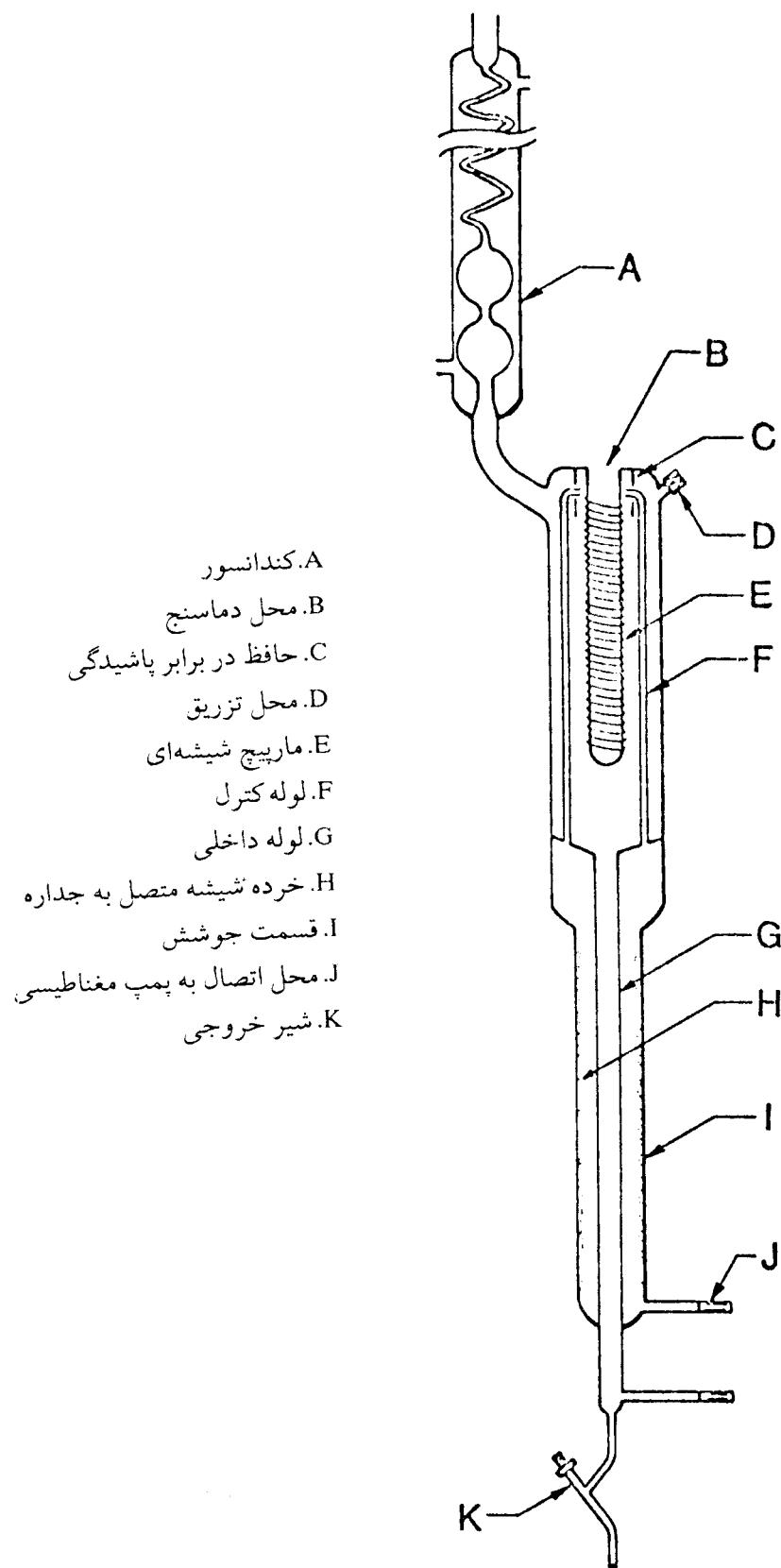
### شرح آزمایش:

به راست به شرح زیر است :
NT - کپسول نیتروژن
PR - تنظیم کننده فشار
PC - کنترل کننده فشار
CT - محفظه سرد برای عدم نفوذ بخارهای مایع شونده به درون پمپ تخلیه
VP - پمپ تخلیه
M - ظرف بزرگ شیشه‌ای مخصوص یکنواخت نگهداری فشار
CB - مخزن و پمپ ماده خنک کننده (مخلوط آب و اتیلن گلایکول) ارسالی به کندانسور
C - کندانسور
EB - جوش سنج
PS - تنظیم کننده ولتاژ برق ارسالی جهت گرم کردن ظرف
MP - پمپ معناطیسی که در این پروژه به سیستم آزمایشی اضافه شده و شرح آن در زیر خواهد آمد

شما کلی سیستم آزمایشی در شکل ۲ نشان داده شده است. دو جوش سنج که حاوی یک حلal هستند در کنار یکدیگر قرار گرفته و حلal داخل آنها به جوش آورده می‌شود. این دو به طرف بزرگی که حاوی گاز بی‌اثر ازت است وصل می‌شوند و فشار هر دو به یک میزان تنظیم و کنترل می‌گردد. از آنجاکه هر دو جوش سنج حاوی یک ماده در حال جوش هستند، اختلاف دمای اندازه‌گیری شده در دو جوش سنج صفر است. حال با اضافه کردن مقدار بسیار کمی از ماده‌ای دیگر به یکی از دو جوش سنج دمای جوش آن تغییر می‌کند و این افزایش یا کاهش دمای جوش قابلیت محاسبه ضریب فعالیت در رقت بینهایت (infinite dilution activity coefficient) را فراهم می‌سازد. رابطه ریاضی این پدیده در زیر عرضه خواهد شد.

قسمتهای مختلف سیستم آزمایشی از بالا به پایین و از چپ

شکل ۳ - جوش سنج با طراحی جدید



R - گرداننده پمپ مغناطیسی  
 QT - دماستح کواتز  
 CR - نگاره

پلاستیکی برای برقراری جریان دائمی مخلوط بخار و مایع.

از آنجاکه پمپ جریان (Circulation pump) مناسبی که بتواند مخلوطی از گاز و مایع را با این حجم کم (حدود ۱۰۰cc) پمپ کند از منابع تجاری قابل تهیه نبود، اقدام به ساخت پمپ مغناطیسی شکل ۴ نمودیم. تیغه‌های این پمپ در اثر نیروی گریز از مرکز هنگام گردش تا دیواره داخلی پمپ بیرون آمده و مخلوط بخار و مایع را با فشار به بیرون می‌راند. گردنده داخلی از آلومینیوم است که در آن آهنربایی تعییه گشته است.

تیغه‌ها از فولاد ضد زنگ و بدنه پمپ از برنج می‌باشد که روی مواد مورد آزمایش در کار ما اثری ندارد. چون پمپ فلزی و جوش سنج شیشه‌ای است ابتدا از اتصال فلز به شیشه (covar seal) استفاده شد ولی به علت شکنندگی هنگام پاک کردن ظرف شیشه‌ای، تصمیم به استفاده از لوله‌های انعطاف خیز تفلون برای اتصال پمپ به جوش سنج شد. شکل ۵ تغییرات اختلاف دمای اندازه‌گیری شده بدون وجود پمپ و شکل ۶ این تغییرات را پس از اضافه نمودن پمپ نشان می‌دهد. بهبود روش اندازه‌گیری کاملاً مشهود می‌باشد.

### مدل ریاضی

رابطه ریاضی ارتباط بین اختلاف نقطه جوش و ضریب فعالیت در رقت بینهایت توسط Gautreaux (2) and Coates به شرح زیر بدست آمده است:

$$\phi_1 P^s_2 \left\{ P^s_2 - \left[ 1 - \frac{P^s_2 V_2}{RT} + \frac{P^s_2}{\phi_2^s} \left( \frac{\partial \phi_2}{\partial P} \right) \right] \right\} \left( \frac{\partial P^s_2}{\partial T} \right) \left( \frac{dT}{dx_1} \right)_P^\infty =$$

$$P^s_1 \phi_1 \exp \left[ (P^s_2 - P^s_1) \frac{V_1}{RT} \right]$$

دمای دو جوش سنج به طور همزمان توسط دماستح مخصوص با دو شاخه اندازه گیری مقایسه شده و تفاضل این دو دما روی صفحه دماستح نشان داده می‌شود. به خاطر ثابت نبودن این تفاضل دما تصمیم بر آن شد که سیستم Eckert تغییر داده شود تا این مشکل از میان برود. نظر بر آن بود که اختلاف دما از آن جهت ثابت نیست که جریان بخار و مایع که به دور حفره محل اندازه گیری دما می‌ریزد نوسان دارد و حبابهای بخار که همراه مایع به طرف بالا در حرکت است بعضاً مجرای عبور جریان را مسدود می‌سازد. برای جلوگیری از این امر اقدام به جایگزینی عمل thermosiphon یعنی بالا رفتن طبیعی مخلوط بخار و مایع به علت اختلاف چگالی توسط forced circulation شد که بدین طریق جریان توسط پمپ بالا جبار دائماً برقرار باشد و نقاط خشک در اطراف حفره محل اندازه گیری دما به وجود نماید. برای اینکار تغییراتی در سیستم Eckert داده شد که در شکل ۳ دیده می‌شود.

عمله این تغییرات چنین است:

۱ - اضافه کردن حفاظی برای جلوگیری از پاشیده شدن مایع و بخار برگشتی و ارسال آرام آنها به دور حفره محل اندازه گیری دما.

۲ - اتصال پمپی به جوش سنج توسط دو لوله

فوگاسیته در فشارهای پایین رابطه زیر به دست می‌اید، بدین ترتیب که جملات داخل آکلاد در صورت و داخل

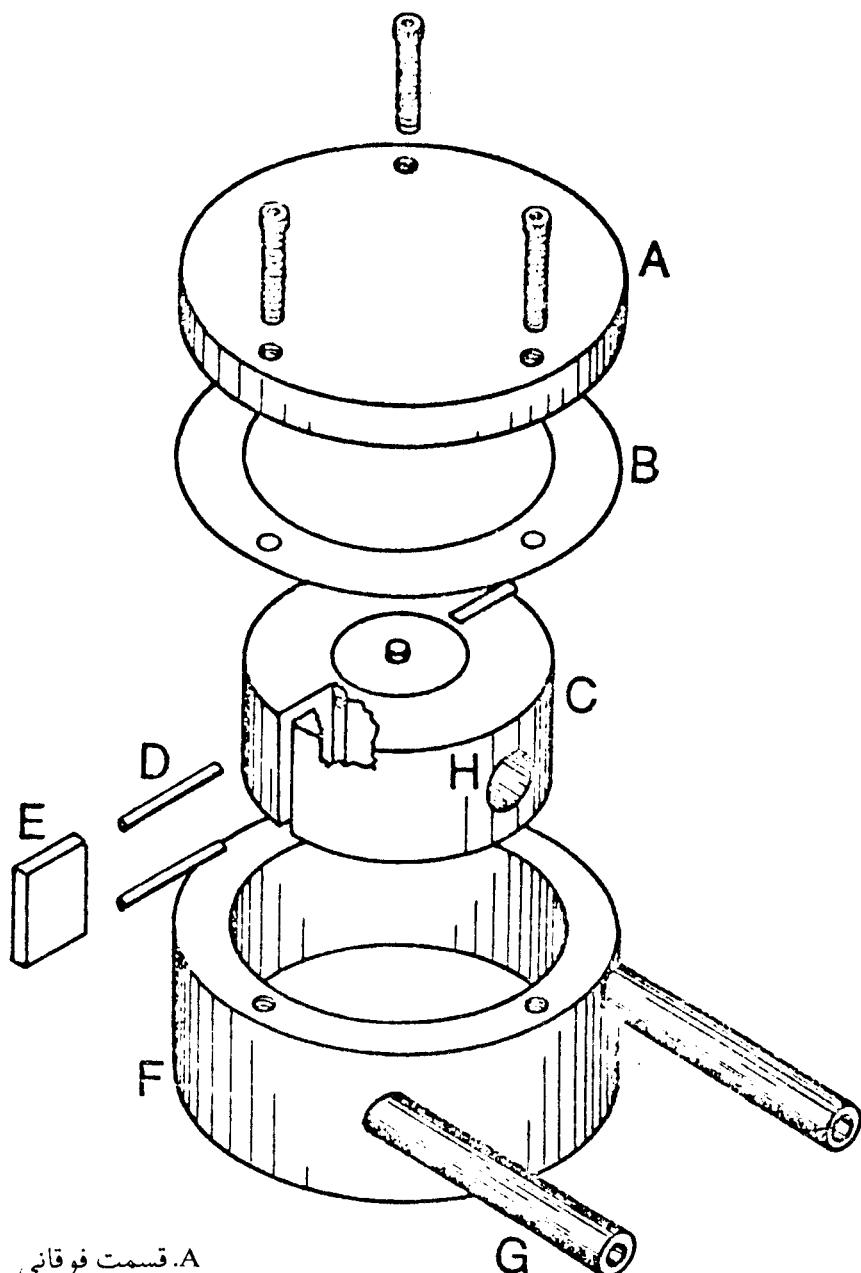
که با صرف نظر کردن از اصلاح پوینتینگ (Poynting) و قابل اغماض دانستن اثر ضریب correction effect)

که در آن  $P^s_1$  و  $P^s_2$  فشار بخار اشباع دو سازنده،  $\frac{dp^s_2}{dT}$  تغییر فشار بخار جزو دوم مخلوط یعنی ماده حل شده (Solute) بر حسب دما،  $(dT / dx_1)^\infty_p$  تغییر دما در فشار سیستم در رقت بینهایت بر حسب غلظت مخلوط و ضریب فعالیت در رقت بینهایت می‌باشد. فشارهای بخار

کروشه در مخرج و همچنین  $\phi_1$  و  $\phi_2$  مساوی ۱ می‌شوند:

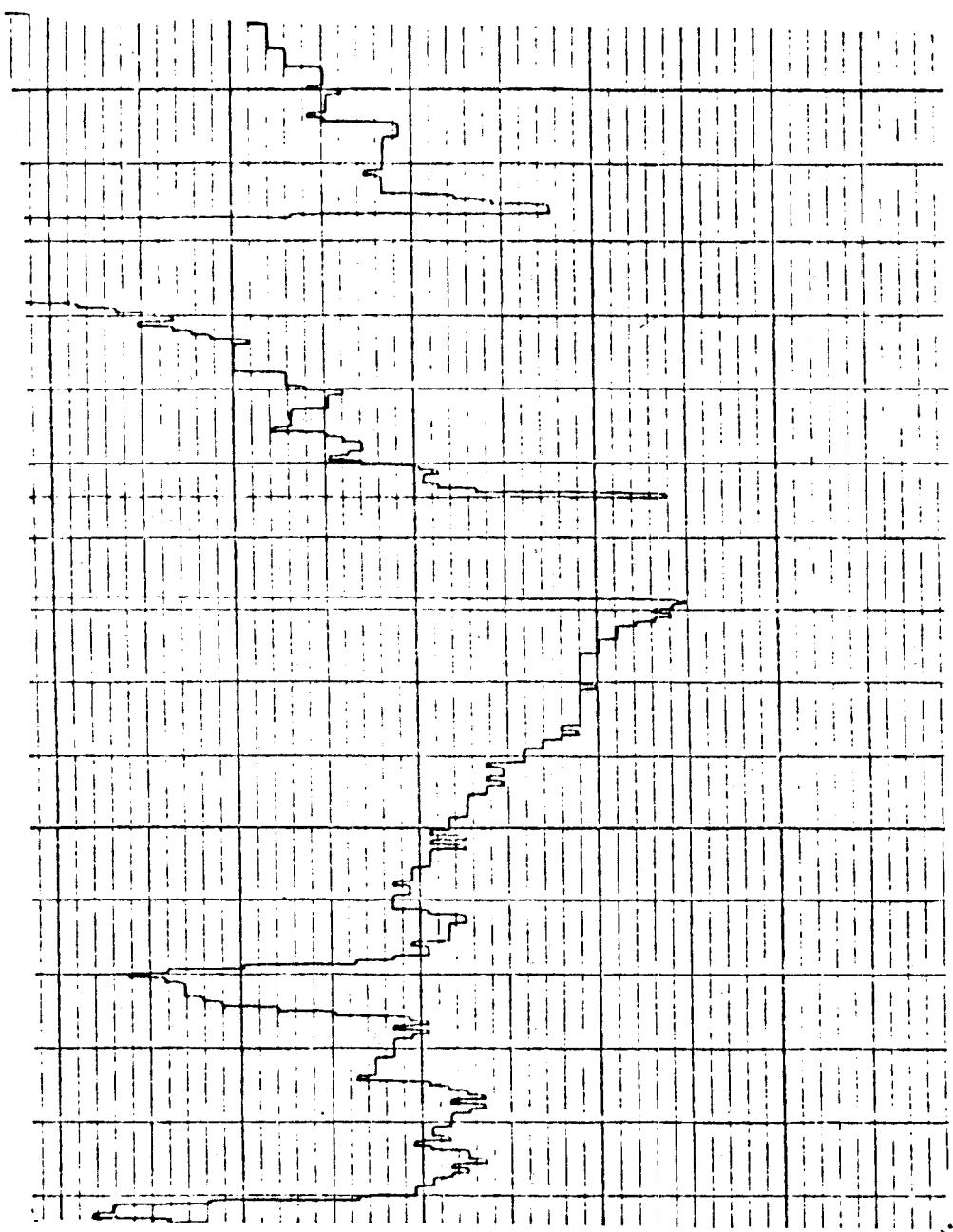
$$\phi_1 = \frac{P^s_2 - \left( \frac{\partial P^s_2}{\partial T} \right) \left( \frac{dT}{dx_1} \right)^\infty_p}{P^s_1}$$

شکل ۴ - پمپ مغناطیسی

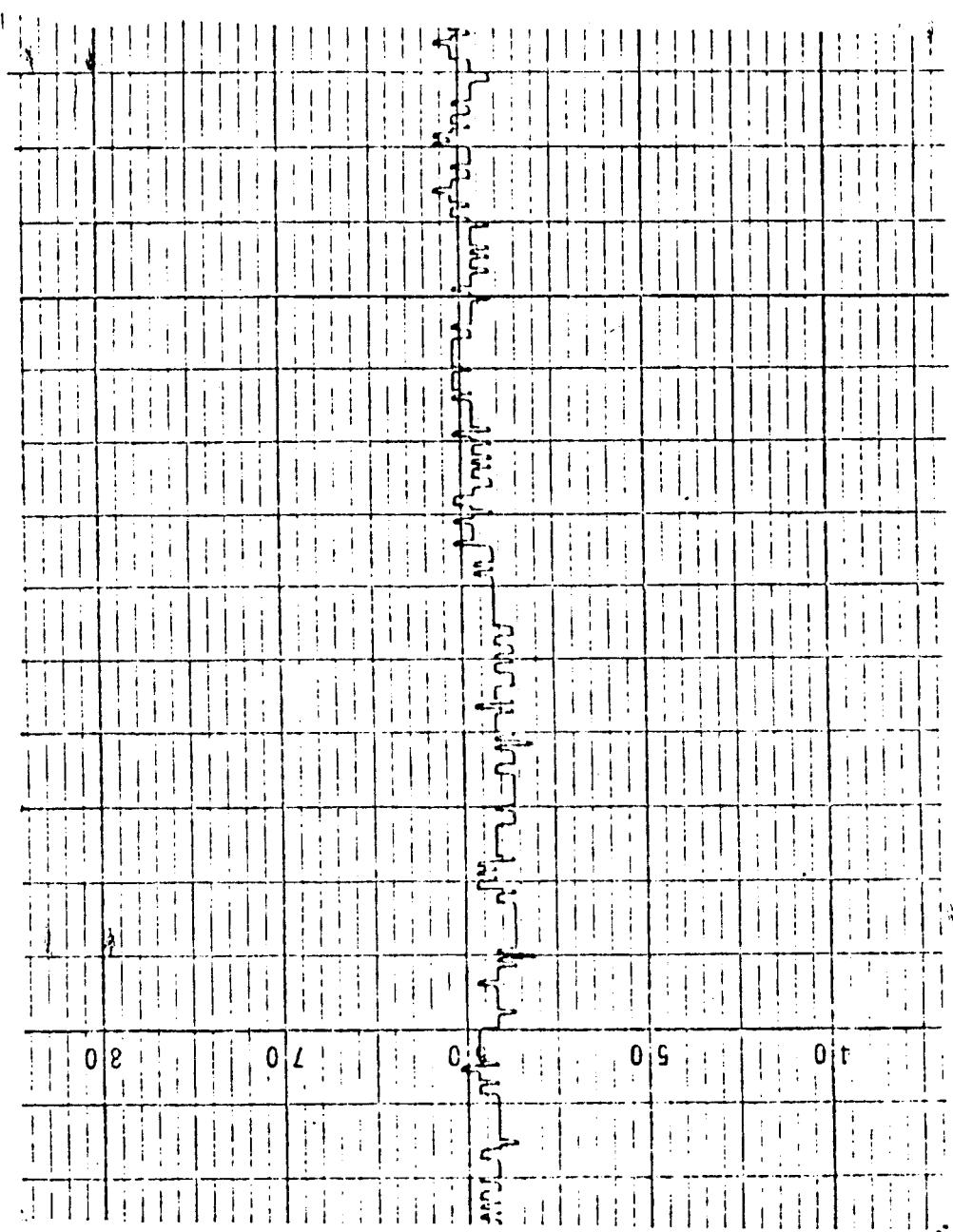


- .A. قسمت فوقانی
- .B. واشر تفلونی
- .C. گرداننده
- .D. فرها
- .E. تیغه ها
- .F. بدنه
- .G. لوله های خروجی
- .H. آهربا

شکل ۵ - نوسانات دما بدون پمپ مغناطیسی



شكل ۶ - نوسانات دما با پمپ مغناطیسی



می‌آید:

$$\Delta T = ax_1$$

$$\Delta T = ax_1 + bx_1^2$$

و شیب منحنی  $dT/dx_1$  از این رابطه محاسبه می‌شود. در این جدول همچنین میزان خطا در اندازه‌گیری نقطه جوش نشان داده شده است. این جدول برای مخلوطهای دوگانه در سه فشار مختلف تهیه شده است. جدول ۱ مربوط به سیستم دوگانه تولوئن (۱) - اتانول (۲) است که (۱) مربوط به ماده حل شدنی (Solute) و (۲) مربوط به حلال (Solvent) می‌باشد.

نتایج به دست آمده برای این سیستم دوگانه و شش سیستم دیگر در جدول ۲ آمده است. در این جدول مقدار به دست آمده با مقادیر تجربی Eckert برای چهار سیستم مقایسه شده است و چنانچه ملاحظه می‌شود میزان خطا در اکثر موارد کمتر از ۰.۵٪ است.

روش دیگر تایید نتایج، بررسی خطی بودن رابطه  $\ln \frac{P}{T}$  و  $\ln \frac{P}{T}$  است که منحنی این رابطه برای سیستم تولوئن (۱) - اتانول (۲) در شکل ۷ آمده است. با توجه به خطوط ۱٪ خطا که برای نقاط آزمایشی رسم شده می‌توان نتیجه گرفت که رابطه موجود خطی است.

مربوط به ماده خالص است و  $dp^s_2/dT$  نیز از رابطه آنوان به دست می‌آید. مقدار  $p^{\infty}(dT/dx_1)$  تنها مقداری است که احتیاج به اندازه‌گیری از طریق آزمایش دارد. پس از جایگزینی این مقادیر در معادله فوق  $\frac{1}{P} = \frac{1}{P_1} + \frac{x_1}{M_1} \frac{dp^s_2/dT}{dp^s_1/dT}$  مستقیماً محاسبه می‌شود. در معادله فوق تنها در مواردی که فشار بخار حلال تابع قوی از دما یعنی  $P = P_1 e^{RT/M_1}$  از  $P_2 = P_1 e^{RT/M_1}$  بزرگتر باشد. از این روش آزمایشی برای اندازه‌گیری  $\frac{1}{P}$  نمی‌توان استفاده نمود.

روش آزمایش و نتیجه‌های آن: وزن حلال قبل از رسخته شدن به داخل جوش سنج اندازه‌گیری می‌شود. مقدار ماده حل شدنی (solute) نیز که به وسیله سرنگ از طریق سرپوش تفلونی به داخل جوش سنج تزریق می‌شود با توزین سرنگ قبل و بعد از تزریق مشخص می‌شود. کسر مولی ماده حل شده از روابط زیر به دست می‌آید:

$$n_1 = \frac{m_1}{MW_1} \quad n_2 = \frac{m_2}{MW_2} \quad x_1 = \frac{n_1}{n_1 + n_2}$$

بالاندازه‌گیری اختلاف دما پس از هر تزریق جداولی مانند جدول ۱ به دست می‌آید که در آن اختلاف دما به صورت تابعی از کسر مولی، با استفاده از دو رابطه زیر، به دست

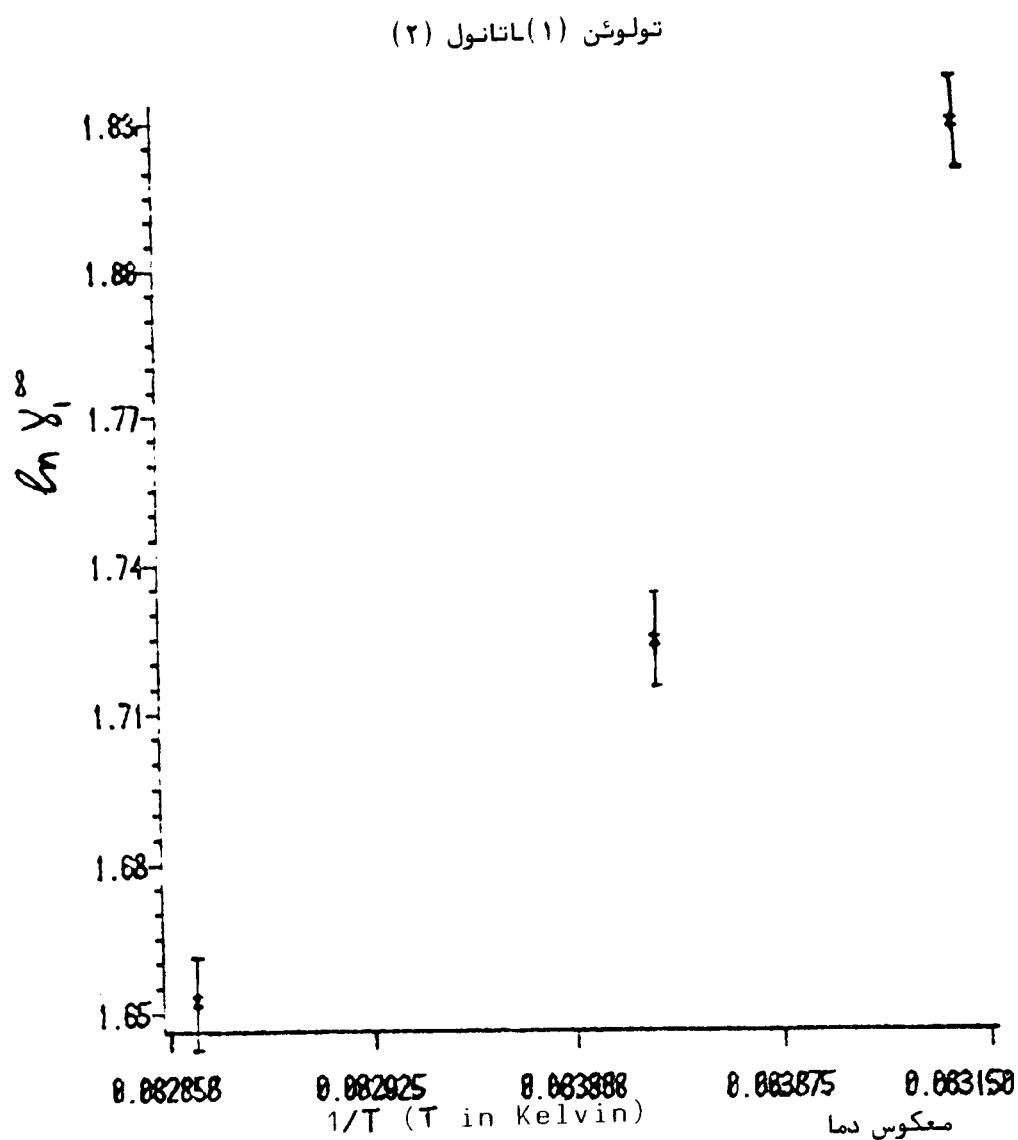
## جدول ۱ - نقاط جوش همدما برای مخلوط تولوئن (۱) - اتانول (۲)

تغییر نقطه جوش (C)	کسر مولی مایع	وزن ماده اضافه شده (gm)
۸۱/۴۴۴ gm = وزن حلال	۷۶/۳۶۴ C = نقطه جوش حلال	۷۰.۵ mmHg = فشار
-۰/۱۵۰	۰/۰۷۱۶	۱/۱۷۳
-۰/۲۹۰	۰/۰۱۴۴۶	۲/۳۸۷
-۰/۳۸۲	۰/۰۱۹۷۴	۳/۲۲۷
-۰/۴۷۲	۰/۰۲۰۲۴	۴/۲۱۲
۸۳/۹۵۵ gm = وزن حلال	۵۶/۸۱۵ C = نقطه جوش حلال	۳۱۰ mmHg = فشار
-۰/۱۴۴	۰/۰۶۱۷	۱/۰۴۰
-۰/۲۷۹	۰/۰۱۲۳۰	۲/۰۸۸
-۰/۴۲۳	۰/۰۱۹۳۸	۳/۳۱۳
-۰/۵۰۴	۰/۰۲۰۸۶	۴/۵۲۶
۷۶/۳۲۳ gm = وزن حلال	۴۵/۹۰۱ C = نقطه جوش حلال	۱۸۰ mmHg = فشار
-۰/۲۲۵	۰/۰۰۷۸۱	۱/۳۲۶۷
-۰/۴۰۶	۰/۰۱۴۸۱	۲/۵۳۴۲
-۰/۵۹۱	۰/۰۲۸۴۹	۳/۸۷۹۰
-۰/۷۲۲	۰/۰۲۸۳۱	۴/۹۱۲۸
-۰/۸۸۰	۰/۰۳۰۹۱	۶/۲۷۹۸

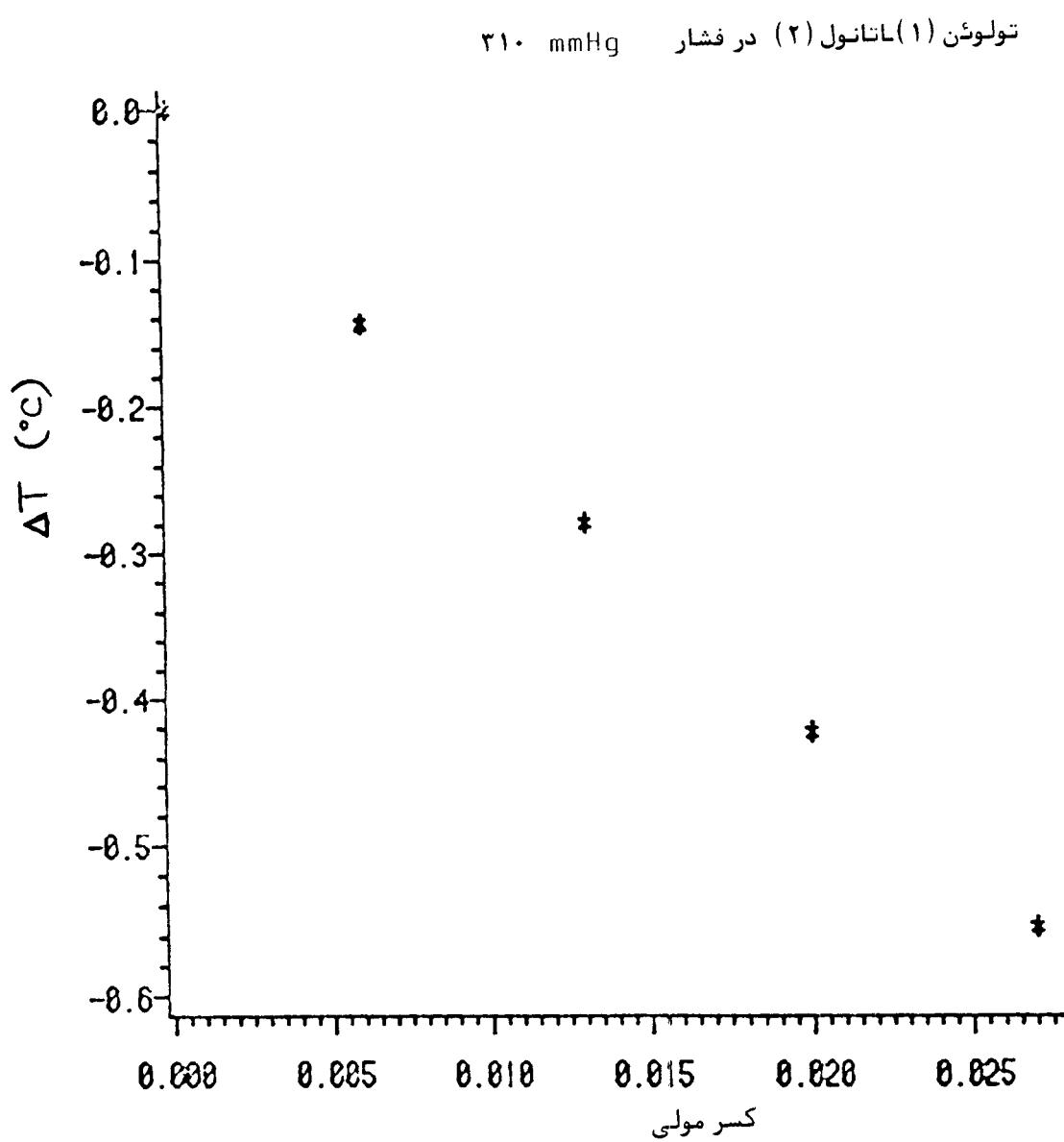
جدول ۲ - مقادیر آزمایشی ضریب فعالیت در رقت بینهایت

Eckert	این پروژه	دما (C)	فشار (mmHG)	ماده حل شده / حلال
۵/۱۴	۴/۹۱	۷۶/۳۶۴	۷۰۵/۳۸	تولوئن / اتانول
۵/۳۴	۵/۲۸	۵۶/۸۱۵	۳۰۹/۵۵	
۵/۶۰	۵/۸۸	۴۰/۹۰۱	۱۸۰/۰۰	
۱/۴۵	۱/۴۲	۷۵/۰۰۷	۶۶۹/۴۴	سیکلوهگزان / بنزن
۱/۵۲	۱/۴۸	۶۱/۷۷۶	۴۱۷/۵۰	
۱/۶۱	۱/۵۷	۴۱/۳۸۶	۱۹۲/۷۰	
۱/۳۵	۱/۳۷	۷۸/۶۹۰	۷۲۶/۷۰	بنزن / سیکلوهگزان
۱/۴۱	۱/۴۳	۵۹/۸۷۰	۳۸۸/۶۰	
۱/۴۸	۱/۵۰	۳۷/۶۵۱	۱۶۹/۵۰	
۱/۰۷	۱/۰۷	۵۸/۰۵۰	۵۵۰/۰۰	سیکلو هگزان / هگزان
۱/۰۹	۱/۰۶	۴۱/۹۲۴	۳۰۰/۰۰	
۱/۰۹	۱/۰۷	۲۷/۹۵۸	۱۷۰/۵۳	
۱/۴۶	۶۶/۰۹۵	۷۰۰/۰۰		بنزن / هگزان
۱/۰۲	۴۰/۹۲۰	۳۵۰/۰۰		
۱/۶۲	۲۴/۹۵۰	۱۵۰/۰۰		
۱/۰۹	۷۷/۳۴۷	۷۰۰/۰۰		هگزان / بنزن
۱/۷۶	۵۶/۶۴۲	۳۵۰/۰۰		
۱/۹۲	۳۵/۳۷۸	۱۵۰/۰۰		
۱/۰۸	۷۷/۹۶۳	۷۰۰/۰۰		هگزان / سیکلوهگزان
۱/۱۰	۵۶/۹۶۶	۳۵۰/۰۰		
۱/۱۲	۳۵/۰۴۵	۱۵۰/۰۰		

شکل ۷ - تاثیر کسر مولی مایع روی دمای جوش مخلوط دوگانه تولوئن (۱) - اتانول (۲)



شکل ۸ - ضریب فعالیت در رقت بینهایت برای تولوئن در اتانول



۱۰ و ۱۱ نتایج آزمایشی ما نیز برای مقایسه به این نتایج اضافه شده است. در شکل ۱۰ نتایج ما از انحنای بیشتری نسبت به خطی که Eckert بعنوان بهترین خط (best fit) از درون داده‌ها گذرانده برخوردار است و تابع قویتری را برای رابطه بین  $\ln T$  و  $x_1$  نشان می‌دهد که برای یک مخلوط غیر ایده‌آل که از دو ماده شیمیایی ناهمگون تشکیل یافته است منطقی به نظر می‌رسد. در شکل ۱۱ نتایج ما و Eckert از تطابق بیشتری برخوردار است.

ضرایب تعادلی بخار - مایع برای طراحی و سایر تفکیک از قبیل ستونهای تقطیر کاربرد زیادی دارند. چون به دست آوردن داده‌های تجربی برای طراحیها در تمام موارد ممکن نیست، در عمل سعی می‌شود که از مدل‌های ریاضی برای محاسبات استفاده شود. ضریب تعادلی با استفاده از ضریب فوگاسیته و ضریب فعالیت به دست می‌آید. ضریب فوگاسیته با استفاده از معادلات حالت به دست می‌آید. ضریب فعالیت از مدل‌های ضریب فعالیت که در بالا به آنها اشاره رفت به دست می‌آید که برای به دست آوردن پارامترهای این مدلها احتیاج به مقادیر آزمایشی ضریب فعالیت در رقت بینهایت است که در این پژوهش به یکی از روش‌های آزمایشی بدست آوردن  $\ln T$  پرداخته شد و با ایجاد تغییر در طراحیهای قبلی دقت و کارآیی روش آزمایشی افزایش یافت.

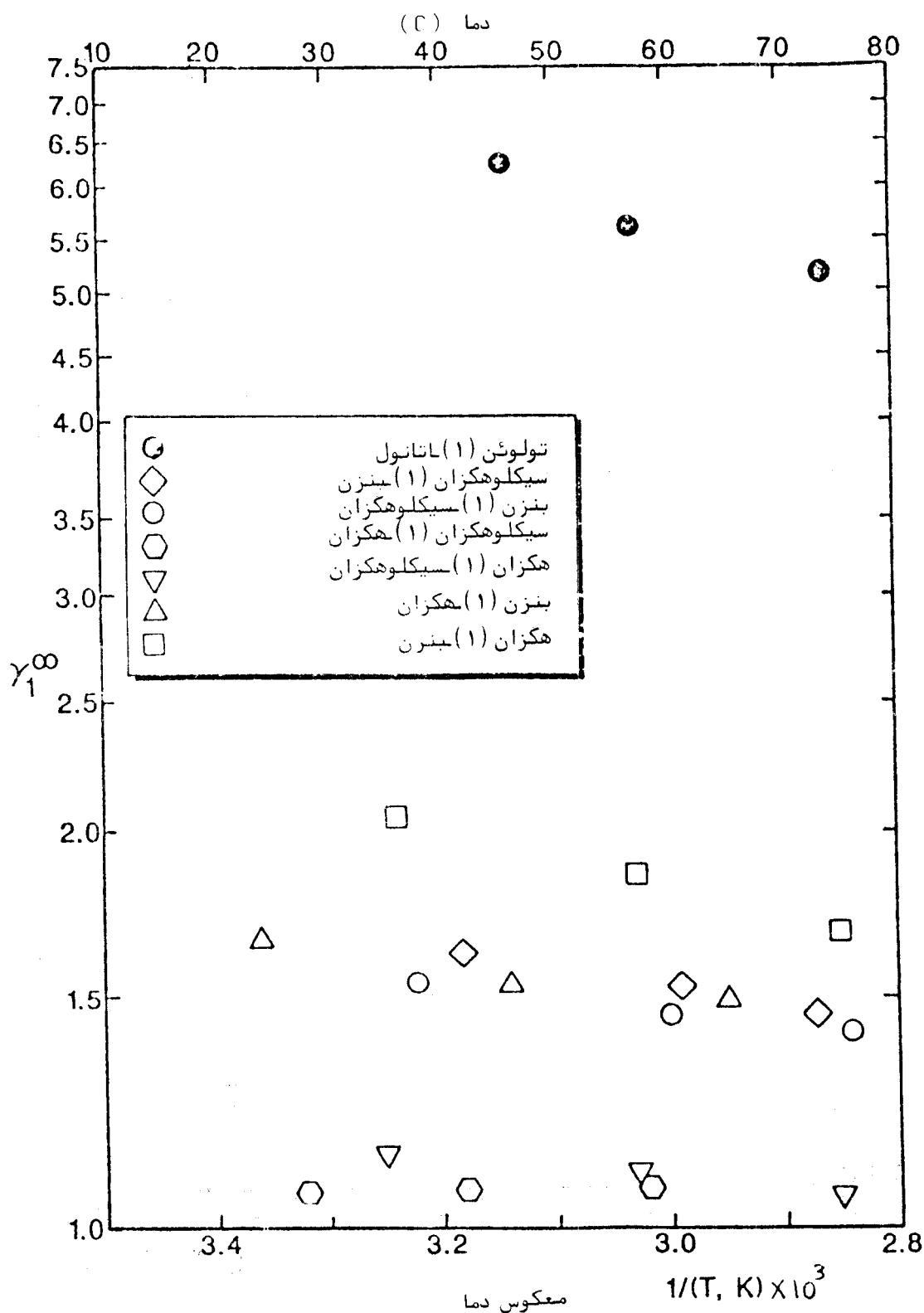
در مورد اینکه رابطه بین  $\ln T$  و  $x_1$  باید درجه یک یا دو باشد. شکل ۸ نشان می‌دهد که انحنای خطی که از میان نقاط آزمایشی می‌گذرد بسیار کم است و می‌توان رابطه را خطی در نظر گرفت.

نتایج آزمایشی هفت سیستم مطالعه شده در این پروژه برای مقایسه با یکدیگر در شکل ۹ نشان داده شده است. این شکل مقدار  $\ln T$  سیستمهای مختلف را بر حسب  $T/I$  که در آن  $T$  دمای مطلق است و همچنین بر حسب دما نشان می‌دهد.

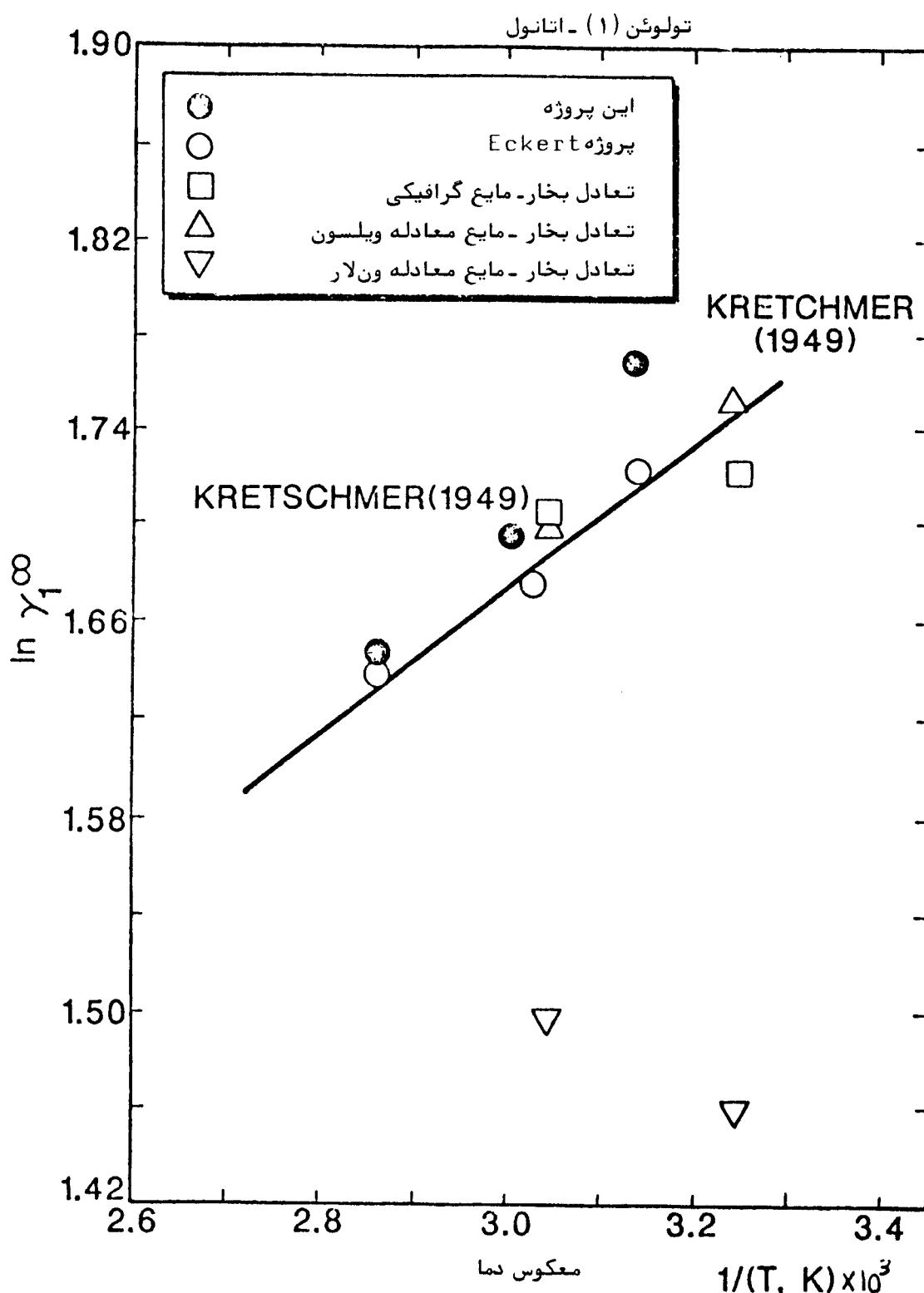
اگر سازنده‌های سیستم از لحاظ ساختاری به هم شبیه باشد و مخلوطی تقریباً ایده‌آل را به وجود آورد، مقدار  $\ln T$  به ۱ نزدیک خواهد بود همانطور که برای سیستم دوگانه هگزان - سیکلوهگزان در شکل ۹ ملاحظه می‌شود. از سوی دیگر اگر سازنده‌های یک مخلوط از لحاظ ساختار شیمیایی تفاوت داشته باشد مقدار عددی  $\ln T$  از دور خواهد شد چنانچه برای سیستم دوگانه تولوئن - اتانول که از یک هیدروکربن آروماتیک و یک کل تشکیل شده است در شکل ۹ مشاهده می‌شود. در این شکل همچنین ملاحظه می‌شود که میزان تغییر  $\ln T$  بر حسب دما برای سیستمهای غیر ایده‌آل شدیدتر است.

Eckert نتایج آزمایشی خود را با نتایج محاسبه شده از معادلات Van Laar و Wilson و همچنین منحنیهای تعادلی بخار - مایع مقایسه کرده است. در شکل

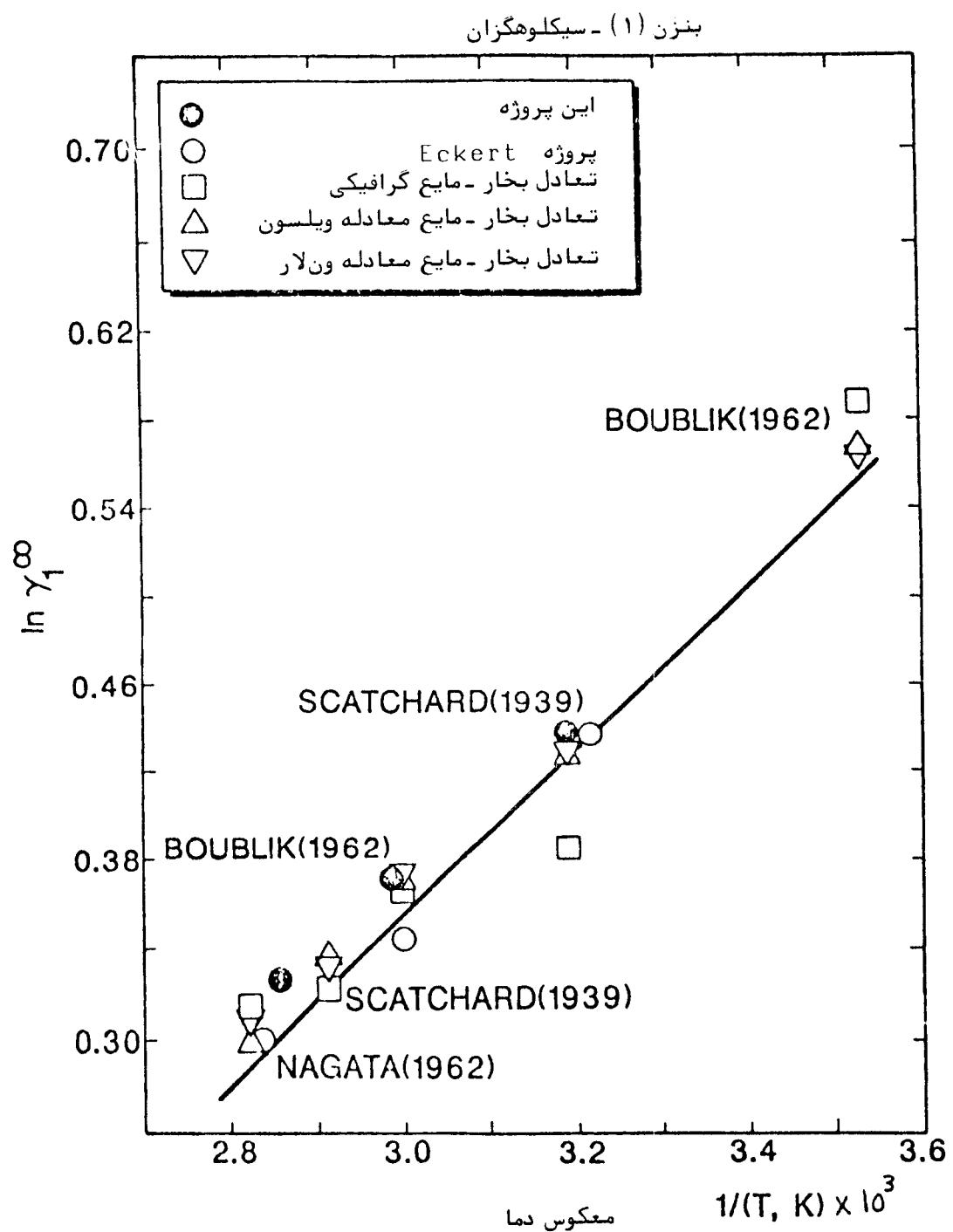
شکل ۹ - مقایسه ضرایب فعالیت در رقت بینهایت برای سیستمهای بررسی شده



۱۰- مقایسه ضریب فعالیت در رقت بینهایت برای مخلوط دوگانه تولوئن (۱) - اتانول (۲)



۱۱- مقایسه ضریب فعالیت در رقت بینهایت برای سیستم دوگانه بنزن (۱) - سیکلوهگزان (۲)



## سپاسگزاری

### فهرست منابع :

1. Eckert, C. A., Newman, B. A., Nicolaides, G. L., Long, T.C., AIChE J., 27 (1981) 33 - 40.
2. Gautreaux , Jr., M. F., Coates, J., AIChE J., 1 (1955) 496 - 500.
3. Schreiber, L. B., Eckert ,C. A., Ind. Eng . Process Des . Develop., 10 (1971) 572 - 576.
4. Thomas, E. R., Newman, B. A., Nicolaides, G.L., Eckert, C.A., J. Chem . Eng. Data, 27 (1982) 233 - 240.
5. Thomas , E. R., Newman, B. A., Long, T.C., Wood , D.A., Eckert, C.A., J. Chem. Eng. Data, 27 (1982) 399 - 405.
6. Wong, K. F., Eckert, C. A., Ind. Eng. Chem. Fund., 10 (1971) 20 - 23.

لازم بذکر است که این آزمایشها در دانشگاه ایالتی اکلاهما با کمک مالی سازمان انرژی امریکا (U.S. Department of Energy) و با راهنمایی دکتر Robert L. Robinson رئیس بخش مهندسی شیمی این دانشگاه در سالهای ۱۹۸۴ و ۱۹۸۵ انجام پذیرفت که بدین وسیله مراتب قدردانی خود را اعلام می‌دارم. کار در این زمینه در این دانشگاه هنوز ادامه دارد و عمدۀ تغییرات در افزایش حجم جوش سنج برای رسیدن سریعتر به حالت تعادلی، پس از تزریق ماده حل شدنی، می‌باشد. افزایش حجم همچنین امکان بررسی مخلوطهای رقیقتر را فراهم می‌سازد.