تحلیل سهبعدی اکستروژن مستقیم با روش قاچی و المان محدود

امین صمدی قوشچی'، کارن ابرینیا ٔ و محمدکاظم بشارتی گیوی ^{*۳} ^۱دانش آموخته کارشناسی ارشد مهندسی مکانیک – پردیس دانشکدههای فنی – دانشگاه تهران ^۲دانشیار دانشکده مهندسی مکانیک – پردیس دانشکدههای فنی – دانشگاه تهران ^۳دانشیار دانشکده مهندسی مکانیک – پردیس دانشکدههای فنی – دانشگاه تهران (تاریخ دریافت ۸۶/۶/۲۶، تاریخ دریافت روایت اصلاحشده ۸۸/۵/۲۰ تاریخ تصویب ۸۸/۶/۲۲)

چکیدہ

روش تحلیل قاچی مدت زیادی است که برای حل مسائل شکل دهی فلزات به کار می رود. البته به دلیل محدودیت در فرمولاسیون، استفاده از آن محدود به مسائل تقارن محوری و کرنش صفحهای شده است. در این مقاله یک فرمولاسیون جدید پیشنهاد شده است که می-تواند در مسائل سه بعدی شکل دهی فلزات استفاده شود. عوامل بررسی شده، به هندسه شکل اکسترود شده نهایی، قالب و رژیم سیلان ماده نسبت داده می شود. به عنوان مثال، اکستروژن مستقیم مقاطع مربعی با استفاده از فرمولاسیون جدید مورد تحلیل قرار می گیرد. در این روش بیشتر محدودیت های موجود در فرمولاسیون های قبلی رفع شده است. نتایج تحلیلی به دست آمده با نتایج تحلیل المان محدود، مقایسه و تطابق خوبی بین آنها مشاهده می شود.

واژههای کلیدی: اکستروژن، روش قاچی، تحلیل سهبعدی، المان محدود

مقدمه

بر اساس دما، فرآیند اکستروژن شامل دو دسته گرم و سرد است و بر مبنای فرآیند به سه دسته مستقیم، غیر مستقیم و هیدروستاتیک تقسیم میشود. در روش مستقیم، قطعه در محفظهای با دیوارهای ضخیم قرار دارد و توسط قالبی که به وسیله یک نگهدارنده ثابت شده است، خارج می شود. جهت جریان مواد با جهت حرکت کوبه یکی است.

تئوریهای مختلفی برای حل مسائل اکستروژن وجود دارند که از آن جمله می توان به تئوری های کار ایده آل^۱، قاچی^۲، میدان خطوط لغزش^۳، حد بالا^۴ و روش های عددی^۵ اشاره کرد. پژوهش های زیادی بر اساس این تئوری ها انجام شده است که در ادامه به برخی از آنها اشاره خواهیم کرد.

ترسکا [۱] از اولین کسانی بود که فرآیند اکستروژن را بررسی عملی کرده است. او در سال ۱۸۶۴ با استفاده از روش کار ایدهآل به تحلیل این موضوع پرداخت. پس از آن هیل [۲] تئوری میدان خطوط لغزش را برای تحلیل اکستروژن به کار برد. بررسی دیگر توسط پراگر و هاج [۳] بر اساس روش حد بالا انجام شد.

جانسون و ملور [۴] در سال ۱۹۵۴ تئوری حـد بالا را برای تحلیل مسائل پیچیده اکستروژن و بـا در نظـر

گرفتن حالت کرنش صفحهای بررسی کردند. چن و لینگ [۵] از تئوری حد بالا برای حالت متقارن و برای قالبهای مختلف از قبیل کسینوسی، بیضوی و هذلولی استفاده کردند. سپس ناگپال و آلتن [۶] جریان سهبعدی مواد را حین فرآیند اکستروژن بررسی کردند و برای تعریف دو تابع ابتدایی و انتهایی قالب که پروفیل قالب را مشخص می کند، از توابع چند جملهای عمومی استفاده کردند که بعدها محققان دیگر نیز از آن استفاده کردند.

یانگ [۷] در سال ۱۹۸۶ مقالهای را در زمینه تحلیل سهبعدی تئوری و تجربی اکستروژن روانکاریشده مقاطع مارپیچی عمومی ارائه داد. او در مقاله خود بر مبنای نتایج کار تئوریک و با استفاده از سیستمهای طراحی و ساخت به کمک کامپیوتر، سه نوع قالب بیضوی، مارپیچی، کلاور بیضوی و چرخ دنده تروئیدی ساخت و نتایج تجربی خوبی نزدیک به پیشبینیهای تئوریک به دست آورد.

هان، یانگ و کیوشی [۸] در همان سال یک رابطه جدید برای اکستروژن سهبعدی و کاربرد آن در مقاطع کلاور ارائه کردند. آنها همچنین متوجه شدند که الگوی خطوط جریان در حد زیادی به شرایط روانکاری و شرایط هندسی قالب وابسته است. در همان زمان، هان و

Email: bgivi@ut.ac.ir

کیم [۹] در ادامه تلاشهای قبلی خود، روشی را برای اکستروژن مقاطع دلخواه ارائه کردند که در این کار روش جدیدی برای تعریف سطح با استفاده از توابع مرکب و سری فوریه پیشنهاد شده بود. سپس هان و یانگ [۱۰] بررسی بیشتری روی جریان مواد در اکستروژن چرخدندههای تروئیدی انجام دادند. لی، یانگ و لانگ [۱۱] مقالهای درباره تحلیل عددی اکستروژن سهبعدی مقاطع بیضوی ارائه دادند. آنها در کار خود از روش باقیماندههای وزنی استفاده کردند و ملاحظه کردند که توافق خوبی بین نتایج آنها و نتایج تئوریک وجود دارد.

چیتکارا و ابرینیا [۱۲] در سال ۱۹۹۰ مقالهای ارائه کردند که در آن یک میدان سرعت کلی در مختصات استوانهای برای جریان مواد در نظر گرفته شده بود که از مزایای آن سازگاری سینماتیکی با شرایط مرزی در سطوح ورودی و خروجی قالب و همچنین سهولت تبدیل مختصاتی فضای تغییر شکل درون قالب به یک مکعب واحد در مختصات دکارتی و در نتیجه سادهتر شدن محاسبات توان تغییر شکل، توان اصطکاکی و توان ناشی از انفصال سرعت از ویژگیهای مهم آن است. سپس ابرینیا در رساله دکترای خود از این میدان سرعت استفاده کرده و یک حل کلی برای اکستروژن مقاطع با شکلهای مختلف از جمله مربع، مستطیل، بیضی، دایره، مقطع T شکل، مقطع I شکل و غیره از بیلت استوانهای به دست آورد.

چیتکارا و همکارانش [۱۳] در سال ۲۰۰۱، روش تحلیل قطعهای را برای اکستروژن لولههای دو فلزی دارای تقارن محوری که ویزگیهای عملکردی خاصی نسبت به لولههای تک فلزی دارند، به کار بردند و نتایج حاصل از آن را با یک سری آزمایشهای انجامشده روی لولههای دو فلزی ساخته شده از جنس آلومینیوم خاص تجاری و مس کاتدی خالص و نیز نتایج روش حد بالا که توسط خودشان انجام شده بود مقایسه کردند و مشاهده شد که نتایج حاصل از آن، همخوانی مناسبی یا یکدیگر دارند.

کومار و همکارانش [۱۴] در سال ۲۰۰۵ از روش تحلیل قطعهای برای مطالعه تأثیرات اصطکاک و کرنش سختی در فرآیند نورد سرد ورق استفاده کردند و نشان دادند که کد نوشته شده توسط روش تحلیل قطعهای (که تلفیقی از کرنش سختی و مدل اصطکاکی "وان هیم" بود)

یک روش جـایگزینی مناسـب بـرای روش تحلیـل المـان محدود در سرعتهای محاسباتی بالا است.

ژو و همکارانش [۱۵] در سال ۲۰۰۶،یک روش تحلیلی- نظری برای بحث و بررسی فشار دورانی یا گردشی مربوط به یک رینگ بر اساس روش تحلیل قطعهای ارائه دادهاند. ابرینیا و مکارمی نیز [۱۶] در مقالهای با استفاده از روش حد بالا، موضوع اکستروژن مقاطع عریض را مورد تحلیل قرار دادند.

تحليل قاچي اکستروژن

در تحلیلهای قاچی معمول که برای مسائل دوبعدی (کرنش مسطح) و یا سه بعدی (محور متقارن) انجام شده است، به طور معمول یک قاچ از منطقه تغییر شکل به عنوان المان تحت نیروهای وارده در نظر گرفته می شود (شکل ۱). از آن جا که تغییرات نیرو روی این المان، فقط در یک جهت در نظر گرفته می شود، بنابراین به دست آوردن معادلات دیفرانسیلی به سهولت امکان پذیر است.



شکل ۱: منطقه تغییر شکل برای تحلیل قاچی (کرنش مسطح).



برای حالت محور متقارن نیز به دلیل تقارن محوری، در واقع مسئله بسیار شبیه کرنش صفحهای است(شکل۲)، با این تفاوت که در این مورد اگر چه قاچ به شکل مخروطی است، اما تغییرات مثل قبل صفحهای (در

جهت r_{e} z) است و به دلیل تقارن محوری در جهت θ , تغییراتی وجود ندارد. بنابراین معادلات تعادل بسیار شبیه کرنش صفحهای است. اما به هر حال باید توجه داشت که جریان ماده در فرایندهای صنعتی به ندرت حالت کرنش صفحهای و یا حتی محور متقارن دارند و اغلب حالت سهبعدی دارند (به خصوص برای فرایند اکستروژن که در این مقاله مورد بررسی قرار گرفته است).

برای تحلیل مسائل سهبعدی تغییر شکل فلزات، نیاز به فرمولاسیون مسئله در سه جهت r، θ_e z است. برای روشن تر شدن موضوع، شکل (۳) را در نظر بگیرید که در آن ربع منطقه تغییر شکل اکستروژن دایره به مربع نشان داده شده است(به دلیل تقارن شکل خروجی پروفیل). همان طور که ملاحظه میشود، اگر یک قاچ از منطقه را برای فرمولاسیون تعادل نیروها در نظر بگیریم، آنگاه هندسه قاچ با تغییرات r، θ_e z تغییر می کند. بنابراین در اینجا برای فرمولاسیون مسئله، یک قاچ کلی مطابق با شکل (۴) و به طول dz در نظر می گیریم.



شکل۳ : ربع منطقه تغییر شکل بیلت دایرهای به مقطع مربعی (تحلیل سهبعدی).

همان طور که در شکل (۳) ملاحظه می شود، مواد ورودی از مقطع OCB به داخل منطقه تغییر شکل وارد می شود و در این تحلیل فرض می شود که این مواد بین دو صفحه 'OCC'O و 'O'BB حرکت کرده و از قاچ مورد نظر نیز عبور کرده و از مقطع خروجی از قاچ مورد نظر نیز عبور کرده و از مقطع خروجی کره مواد می شود. تفاوت عمده بین تحلیل سهبعدی و کرنش صفحه ای و محور متقارن در اینجا است که سطح 'O'BB یک سطح تخت نیست، بنابراین دو زاویه θ و φ با هم برابر نیستند. از طرف دیگر نقطه ای

$$O_1 B_1 = r \left(1 - \frac{z}{OO'}\right) + k \left(\frac{z}{OO'}\right) \tag{1}$$

در اینجا $(\theta) = k = f(\theta)$ است که برای مثال برای اکستروژن شکل (۳) با توجه به شکل مقطع ورودی (دایره) و شکل مقطع خروجی (مربع) از روابط تداوم یا حجم ثابت به دست میآید (به شکل ۴ نگاه کنید):



$$\frac{\pi r^2}{a^2} \left(\frac{1}{2}k\sin\varphi\frac{a}{\sqrt{2}}\right) = \frac{\theta r^2}{2}$$
 (۶)
پس از سادهسازی داریم:

$$k\,\sin\varphi = \theta a\sqrt{2} \tag{V}$$

از طرف دیگر با توجه به مقطع مربع در شکل (۴) داریم:

$$k\,\cos\varphi = O'C' = \frac{a}{\sqrt{2}}\tag{(\lambda)}$$

پس ملاحظه می شود که مجموعه معادلات (۷) و (۸) رابطه بین $heta _{
m e}$ و نیز تابع kبر حسب heta را به دست می دهند.

از طرف دیگر در تعریف معادلات تعادل در روش معمول قاچی (برای مسائل کرنش صفحهای و محور متقارن) از زاویه نیم مخروط α استفاده میشود. در تعریف جدید برای فرمولاسیون مسائل سهبعدی زاویه α طبق شکل (۵) تعریف میشود. ملاحظه میشود که زاویه α در این مورد با تغییرات زاویه θ تغییر می کند.



شکل ۵ : الگوی سیلان مورد نظر در فرایند اکستروژن مستقیم.



شکل ۶ : مؤلفههای تنش و نیروی وارده در تحلیل قاچی.

حال برای نوشتن رابطه تعادل نیروها در راستای محوری و شعاعی، نیروهایی را که به قاچ (در شکل (۳) قاچ کلی به شکل سهبعدی و در شکل (۶) نمای دوبعدی آن نشان داده شده است) وارد می شوند، به این ترتیب مشخص می کنیم.

با توجه به شکل (۳) مشخص می شود که تنشهای σ_z و $\sigma_z + \sigma c_z$ در راستای محوری به قطعه وارد می شوند. فشار قالب، P، و تنش برشی در فصل مشترک قالب و فلز، r، دارای دو مؤلفه در راستای محوری و شعایی است. بنابراین رابطه تعادل نیروها در راستای

محوری z به این ترتیب است:

 $\begin{array}{ll} (P.sin \ \alpha + \tau \ .cos \ \alpha)dz/cos \ \alpha \times S = \ \sigma_z \times (A + dA) - \\ (\sigma_z + d\sigma_z) \times A \end{array}$

(٩)

 $(1 \cdot)$

 $\begin{array}{l} (P.sin \; \alpha + \tau \; .cos \; \alpha) dz / cos \; \alpha \times S = \sigma_z \times S \; \times \; Tan \; \alpha \times \\ dz - d\sigma_z \times A \end{array}$

که A و S به ترتیب عبارتند از سطح مقطع و محیط المان قاچی در نظر گرفته شده که بر اساس روابط ذیل به دست می آیند:

$$S = (a.t) + 0.5\pi R(1 - \frac{z}{OO'})$$
 (11)

$$A = A_2 \times z/L + A_1 (1 - \frac{z}{OO'})$$
 (17)

با سادهسازی روابط بالا، رابطه نهایی زیر برای تعادل

نیروها در راستای محوری حاصل میشود. (P.tan α +).S × dz = σ_z .tan α × S× dz - d σ_z × A (۱۳)

رابطه تعادل نیروها در راستای شعاعی، r، نیز بـه ایـن ترتیب است:

 $\sigma_r \times dz \times S = (P.\cos\alpha - \tau. \sin\alpha). \ dz/\cos\alpha \times S \eqref{eq:starses}$

با ساده سازی رابطه بالا، رابطه نهایی زیـر بـرای تعـادل
نیروها در راستای شعاعی حاصل می شود:
$$\sigma_z = P - \tau \tan \alpha$$
 (10)

م، برحسب
$$\sigma_{\theta}$$
 به این ترتیب در نظر گرفته می شود:
 $\sigma_r = \frac{K(z)}{S} \sigma_{\theta}$ (۱۶)

معیار تسلیم ترسکا برای تحلیل در نظر گرفتـه شـده است که این طور بیان میشود: تسلیم زمانی رخ مـیدهـد که بزرگترین مقدار قدر مطلق یکی از سـه تـنش برشـی حداکثر در ماده به مقدار معینی برسد. حداکثر در ماده به مقدار معینی برسد. میار ترسکا خواهیم داشت: $\sigma_{\circ} = |\sigma_{3} - \sigma_{1}|$ $\Rightarrow \sigma_{\circ} = \sigma_{z} - \sigma_{\theta}$ (۱۷)

برای به دست آوردن رابطه تنش محوری α از روابطی که برای تعادل نیروها در دو راستای محوری و شعاعی ذکر شد و نیز مدل اصطکاکی زیر استفاده میشود. مدل اصطکاکی کلمب که در این مدل، فرض بر آن است که تنش برشی بر حسب ضریب اصطکاکی کلمب تغییر

میکند، یعنی $\pi = \mu P$. با قرار دادن مقدار تنش برشی اصطکاکی در رابطـه دوم تعـادل نیروهـا بـه رابطـه زیـر میرسیم: $\sigma_r = P - \tau . \tan \alpha \rightarrow P = \sigma_r/(1 - \mu. \tan \alpha)$ (۱۸) با قرار دادن مقدار P در رابطه اول تعادل نیروهـا خـواهیم با قرار دادن مقدار P در رابطه اول تعادل نیروه.ا داشت: $\left[\sigma_r(\frac{\mu + \tan \alpha}{1 - \mu. \tan \alpha}) - \sigma_z. \tan \alpha\right] \times S \times dz = -d\sigma_z \times A$ (۱۹)

$$\sigma_z = \frac{K(z)}{S} \sigma_\theta = \frac{K(z)}{S} (\sigma_z - \sigma_\circ)$$
 (Y•)

در نتیجه رابطه نهایی
$$z_{s}$$
 به این شکل به دست می اید:

$$\frac{d\sigma_{z}}{d_{z}} = -\frac{\left[\frac{K(z) \times (\mu + Tan\alpha)}{S.(1 - \mu Tan\alpha)} \times (\sigma_{z} - \sigma_{0}) - \sigma_{z} Tan\alpha\right] \times S}{A}$$
(۲۱)

برای به دست آوردن مقدار عددی 5 از معادله دیفرانسیلی به دست آمده، روش حل رانگ - کوتای مرتبه چهارم در زبان برنامهنویسی فرترن (Fortran)، با اعمال شرایط مرزی زیر استفاده شد:

در خروجي قالب $z = L \rightarrow \sigma_z = 0$ (۲۲)

در ورودی قالب $z = 0 \rightarrow \sigma_z = \sigma_E$ (۲۳)

تحليل المان محدود

برای شبیهسازی اکستروژن، ابتدا باید سه قطعه مجزا تعریف کرد که عبار تند از:

- ۲. سنبه: این قسمت نیز از نوع پوسته صلب انتخاب شده است.
- ۳. بیلت اولیه: این قطعه از نوع سهبعدی تغییر شکل پذیر^۲ انتخاب شده است(شکل (۸).

لازم به ذکر است که در همه موارد، قطر بیلت اولیه و طول آن ۲۰ میلیمتر در نظر گرفته شدهاند. خصوصیات مواد، بیشترین تأثیر را بر نیروی

فرآیند می گذارند، بنابراین باید به دقت انتخاب شوند. در

این راستا فلز سرب با توجه به امکانات آزمایشگاهی موجود انتخاب شد.

رابطه تنش-کرنش مؤثر این ماده عبارت است از:

$$\sigma = 15 + 14.18(\overline{\varepsilon})^{0.19} \tag{(Yf)}$$

خواص این ماده در جدول (۱) نمایش داده شده است. در این فرآیند، قالب به طور کامل مقید شده است و امکان حرکت در هیچ راستایی برای آن مقدور نیست.

جدول۱ : ویژگیهای آلیاژ مورد استفاده.

مقدار	ویژگی
۱۵ GPa	مدول الاستيسته
۱۵ Mpa	تنش تسليم
Mpa۲۵	استحكام نهائى
ነነ۳۴۰ Kg/m^3	چگالی
•/۴۲	ضريب پواسون

همچنین سنبه به جز در راستای طولی در بقیه راستاها مقید شده است. در این راستا به میزان ۲۰ میلیمتر قابلیت جا به جایی دارد. برای جلوگیری از ایجاد بارهای ضربهای و تأثیر بر نیروهای فرآیند، حرکت سنبه به طور آرام[^] با سرعت۱۰ میلیمتر بر دقیقه در نظر گرفته شده است.

در این مقاله برای شبیهسازی، از نرمافزار ABAQUS استفاده شد. المانها برای قطعه تغییر شکل پذیر، از نوع هشت نقطهای C3D8R و برای قالب صلب از نوع چهار نقطهای R3D4 انتخاب شدند. در فرآیند اکستروژن، سنبه حرکت کرده و مواد طی تغییر شکل پلاستیک زیادی به شکل سطح مقطع خروجی قالب در میآیند.



شکل۷: نمونهای از قالب مش بندی شده.



شکل۸: نمونهای از بیلت اولیه مش بندی شده.

أزمايشها

برای اعتبارسنجی نتایج تئوری، آزمایشهای تجربی اکستروژن مقطع مربع شکل از بیلت دایرهای با استفاده از قالب همگرای دوخطی انجام شد.





شکل۹: آزمایش اکستروژن بیلت دایردای به مقطع مربعی با استفاده از قالب همگرای دو خطی .

برای انجام این آزمایشها از ابزار و پرس نشاندادهشده در شکل (۹) استفاده شد. مواد مورد استفاده برای آزمایش اکستروژن، سرب تجاری بوده است.

نتایج و بحث و بررسی

با استفاده از نتایج به دست آمده در بخش های قبلی، نتایج مربوط به اکستروژن دایره به مربع به شکل نمودارهای (۱۰) الی (۱۴) رسم شدهاند. فشار نسبی اکستروژن با معکوس تغییرات طول نسبی که پارامتری شبیه نیم زاویه مخروط در روش های متداول تحلیل قاچی^۹ در نمودار (۱۰) نشان داده شده است. توجه شود که این نمودار برای قالب های همگرای دوخطی ۱۰ رسم

شده است. همان طور که ملاحظه می شود، افزایش درصد کاهش سطح مقطع باعث افزایش فشار نسبی اکستروژن است. همچنین برای درصد کاهش سطح مقطع معین، طول نسبی بهینه برای قالب وجود دارد. عامل اصطکاک^{۱۱} در این نمودار ۰.۲ در نظر گرفته شده است.



شکل ۱۰: تأثیر درصد کاهش سطح مقطع بر فشار اکستروژن.

نمودار (۱۱) تغییرات فشار نسبی اکستروژن را نسبت به تغییرات در شرایط اصطکاکی نشان میدهد. در این نمودار تغییرات درصد کاهش سطح مقطع نیز لحاظ شده است. این نمودار برای طول بهینه قالب رسم شده است. افزایش اصطکاک همان طور که انتظار میرود، باعث افزایش فشار میشود.



شکل ۱۱: تأثیر شرایط اصطکاکی و درصد کاهش سطح مقطع بر فشار اکستروژن برای طول قالب بهینه.



در نمودار (۱۲) که برای شرایط اصطکاکی متفاوت و طول بهینه قالب رسم شده است، تغییرات فشار نسبی اکستروژن نسبت به درصد کاهش سطح مقطع مشاهده میشود. افزایش درصد کاهش سطح مقطع که بیانگر نسبت اکستروژن (نسبت سطح مقطع ورودی به خروجی) نیز هست، باعث افزایش شدید فشار نسبی اکستروژن میشود. با توجه به اینکه در صنعت به طور معمول، درصد کاهش سطح مقطع بالا مورد نیاز است، بنابراین اعداد بالایی نمودار کاربرد بیشتری دارند.

جدول ۱: مقایسه نتایج با کارهای دیگران.

Ref.	R/	RA	P/Y
	L	%	
Ref.[5]	1.0	60	1.75 for
upper bound			m=0.4
			1.5 for m=0.2
Authors	1.0	60	1.70 for
[slab method]			m=1.0
			1.62 for
			m=0.8
			1.58 for
			m=0.6
			1.50 for
			m=0.4
Authors [exp]	1.0	60	1.65

در جدول (۱) نتایج به دست آمده از تحلیل قاچی ارائه شده در این مقاله، در مقایسه با نتایج دیگران و نیز نتایج تجربی نویسندگان مشاهده می شود. همان طور که ملاحظه می شود، نتایج تحلیل قاچی جدید نسبت به نتایج حد بالا بهبود یافته و به نتایج تجربی نزدیک شدهاند. لازم به ذکر است که با توجه به نتایج تجربی، فشار حلقه برای تعیین مقدار اصطکاک برای سرب (مرجع ۱۲)، عامل اصطکاک در حدود ۰/۲۵ برای آزمایش ها در نظر گرفته شده است.



کاهش سطح مقطع ۳۷ درصد.

در شکلهای (۱۳) و (۱۴) نتایج به دست آمده از شبیهسازی المان محدود، با نتایج تحلیل قاچی ارائهشده

در این مقاله مقایسه شدهاند. در شکل (۱۳) درصد کاهش سطح مقطع ۳۷ درصد و در شکل (۱۴) درصد کاهش سطح مقطع ۶۰ درصد است. تأثیر اصطکاک نیز در این نمودارها نشان داده شده است. به طور کلی مقادیر به دست آمده از شبیهسازی و تحلیل قاچی در نزدیکی طول بهینه قالب که پایینترین فشار اکستروژن را به دست میدهد، توافق خوبی با هم دارند.

در اینجا لازم است تا به تفاوت مدل های رفتاری ماده که برای روش تحلیلی قاچی (ترسکا) و روش المان محدود (رابطه عملى توانى) استفاده شده است، اشاره شود. در اصل هدف از استفاده از مدل رفتاری ماده، چه در روشهای تحلیلی و چه در روشهای عددی، دستیابی به تعريف نزديكتر به واقعيت از فيزيك واقعى مسئله است. اما برای سادگی و سهولت در موضوع تحلیل، در اینجا از مدل رفتار ماده ترسكا براى روش تحليلى استفاده شده است، ولى چون براى روش عددى المان محدود، استفاده از رابطه توانی امکان پذیر بوده و جوابهای بهتری نیز میدهد، از این مدل استفاده شده است. در واقع استفاده از دو مدل رفتاری متفاوت، تناقضی در مقایسه نتایج ایجاد نمیکند. زیرا هدف از هر یک از روشهای تحلیلی و عددی، دستیابی به جوابهای نزدیکتر به واقعیت است. بنابراین با وجوداستفاده از مدل ترسکا، باز هم مشاهده می شود که جواب های به نسبت خوبی به دست می آید.



کاهش سطح مقطع ۶۰ در صد.

نتيجه گيرى

با استفاده از روشهای تحلیل قاچی، آزمایشهای تجربی و تحلیل المان محدود، تحلیلهای جامعی روی فرآیند اکستروژن مستقیم مقاطع مربعی شکل انجام گرفته و تأثیر عوامل مختلف روی این فرآیند بررسی شد. در نهایت نتایج حاصل از این روشها با یکدیگر مقایسه شده و با توجه به همخوانی خوب آنها، درستی تحلیلهای انجام

⁰ - با افزایش ضریب اصطکاک، طول بهینه قالب بـه ازای	شده تأیید شد. خلاصه نتایج به دست آمده عبارتند از:
مقادیر کمتر R/L به دست میآید.	۱- یک فرمولاسیون جدید برای کاربرد روش تحلیل
٦- با افزایش درصد کـاهش سـطح مقطـع، طـول بهینـه	قاچی در حل مسائل سهبعدی شکلدهی ارائه شد. به
قالب تا حدودی ثابت میماند.	عنوان مثال مسئله اکستروژن مقطع مربعمی از بیلت
۷- درصد کاهش سطح مقطع در مقایسه با عوامل دیگـر،	مدور با موفقیت مورد تحلیل قرار گرفت.
بیشترین تأثیر را روی نیروی اکسـتروژن و بـه دنبـال	۲- افزایش R/L بیشـترین تـأثیر را روی مؤلفـه تغییـر
آن فشار نسبى اكستروژن دارد.	شکل نیرو و کمترین تـأثیر را روی مؤلفـه اصـطکاکی
۸- ضریب اصطکاک، بیشترین تأثیر را بر مؤلفه اصطکاکی	نيرو دارد.
نیرو دارد و بر مؤلفههای دیگـر نیـرو، تـأثیر چنـدانی	۳- با افزایش ضریب اصطکاک، فشـار نسـبی اکسـتروژن
ندارد.	افزایش می یابد. البته شـیب ایـن افـزایش در مقـادیر
۹- درصد کاهش سطح مقطع بیشترین تأثیر را روی	بالاتر درصد کاهش سطح مقطع، بیشتر نیز میشود.
مؤلفه تغییر شکل نیرو دارد، اما تأثیر آن بر دیگر	^ع - با افزایش درصد کـاهش سـطح مقطـع، نیـروی لازم
مؤلفههای نیرو ناچیز است.	برای تغییر شکل پلاستیک ماده افـزایش یافتـه و در
	نتيجه فشار نسبى اكستروژن افزايش مىيابد.

مراجع

- Tresca, H. (1864). "Sur 1" Ecoulement des corps solides soumis a fortes pressions." Comp. Rend., Acad. Sci. Paris, 59, II 754; 64, I 809.
- 2 Hill, R. (1948), "A theoretical analysis of stresses and strain in extrusion and piercing." *J. Iron and Steel Inst.* 159.
- 3 Prager, W. and Hodge, P. G. (1951), Theory of perfectly plastic solids. Chapman and Hall.
- 4 Johnson, W. and Mellor, P. B. (1962). *Plasticity for mechanical engineers*, Van Nostrand London, Revised edition Johnson, W. and Mellor, P. B. "Engineering plasticity", Ellis Hardwood.
- 5 Chen, C. T. and Ling, F.F. (1968), "Upper bound solution to axisymmetric extrusion problem." *Int.J.Mech.Sci.*, Vol. 10, PP. 863-879.
- 6 Nagpal, V. and Altan, T. (1975). "Analysis of three dimensional metal flow in extrusion of shapes with the use of dual stream function." *Proc.* 3rd NAMRC, Carnegie Mellor Univ., Pittsburgh, Pa. May.
- 7 Yang, D. Y. (1986). "Analytical and experimental investigation into lubricated three dimensional extrusion of general helical sections." *Annals of the CIRP.*, Vol. PP. 169 – 172.
- 8 Han, C. H., Yang, D. Y. and Kiuchi, M. (1986). "A new formulation for three-dimensional extrusion and its application to extrusion of clover sections." *Int. J. Mech. Sci.*, Vol. 28, Issue 4, PP. 201-218.
- 9 Yang, D. Y., Han, C. H. and Kim, M. U. (1986). "A generalized method for analysis of three-dimensional extrusion of arbitrarily-shaped sections." *Int.J.Mech.Sci*, Vol. 28, Issue 8, PP. 517-534.
- 10 Han, C.H. and Yang, D. Y. (1988). "Further investigation into extrusion of trocoidal gear sections considering three-dimensional plastic flow." *Int.J.Mech.Sci*, Vol. 30, Issue 1, PP. 13-30.
- 11 Lee, C. M., Yang, D. Y. and Lang, K. (1989). "Numerical analysis of three dimensional extrusion of elliptic sections by the method of weighted residuals." *Int.J.Mech.Sci*, Vol. 31, No. 5, PP. 327 – 408.
- 12 Chitkara, N. R. and Abrinia, K. (1990). "Analysis generalized upper solution for three dimensional extrusion of shaped section using CAD – CAM bilinear surface dies." 28th International MATADOR Conferences on CIM. FMS & Robotics. CAD – CAM Manufacturing Metrology and Metal forming. 18th and 19th April.

- 13 Chitkara, N. R. and Aleem, A. (2001). "Extrusion of axi-symmetric bi-metallic tubes: some experiment using hollow billets and the application of a generalized slab method of analysis." *Int. J. Mechanical Sciences*, Vol. 43, PP. 2857-2882.
- 14 Kumar, D. and Dixit, U. S. (2005). "A slab method study of strain hardening and friction effects in cold foilrolling process." *J. of Materials Processing Technology*, Vol. 164-165, PP. 2121-2130.
- 15 Tzou, G., Hung, H. and Hasio, Y. (2006). "Investigation of a slab method analysis and FEM simulation on rotating compression forming of ring." *J. of Materials processing technology, Proceedings of the 11th International Conference on Metal Forming*, PP. 15-153.
- 16 Abrinia, K. and Makaremi, M. (2008). "A new three-dimensional solution for the extrusions of sections with larger dimensions than the initial billet." *J. of Materials Processing Technology*, Vol. 205, PP. 259-271.

واژه های انگلیسی به ترتیب استفاده در متن

- 1 Ideal Work Method
- 2 Slab Method
- 3 Slip Line Field Method
- 4 Upper Bound Method
- 5 Finite Element and Finite Difference method
- 6 Rigid Shell
- 7 Deformable Solid
- 8 Smooth
- 9 Slab Method
- 10 Bilinear Converging Die
- 11 Friction Dactor