پیش بینی جریان و انتقال حرارت در کانالهای ریبدار سه بعدی توسط مدلهای k-٤ خطی و غیرخطی

هومن نعیمی (و مهرداد رئیسے ، *۲

· دانش آموخته کارشناسی ارشد مکانیک- تبدیل انرژی پردیس دانشکده های فنی - دانشگاه تهران ِ استادیار دانشکده مهندسی مکانیک – پردیس دانشکده های فنی – دانشگاه تهران (تاریخ دریافت ۸۴/۷/۶، تاریخ دریافت روایت اصلاح شده ۸۷/۸/۲۵، تاریخ تصویب ۸۷/۱۲/۲۷)

حكىدە

این مقاله به ارزیابی توانایی مدل k-æ غیرخطی در پیش بینی جریان سیال و انتقال حرارت آشفته کاملاً توسعه یافته در کانال های ریب دار سه بعدی با سطح مقطع مربعی می پردازد. این گونه جریانها عموماً در سیستم خنک کاری داخلی پرههای توربین گاز پیشرفته وجود دارند. در اين تحقيق به منظور حل معادلات حاكم بر ميدان جريان و دما از روش عددي حجم- محدود به همراه الگوريتم SIMPLE استفاده شده است. مدلهای توربولاس مورد استفاده در این تحقیق عبارتند از: مدل ع−k رینولدز پایین خطی لاندر و شارما [۱] و مدل k−E غیرخطی کرفت و همكاران [۲]. در هر دو مدل از جملات اصلاح مقياس طول Yap و NYP در معادله اتلاف استفاده شده است. نتايج اين تحقيق نشان مىدهد که مدل k−٤ غیرخطی نسبت به مدل k−٤ خطی، مشخصات میدان توربولانس را بهتر پیش,بینی مینماید. مقادیر عدد نوسلت محاسبه شده توسط مدل k-٤ غیرخطی با هر دو جمله اصلاح Yap و NYP در بیشتر نواحی از مقادیر متناظر محاسبه شده توسط مدل k-٤ خطی دقیق تر بوده و مقادیر پیش.بینی شده توسط مدل k−E غیرخطی با جمله اصلاح NYP، بهترین تطابق را با مقادیر اندازه گیری شده دارند.

واژههای کلیدی: توربین گاز، انتقال حرارت، توربولانس، مدلسازی

مقدمه

توربین های گازی عمدتاً به منظور تامین نیروی ییشرانه هواییماها، تولید قدرت در نیروگاههای گازی و کاربردهای صنعتی مورد استفاده قرار می گیرند. همانطور که میدانیم در یک سیکل واقعی توربین گاز با افزایش دمای ورودی به توربین راندمان و کار مخصوص خروجی توربين گاز افزايش مي يابد. لذا به منظور بهبود راندمان حرارتی و قدرت خروجی، توربین های گازی پیشرفته در دماهای بالا (بیش از K 1600) کار می کنند. از طرفی با افزایش دمای ورودی توربین حرارت منتقل شده به پرههای توربین نیز افزایش مییابد. اما دمای پره نمی تواند از یک مقدار بحرانی مشخص، که مقدار آن بستگی به مقاومت خزشی مواد به کار رفته در ساخت پرههای توربین و عمر کاری پرهها دارد، فراتر رود. بنابراین هم زمان با توسعه مواد قادر به تحمل دماهای زیاد، به منظور عمل کرد ایمن و مداوم توربینهای گازی با قدرت عمل کرد بالا، باید از سیستم خنککاری مناسب نیز بهره گرفت.

در پرههای توربین گاز از سرمایش لایهای برای خنک کاری سطوح خارجی پرہ ہا استفادہ مے گردد. در خنککاری داخلی، سیال نسبتاً خنک به صورت جا به

جایی اجباری از گذرگاههای نشان داده شده در شکل (۱) عبور داده شده و حرارت را از سطح پره جذب می کند. در این شکل لبه حمله ٰ یره توسط روش برخورد جت سیال ٔ و لبه فرار ؓ توسط روش پین۔ فین ٔ خنک می گردد و برای افزایش انتقال حرارت در گذرگاههای میانی نیز ریبهایی روی آنها قرار داده شده است.

همان گونه که اشاره گردید، یکی از راههای افـزایش انتقال حرارت از سطوح داخلی پرههای توربین گاز، قـرار دادن ریبهایی بر روی دیوارهای مقابل گذرگاههای خنک کاری داخلی به منظور مغشوش کردن لایه مرزی و افزایش توربولانس است. حضور این ریب ها سبب ایجاد میدان جریان پیچیده با نواحی جدایش جریان قبل و بعد از ریبها می گردد.

به دلیل اهمیت کاربردی جریان و انتقال حرارت جابجایی در خنککاری مجاری ریبدار داخلی پرههای توربین گاز و همچنین کاربردهای صنعتی دیگر، چنین جریان هایی موضوع تحقیقات تئوری و آزمایشگاهی بسیاری بودهاند. در سال های اخیر ملاحظات عددی بسیاری به منظور پیشبینی جریان و انتقال حرارت آشفته

Email: mraisee@ut.ac.ir

در هندسه های ریب دار انجام شده است. بیشتر این پیش بینی ها برای مجاری ریب دار دو بعدی متقارن محوری ارائه گردیده اند. از جمله تحقیقات انجام شده در این زمینه می توان به آچاریا و همکاران [۴]، لیو و همکاران [۵]، چانگ و میلز [۶] و رئیسی و همکاران [۷] اشاره نمود. اما جریان و انتقال حرارت در مجاری ریب دار، پیچیده و سه بعدی است. این پدیده بدین دلیل است که وجود ریب ها سبب ایجاد ناهمسانی قابل ملاحظهای در سطوح توربولانس و در نتیجه ایجاد جریان های ثانویه قوی می گردد. این جریان های ثانویه بر روی ضریب انتقال حرارت تاثیر می گذارند. بنابراین به منظور پیش بینی دقیق انتقال حرارت در مجاری ریب دار، لازم است از محاسبات سه بعدی برای مجاری سه بعدی استفاده نماییم.



شکل ۱: طرح شماتیک پره توربین گاز به همراه تکنیکهای عمومی خنک کاری داخلی هان [۳].

نتایج عددی جریان و انتقال حرارت آشفته در مجاری ریبدار ساکن و دوار با ریبهای عمودی در دو حالت متقارن و یک در میان با استفاده از مدلهای توربولانس رینولدز پایین توسط ایاکوویدس [۸] ارائه شدهاند. مدلهای توربولانس به کار گرفته شده در این تحقیق، مدل ع—k ناحیهای و مدلMSD^۵ میباشند. هر دو مدل، جریان متوسط را به خوبی پیشبینی می کنند و ضریب انتقال حرارت به دست آمده از هر دو مدل کمتر از مقادیر اندازه گیری شده است. البته مدل تنش رینولدز

نمود.

اخیراً رئیسی [۹] به بررسی جریان و انتقال حرارت در مجاری ریبدار دو بعدی و سه بعدی پرداخته است. محاسبات سه بعدی برای دو هندسه با ریبهای متقارن و یک در میان انجام گرفته است. مدلهای توربولانس به کار گرفته شده در این تحقیق، مدل 3-k ناحیهای، مدل 3-kخطی و مدل DSM میباشند. هر سه مدل جریان متوسط را به خوبی پیشبینی میکنند. مقدار عدد نوسلت موضعی هم در راستای خط مرکزی و هم مقدار متوسط آن در راستای Z محاسبه شده است. مدل 3-k ناحیهای مقادیر نوسلت موضعی را در هر دو حالت کمتر از دادههای اندازه گیری شده محاسبه میکند در حالی که دو مدل دیگر با اصلاح ترم مقیاس طول مقادیر عدد نوسلت موضعی و متوسط را بهتر پیشبینی مینمایند.

اگرچه به طور کلی مدل DSM برای محاسبه انتقال حرارت در جریانهایی پیچیده نسبت به مدلهای دیگر بهتر عمل می کند روش اقتصادی تر به منظور بررسی اثرات ناهمسانی توربولانس، استفاده از مدل ع–k غیر خطی دو معادلهای است. در این مدل تنها دو معادله انتقال برای k و ع حل می گردد و از جملات غیر خطی (بر حسب نرخ کرنش و چرخش) در رابطه تنش–کرنش استفاده می گردد. ویژگی دیگر این مدل این است که پارامتر μ², که در محاسبه لزجت توربولانس مورد استفاده قرار می گیرد، دیگر مقدار ثابتی نبوده و اغلب تابعی از نرخ کرنش می باشد.

در سالهای اخیار مطالعات LES و DES باری جریان سیال خنک کاری گذرنده از میان کانالهای ریبدار مورد توجه قرار گرفته است که از آن جمله میتوان به مقالات سیوال و تفتی [۱۰]، ساها و آچاریا [۱۱] و آن و همکاران [۱۲] اشاره نمود. از میان روشهای محاسباتی که بیشتر مورد استفاده میباشند روش LES یک روش قابل اعتماد جهت محاسبات جریان سیال خنک کاری از میان مجاری ریبدار است. مطالعات عددی جدید توسط ایاکوویدس و لاندر [۱۳] به صورت تفصیلی مورد بررسی قرار گرفتهاند.

کرفت و همکاران [۱۴] مدل ٤-k غیرخطی (NLEVM1) را که اثرات عدد رینولدز پایین را در برمی گیرد، توسعه دادهاند. به علاوه نشان دادند که به منظور در نظر گرفتن حساسیت به انحنای خطوط جریان،

باید از جملات مرتبه سه در رابطه تنش – کرنش استفاده نمود. آنها از این مدل برای پیشبینی جریان در گستره وسیعی از کاربردها شامل جریان در کانال منحنی، جریان برخورد جت به دیواره داغ و غیره استفاده شده است. در هر حالت استفاده از مدل ٤–k غیرخطی منجر بهبود پیشبینیها در مقایسه با مدل ٤–k خطی گردید.

استفاده همزمان از این مدل توسط رئیسی [۹] در محاسبه انتقال حرارت و جریان سیال در مجاری ریبدار مشکلات زیادی را در زمینه پایداری عددی نشان داد که این مشکلات ناشی از وابستگی c_{μ} به نرخ کرنش در جریان روی لبههای تیز بودند و منجر به تغییرات خیلی شدید لزجت توربولانس مے شدند. رئیسے با یکنواخت کردن تغییرات c_u بر این مشکلات فائق آمد. مقایسه نتایج نشان داد که در جریان گذرنده از مجاری ریبدار، مدل NLEVM1 نه تنها سطوح انتقال حرارت موضعی بیشتر از مقادیر اندازه گیری شده هستند بلکه از نتایج محاسبه شده توسط مدل EVM نیز بیشتر میباشند. کوپر [۱۵] با بررسی جریان در یک لوله با انبساط ناگهانی، متوجه گردید که ترازهای زیاد انتقال حرارت ایجاد شده توسط NLEVM1 به این دلیل ایجاد می شوند که در نواحی با نرخ کرنش کم در نزدیکی دیوارہ، _{ال} از مقدار تعادلی خود فاصله می گیرد. با محدود کردن مقدار بیشینه c_u با مقدار آن در جریان با تعادل محلی، کوپر قادر به بهبود پیشبینیهای انتقال حرارت با استفاده از مدل NLEVM1 در لوله با انبساط ناگهانی گردید. هرچند که هنوز هم مقادیر پیشبینی شده توسط مدل k-E خطی سازگاری بهتری با مقادیر آزمایشگاهی داشتند.

کرفت و همکاران [۲] مطالعه عددی جدیدی به منظور بهبود پیشبینی میدان دما توسط مدل 3-kرینولدز پایین غیرخطی انجام دادهاند. بدین منظور محاسبات روی دو هندسه انجام گرفته است: برخورد جت سیال به صفحه داغ و جریان در لوله با انبساط ناگهانی. اصلاحات پیشنهاد شده عبارتند از:

- بیان جدیدی برای پارامتر _µ برحسب نرخ
 کرنش
- جایگزینی جمله اصلاح مقیاس طول Yap با جمله اصلاح مقیاس طول دیفرانسیلی جدید پیشنهاد شده توسط ایاکوویدس و رئیسی [۱۶]

این اصلاحات نه تنها سبب بهبود پیشبینیهای انتقال حرارت در هر دو هندسه مورد بررسی گردید، بلکه نیاز به تعریف صریح فاصله از دیواره را برطرف نمود. هدف از تحقیق حاضر ارزیابی قابلیت مدل ٤–k

غیرخطی اصلاح شده پیشنهادی توسط کرفت و همکاران [۲] در پیشبینی جریان و انتقال حرارت جابجایی در کانالهای ریبدار سه بعدی است.

هندسههای مورد بررسی

همان گونه که در شکل (۲) نشان داده شده است در این مقاله جریان و انتقال حرارت در دو کانال ریبدار سه بعدی مورد بررسی قرار گرفته است: کانال با ریبهای عمودی و آرایش متقارن (شکل ۲- الف) و کانال با ریبهای عمودی و آرایش یک در میان (شکل ۲- ب). شرایط کاری، هندسی و دادههای تجربی مورد استفاده در محاسبات جریان و انتقال حرارت در هندسههای مزبور در جدول (۱) ارائه شدهاند.

عدد رینولدز جریان بر مبنای سرعت محوری جریان و ارتفاع کانال تعریف میشود. عدد نوسلت موضعی نیز دارای تعریفی به صورت زیر است:

$$Nu = \frac{q_w'' H}{\kappa(\Theta_w - \Theta_b)}$$
(1)

که در رابطه بالا H قطر هیدرولیکی کانال، κ ضریب هدایت حرارتی سیال، q''_w شار حرارتی دیواره، Θ_w دمای متوسط سیال میباشدکه توسط رابطه زیر بیان می شود:

$$\Theta_{\rm b} = \frac{\int_{\rm A} \Theta U dA}{\int_{\rm A} U dA} \tag{(7)}$$

در هر دو هندسه از شرط مرزی شار حرارتی ثابت بر روی دیوارها استفاده شده است. با این تفاوت که در کانال با ریبهای یک در میان دیوارهای صاف جانبی و ریبها آدیاباتیک میباشند.

معادلات جريان

(الف – معادلات جریان متوسط: معادلات بقای جرم، مومنتوم و انرژی برای سیال تراکم ناپذیر حالت-پایدار به صورت زیر نوشته می شوند: معادله پیوستگی:

$$\frac{\partial \mathbf{U}_{i}}{\partial \mathbf{x}_{i}} = \mathbf{0} \tag{(7)}$$

معادلات مومنتوم:

$$\frac{\partial (\mathbf{U}_{j}\mathbf{U}_{i})}{\partial \mathbf{x}_{j}} = \frac{-1}{\rho} \frac{\partial \mathbf{P}}{\partial \mathbf{x}_{i}} + \frac{\partial}{\partial \mathbf{x}_{j}} \left(\mathbf{v} \frac{\partial \mathbf{U}_{i}}{\partial \mathbf{x}_{j}} - \overline{\mathbf{u}_{i}\mathbf{u}_{j}} \right)$$
(*)
naletle lit(*:)

$$\frac{\partial (\mathbf{U}_{j}\boldsymbol{\Theta})}{\partial \mathbf{x}_{j}} = \frac{\partial}{\partial \mathbf{x}_{j}} \left(\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{Pr}} \frac{\partial \boldsymbol{\Theta}}{\partial \mathbf{x}_{j}} - \overline{\mathbf{u}_{j}\boldsymbol{\Theta}} \right)$$
($\boldsymbol{\Delta}$)



شکل ۲: نمای سه بعدی هندسههای مورد استفاده: الف) کانال با ریبهای متقارن و ب) کانال با ریبهای یک در میان.

 ب – معادلات مدلسازی توربولانس: مدلهای توربولانس مورد استفاده در این تحقیق مدل ٤-k رینولدز پایین لاندر و شارما [۱] و نسخه جدید مدل ٤-k
 غیرخطی کرفت و همکاران (NLEVM2) [۲] میباشند.

مدل k-E رينولدز پايين خطى

در این مدل تانسورهای تنش رینولدز و شارهای حرارتی با استفاده از تقریبهای لزجت گردابهای و پخش گردابهای به صورت زیر بیان می گردند:

$$-\overline{\mathbf{u}_{i}\mathbf{u}_{j}} = \mathbf{v}_{t} \left(\frac{\partial \mathbf{U}_{i}}{\partial \mathbf{x}_{j}} + \frac{\partial \mathbf{U}_{j}}{\partial \mathbf{x}_{i}} \right) - \frac{2}{3} \delta_{ij} \mathbf{k}$$
 (9)

$$-\overline{\mathbf{u}_{i}\boldsymbol{\theta}} = \frac{\mathbf{v}_{t}}{\sigma_{\theta}} \frac{\partial \boldsymbol{\Theta}}{\partial \mathbf{x}_{i}} \tag{Y}$$

$$v_t = c_\mu f_\mu \frac{1}{\widetilde{\varepsilon}} \tag{A}$$

جدول ۲: ثابتهای تجربی مدل k-ε .

c_{μ}	$c_{\epsilon 1}$	$c_{\epsilon 2}$	σ_{k}	σ_{ϵ}	$\sigma_{_{ heta}}$
•/•٩	1/44	١/٩٢	١	۱/٣	٠/٩

به منظور محاسبه ،۷، معادلات انتقال انرژی جنبشی توربولانس، k، و نرخ اتلاف آن، ٤، با استفاده از تقریباتی حل می گردند. معادله انتقال انرژی جنبشی توربولانس به صورت زیر نوشته می شود:

$$\begin{split} & \frac{\partial}{\partial x_{i}} (U_{i}k) = \\ & \frac{\partial}{\partial x_{i}} \left[\left(\nu + \frac{\nu_{t}}{\sigma_{k}} \right) \frac{\partial k}{\partial x_{i}} \right] + P_{k} - \widetilde{\epsilon} - 2\nu \left(\frac{\partial \sqrt{k}}{\partial x_{j}} \right)^{2} \end{split}$$
(9)
allow the equation of the equation of

$$\frac{\partial}{\partial x_{i}} (U_{i} \widetilde{\epsilon}) = \frac{\partial}{\partial x_{i}} \left[\left(v + \frac{v_{t}}{\sigma_{\epsilon}} \right) \frac{\partial \widetilde{\epsilon}}{\partial x_{i}} \right] + c_{\epsilon 1} f_{1} \frac{\widetilde{\epsilon}}{k} P_{k} - c_{\epsilon 2} f_{2} \frac{\widetilde{\epsilon}^{2}}{k} + E + S_{\epsilon}$$
 (1.)

در رابطه بالا \tilde{s} نرخ اتلاف همگن بوده و توسط رابطه زیر به نرخ اتلاف واقعی مرتبط می گردد:

$$\widetilde{\varepsilon} = \varepsilon - 2\nu \left(\frac{\partial \sqrt{k}}{\partial x_{j}}\right)^{2}$$
(11)

جمله تولید، P_k، که در معادله بالا وجود دارد بـه صـورت زیر تعریف می گردد:

$$\mathbf{P}_{\mathbf{k}} = -\overline{\mathbf{u}_{i}\mathbf{u}_{j}}\frac{\partial \mathbf{U}_{i}}{\partial \mathbf{x}_{i}} \tag{11}$$

توابع میرایی f_1 ، f_{μ} و f_2 توسط روابط زیر بیان می گردند:

$$f_{\mu} = \exp[-3.4/(1+0.02R_{t})^{2}]$$

$$f_{1} = 1, \quad f_{2} = 1 - 0.3 \exp(-R_{t}^{2}) \quad (17)$$

در این رابطه $\widetilde{R}_t = k^2 / v \widetilde{\epsilon}$ عدد رینولدز موضعی توربولانس بوده و ثابتهای این مدل در جدول (۲) ارائه شدهاند.

Yap در معادله اتلاف ترم چشمه S_{ϵ} بیانگر ترم اصلاح Yap است که در بخش بعدی مورد بررسی قرار می گیرد. جمله E اولین بار توسط جونز و لاندر [۱۷] به صورت زیر بیان \mathcal{R} ددید:

هندسه کانال P/h h/H Re Pr دادہھای تجربی $\Delta \times 1.^{F}$ ١٠ .1.870 ٠/٧١ ريبهاي عمودي متقارن Nu $1 \times 10^{\circ}$ $U, V, \overline{u^2}, \overline{v^2}, \overline{uv} \& Nu$ ٠/٧١ ٠/١ ریبهای عمودی یک در میان ١٠

جدول ۱: پارامترهای جریان در کانالهای سه بعدی مورد بررسی در تحقیق حاضر.

$$E = 2\nu v_t \left(\frac{\partial^2 U_i}{\partial x_j \partial x_k}\right)^2$$
(14)

مدل k–ε رينولدز پايين غيرخطي

در این مدل توربولانس، تنشهای رینولدز توسط رابطه زیر بیان می گردند (سوگا [۱۸]):

$$u_{i}u_{j} = + c_{2} \frac{v_{t}k}{\widetilde{\epsilon}} (\Omega_{ik}S_{kj} - \Omega_{jk}S_{ki}) + c_{3} \frac{v_{t}k}{\widetilde{\epsilon}} (\Omega_{ik}\Omega_{jk})$$

$$\frac{2}{3}k\delta_{ij} - v_t S_{ij} + c_1 \frac{v_t k}{\widetilde{\epsilon}} (S_{ik} S_{kj} - 1/3S_{kl} S_{kl} \delta_{ij})$$

$$-1/3\Omega_{lk}\Omega_{lk}\delta_{ij}) + c_4 \frac{v_t k^2}{\tilde{\epsilon}^2} (S_{ki}\Omega_{lj} + S_{kj}\Omega_{li})S_{kl}$$

$$+c_{5}\frac{v_{t}k^{2}}{\tilde{\epsilon}^{2}}(\Omega_{il}\Omega_{lm}S_{mj}+S_{il}\Omega_{lm}\Omega_{mj})$$
$$-2/3S_{lm}\Omega_{mn}\Omega_{nl}\delta_{ij})+c_{6}\frac{v_{t}k^{2}}{\tilde{\epsilon}^{2}}S_{ij}S_{kl}S_{kl}$$

$$+c_{7}\frac{V_{1}K}{\tilde{\varepsilon}^{2}}S_{ij}\Omega_{kl}\Omega_{kl} \qquad (1\Delta)$$

در این رابطه \mathbf{S}_{ij} و $\mathbf{\Omega}_{ij}$ به ترتیب تانسورهای کرنش و چرخش هستند:

$$\mathbf{S}_{ij} = \left(\frac{\partial \mathbf{U}_{i}}{\partial \mathbf{x}_{j}} + \frac{\partial \mathbf{U}_{j}}{\partial \mathbf{x}_{i}}\right), \quad \mathbf{\Omega}_{ij} = \left(\frac{\partial \mathbf{U}_{i}}{\partial \mathbf{x}_{j}} - \frac{\partial \mathbf{U}_{j}}{\partial \mathbf{x}_{i}}\right)$$
(15)

شارهای حرارتی اغتشاش، u_iθ، با استفاده از تقریب ساده پخش گردابهای (معادله ۷) مدل میشوند. ضرایب c₁ تا c₇ با مطالعـه جریـانهـای متعـدد شـامل

صرایب ۲^۰ تا ۲_۰۷ با مطالعیه جریان های منعدد سامل جریان های برشی همگن، جریان های چرخشی و جریان در کانال های منحنی توسط کرفت و همکاران [۱۹] کالیبره شدهاند. مقادیر این ضرایب در جدول (۳) آورده شدهاند.

جدول ۳: مقدار ثابتهای رابطه تنش – کرنش غیرخطی.

\mathbf{c}_1	c ₂	c ₃	c4	c ₅	c ₆	c ₇
-0.1	0.1	0.26	$-10c_{\mu}^{2}$	0	$-5c_{\mu}^{2}$	$5c_{\mu}^{2}$

معادلات انتقال k، ع و فرمولاسیون لزجت گردابهای مشابه مدل٤–k لاندر و شارما بوده و اصلاحات زیر در آن اعمال گردیده است.

مدل سازی $c_{\mu} : c_{\mu}$ پارامتر $c_{\mu} : c_{\mu}$ در مدل اولیه k-ε غیرخطی (NLEVM1) تابعی از ثابتهای $\widetilde{\Omega} \in \widetilde{\Omega}$ است. $c_{\mu} = \left\{ \frac{0.3}{1 + 0.35 \eta^{1.5}} \left[1 - \exp\{-0.36 \exp(0.75 \eta)\} \right] \right\}$ (19)

$$\widetilde{\mathbf{S}} = \frac{\mathbf{k}}{\widetilde{\varepsilon}} \sqrt{0.5 \, \mathbf{S}_{ij} \mathbf{S}_{ij}} , \qquad \widetilde{\mathbf{\Omega}} = \frac{\mathbf{k}}{\widetilde{\varepsilon}} \sqrt{0.5 \, \mathbf{\Omega}_{ij} \mathbf{\Omega}_{ij}}$$
(1A)

که در آن $\eta = \max(\widetilde{S}, \widetilde{\Omega})$ است.

همان گونه که قبلاً بدان اشاره گردید، به دلیل وابستگی شدید معادله (۱۷) به نرخ کرنش، استفاده از رابطه بالا برای _µC در محاسبات جریان بر روی گوشههای تیز، منجر به بروز مسئله ناپایداری می گردد. به منظور رفع مشکل ناپایداری، شکل تابعی زیر برای _µC توسط کرفت و همکاران [۲] پیشنهاد گردیده است:

$$c_{\mu} = \min\left[0.09, \frac{1.2}{1+3.5\eta + f_{RS}}\right]$$
 (19)

که در آن f_{RS} به صورت زیر بیان می شود: $f_{RS} = 0.235 [max(0, \eta - 3.333)]^2 exp(-\tilde{R}_t / 400)$ (۲۰)

توربولانس در نزدیکی دیواره: با وجود کاهش توربولانس در ناحیه میانی به دلیل شکل تابعی C_µ، تابع میرایی لزجت توربولانس نیز به صورت زیر تعریف می شود:

$$f_{\mu} = 1 - \exp\left\{-\left(\frac{\widetilde{R}_{t}}{90}\right)^{\frac{1}{2}} - \left(\frac{\widetilde{R}_{t}}{400}\right)^{2}\right\}$$
(۲۱)
که بیانگر وابستگی شدید مدل به عدد رینولدز است.

$$E = \begin{cases} 0.0022 \frac{\widetilde{S}v_{t}k^{2}}{\widetilde{\epsilon}} \left(\frac{\partial^{2}U_{i}}{\partial x_{k}\partial x_{1}} \right)^{2} & \text{for } \widetilde{R}_{t} \leq 250 \\ 0 & \text{for } \widetilde{R}_{t} > 250 \end{cases}$$
(YY)

جمله تصحيح مقياس طول Yap

اگرچه مدل 3-k رینولدز پایین لاندر و شارما در جریانهای موازی به خوبی عمل می کند، در جریانهایی که دچار جدایش شدهاند مقیاس طول در نزدیکی دیواره خیلی بزرگ می شود و این مساله سبب افزایش سطوح توربولانس در نزدیکی دیواره می شود. به منظور اصلاح این رفتار یپ [۲۰] یک ترم چشمه اضافی، ${}_{s}$ ، مبتنی بر فاصله از دیواره، ۷، در معادله نرخ اتلاف معرفی کرده است: $S_{\epsilon} = max \Biggl[0.83 \frac{\widetilde{\epsilon}^{2}}{k} \Biggl(\frac{k^{1.5}}{2.55 \gamma \widetilde{\epsilon}} - 1 \Biggr) \Biggl(\frac{k^{1.5}}{2.55 \gamma \widetilde{\epsilon}} \Biggr)^{2}, 0 \Biggr]$

هنجالیک [۲۱] پیشنهاد نمود که با استفاده از گرادیان مقیاس طول عمود بر سطح دیواره، وابستگی ترم چشمه به فاصله از دیواره حذف گردد. این روش توسط ایاکوویدس و رئیسی [۱۶] به صورت زیر ارائه و توسعه یافت:

$$[NYP] = \max\left[C_{\omega}F(F+1)^2 \frac{\tilde{\varepsilon}^2}{k}, 0\right]$$
 (74)

$$\sum_{k=1}^{\infty} C_{\omega}F(F+1)^2 \frac{\tilde{\varepsilon}^2}{k} + 0$$

$$\mathbf{F} = \{ [(\partial 1/\partial \mathbf{x}_i)(\partial 1/\partial \mathbf{x}_i)]^{\frac{1}{2}} - d\mathbf{l}_{\varepsilon}/d\mathbf{y} \} / \mathbf{c}_1$$
(Ya)

این رابطه بیانگر اختلاف گرادیان مقیاس طول پیشبینی شده با مقیاس طول مغشوش آ $k^{3/2} / \widetilde{\epsilon}$ و گرادیان مقیاس طول تعادلی، dl_e/dy، است که گرادیان مقیاس طول تعادلی به صورت زیر تعریف میشود:

 $dl_{\varepsilon}/dy = c_{1}[1 - \exp(-B_{\varepsilon}R_{t})] + B_{\varepsilon}c_{1}R_{t}\exp(-B_{\varepsilon}R_{t})$ (79)

$$C_{\omega} = \frac{0.83 \text{ mm}(1, \text{K}_{1}, 3)}{[0.8 + 0.7(\eta'/3.33)^{4} \exp(-\widetilde{\text{R}}_{1}/12.5)]}$$
(77)

در این رابطه کمیت η' دارای تعریفی مشابه η بوده ولی به منظور بهبود پایداری، مقیاس زمانی کولموگروف به عنوان حد پایینی مقیاس زمانی $\frac{k}{\widetilde{\epsilon}}$ در عبارات مربوط به $\widetilde{\Sigma}$ و $\widetilde{\Omega}$ ، مورد استفاده قرار گرفته است:

$$\begin{split} \widetilde{S} &= max \Big[k / \widetilde{\epsilon}, \sqrt{\nu / \epsilon} \Big] \sqrt{\frac{1}{2} S_{ij} S_{ij}} \\ \widetilde{\Omega} &= max \Big[k / \widetilde{\epsilon}, \sqrt{\nu / \epsilon} \Big] \sqrt{\frac{1}{2} \Omega_{ij} \Omega_{ij}} \end{split} \tag{7A}$$

ضرایب میرا کننده محدود شده در معادلـه (۲۷) بـه منظور افزایش پایداری به کار گرفته شدهاند.

روشهای عددی

در این تحقیق از روش عددی حجم - محدود و الگوريتم SIMPLE به منظور حل معادلات حاکم استفاده شده است. نتایج مربوط به پیشبینی جریان و انتقال حرارت در مجاری ریبدار سه بعدی با استفاده از کد کامپیوتری STREAM-3D به دست آمدهاند که در این کد از یک سیستم شبکه کاملاً متمرکز، غیرمتعامد و منطبق بر بدنه استفاده شده است. البته یکی از نواقص این آرایش شبکه این است که گسستهسازی معادلات مومنتوم سبب ایجاد میدان های سرعت و فشار نوسانی مے گردد. این حل های غیر واقعی از آنجا ناشی می شوند که جملات گرادیان فشار گسسته شده در معادلات مومنتوم مبتنی بر اختلاف بین مقادیر فشار در گرمهای غیر همجوار می باشند که در این تحقیق به منظور رفع این مشکل از الگوريتم ارتباط فشار - سرعت²ري و چاو [۲۲] استفاده شده است. هم چنین به منظور جلوگیری از بروز مشکلات یایداری ناشی از مقادیر نامحدود و به تبعیت از ایاکوویدس

[۸]، از طـرح کوئیـک محـدود شـده در تقریـب جمـلات جابجایی استفاده شده است.

جهت ارزیابی تاثیر شبکه حل بر نتایج انتقال حرارت، مقادیر عدد نوسلت محاسبه شده توسط مدل ٤-غیرخطی با جمله اصلاح Yap در دو کانال ریبدار با استفاده از سه شبکه ۲۳×۶۱×۲۹، ۳۶×۶۹×۶۸ و ۲۰×۶۹×۲۰۲ در شکلهای (۳) و (۴) نشان داده شده است. همان گونه که در این شکلها مشاهده می گردد مقادیر عدد نوسلت محاسبه شده در سه شبکه مزبور تفاوت چندانی با هم ندارد. به خصوص در دو شبکه ریزتر انطباق کامل دارند. بنابراین می توان نتیجه گرفت که با استفاده از دو شبکه محاسباتی تقریباً از بین رفته است. وابستگی حل به شبکه محاسباتی تقریباً از بین رفته است.



شکل ۳: توزیع عدد نوسلت پیش بینی شده توسط مدل k-٤ غیرخطی با جمله Yap بر روی خط مرکزی یک کانال با ریب های متقارن.



شکل ٤: توزیع عدد نوسلت پیش بینی شده توسط مدل ٤-k غیرخطی با جمله Yap بر روی خط مرکزی یک کانال با ریبهای یک در میان.

ارائه نتایج و بحث در مورد آنها در این بخش نتایج به دست آمده از مدل ٤--k خطی و غیرخطی در پیش بینی جریان و انتقال حرارت مغشوش

۱۳۱

در کانال مربعی با ریبهای عمودی ارائه شده و با یکدیگر مقایسه شدهاند. توجه به این نکته حائز اهمیت است که در مدل $k-\epsilon$ نظی با جمله اصلاح NYP از مقدار ثابت $k-\epsilon$ استفاده شده است در حالی که در مدل $k-\epsilon$ غیرخطی شکل تابعی پیشنهاد شده توسط کرفت و همکاران [۲] به کار گرفته شده است.

ميدان هيدروديناميك

میدانهای سرعت محاسبه شده با استفاده از مدلهای ٤-k خطی و غیرخطی با جمله اصلاح NYP در صفحه تقارن (Z / W = 0.0) کانال ریبدار با ریبهای متقارن، در شکلهای (۵) و (۶) نشان داده شدهاند. همان گونه که در این شکلها دیده می شود، هر دو مدل خطی و غیرخطی میدانهای سرعت مشابهی $k-\epsilon$ پیش بینی نمودهاند و در هر کدام از این شکلها، انبساط ناگهانی بعد از هر ریب سبب ایجاد گردابههایی در پایین دست ریب مزبور می گردد. جریان جدا شده در نقطه دوباره به ديواره مى چسبد. جريان مجدداً X/P = 0.4در نزدیکی ریب بعدی جدا شده و گردابه کوچکی در بالادست ریب دوم تشکیل می گردد. جریان های ثانویه پیش بینی شده توسط مدل های k-E خطی و غیر خطی با جمله اصلاح NYP به همراه کانتورهای سرعت محوری بین دو ریب متوالی در شکلهای (۷) و (۸) نشان داده شدهاند. با نگاهی به این شکلها می توان دریافت که مدل k−ɛ غیرخطی همانند مدل k−ɛ خطی قادر به پیشبینی جریان های ثانویه قابل ملاحظهای نمی باشد. در شکل (۹) پروفیلهای سرعتهای محوری و عرضی محاسبه شده توسط مدل های k-E خطی و غیر خطی با استفاده از جمله اصلاح NYP در صفحه تقارن کانال با ریبهای متقارن و یک در میان با یکدیگر مقایسه شدهاند. برای کانال با ریبهای یک در میان، پروفیلهای به دست آمده عموماً تطابق خوبی با مقادیر اندازه گیری شده دارند. مقادیر به دست آمده برای سرعت عرضی، در همه جا به غیر از بالای ريبها (X/P = 0.5 و X/P = 0.5)، تطابق قابل قبولی با دادههای آزمایشگاهی دارند. همان گونه که در این شکلها مشاهده می گردد، استفاده از مدل k–E غیر خطی سبب ایجاد تفاوت قابل ملاحظهای در میدان سرعت نمىشود.



شکل ۵: بردارهای سرعت در صفحه تقارن کانال با ریبهای متقارن با استفاده از مدل $k - \epsilon$ خطی و جمله اصلاح NYP





شده توسط مدل k-E خطی می باشند. البته در پایین دست ریب و در نزدیکی دیواره ریبدار به علت وجود گرادیانهای شدید، مدل k-٤ غیرخطی مقادیر خیلی کمتری را نسبت به مدل k-٤ خطی پیشبینی میکند. تنها بر روی ریب و در نزدیکی دیواره ریبدار است که مقادیر محاسبه شده توسط مدل $k-\epsilon$ غیرخطی بیشتر از مقادیر محاسبه شده توسط مدل k–E خطی هستند. در $k-\epsilon$ مرکز کانال نیز مقادیر محاسبه شده توسط دو مدل خطی و غیرخطی تقریباً برابرند. مقادیر پیش بینی شده توسط مدل $\sqrt{\overline{w^{\,2}}} \,/\, U_{b}$ برای برای $k\!-\!\epsilon$ تقریباً مشابه یروفیل به دست آمده از مدل $k-\epsilon$ خطی است و تنها در پایین دست ریب و در نزدیکی دیواره ریبدار مقادیر حاصل از مدل غیرخطی تفاوت قابل ملاحظهای با نتایج مدل $k-\epsilon$ خطی دارند. تشابه نسبی پروفیلهای و $\sqrt{\mathrm{w}^2}/\mathrm{U_h}$ و $\sqrt{\mathrm{w}^2}/\mathrm{U_h}$ در هر دو مدل k-٤ خطی و غيرخطي با جريانهاي ثانويه نسبتاً ضعيف، كه توسط اين دو مدل پیشبینی شدهاند، سازگار است (شکلهای ۷ و ۸). در شکل (۱۱) پروفیلهای محاسبه شده برای توسط مدل های $\overline{\mathrm{uv}}/\mathrm{U_{b}}^{2}$ و $\sqrt{\mathrm{v}^{2}}/\mathrm{U_{b}}$ ، $\sqrt{\mathrm{u}^{2}}/\mathrm{U_{b}}$ خطی و غیرخطی در صفحه تقارن یک کانال با $k-\epsilon$ ریبهای یک در میان با مقادیر اندازه گیری شده توسط ایاکوویدس و همکاران [۱۷] مقایسه شدهاند. همان طور که در این شکل مشاهده می گردد، مقادیر محاسبه شده برای توسط مدل k- ϵ غیرخطی به مراتب دقیقتر $\sqrt{u^2} \, / \, U_{
m h}$ از مقادیر به دست آمده توسط مدل k-ε خطی هستند و به غیر از ناحیه پایین دست ریب و در نزدیکی دیواره ریبدار، یروفیلهای پیش بینی شده توسط مدل k-ε غیرخطی تطابق خوبی با نتایج آزمایشگاهی دارند. تنها در مرکز کانال مقادیر محاسبه شده توسط دو مدل k-E خطی و غیرخطی یکسان هستند و در بقیه نواحی مقادیر حاصل از مدل k-ε غیرخطی بیشتر از مقادیر به دست آمده از مدل $\sqrt{\mathbf{v}^2} / \mathbf{U}_{\mathbf{h}}$ میباشند. در مورد k- ϵ نیز دیده k- ϵ می شود که به غیر از ناحیه پایین دست ریب، که به علت وجود گردابه و گرادیانهای شدید سرعت در نزدیکی دیواره، مقادیر محاسبه شده توسط مدل k- ϵ غیر خطی کمتر از مقادیر حاصل از مدل k-E خطی و دادههای آزمایشگاهی هستند، تقریـــباً در بقیــه نواحی پروفیلهای



شکل ۹: پروفیلهای سرعتهای محوری و عرضی پیش بینی شده توسط مدلهای $k-\epsilon$ خطی و غیرخطی برای جریان هوا در یک کانال با ریبهای متقارن (الف) و یک در میان (ب). ---- مدل $k-\epsilon$ خطی، --- مدل $k-\epsilon$ غیرخطی \circ نتایج آزمایشگاهی ایاکوویدس و همکاران [۱۷].



شکل ۱۰: پروفیلهای شدت توربولانس پیش بینی شده توسط مدلهای $\epsilon - k$ خطی و غیرخطی برای جریان هوا در یک کانال با ریبهای متقارن. شرح علائم مانند شکل ۹.



در یک کانال با ریبهای یک در میان. شرح علائم مانند شکل ۹.



ج) عدد نوسلت متوسط در کانال با ریبهای متقارن، د) عدد نوسلت متوسط در کانال با ریبهای یک در میان. خور دا دادههای اندانه گیری شده دارند.

مزبور تطابق خوبی با دادههای اندازه گیری شده دارند. پروفیلهای \overline{uv}/U_b^2 به دست آمده توسط مدل 3-kغیرخطی در هسته جریان بیشترین تطابق را با دادههای آزمایشگاهی دارند و در این ناحیه مقادیر محاسبه شده توسط دو مدل 3-k خطی و غیرخطی تقریباً یکسان هستند. در نزدیکی دیواره و در ناحیهای که جریان دچار جدایش شده است، مقادیر پیشبینی شده برای تنش برشی بیبعد توسط مدل 3-k غیرخطی کمتر از مقادیر به دست آمده توسط مدل 3-k خطی و مقادیر آزمایشگاهی هستند.

میدان دما

در این بخش عمل کرد مدلهای توربولانس ٤-k خطی و غیر خطی در پیش بینی انتقال حرارت مورد بررسی قرار می گیرد. توزیع عدد نوسلت محاسبه شده توسط هر دو مدل ٤-k خطی و غیرخطی بر روی خط مرکزی یک کانال با ریبهای متقارن با مقادیر اندازه گیری شده توسط باون و یان [۲۳] در شکل (۱۲- الف) نشان داده شده است. لازم به ذکر است که نتایج ارائه شده در

این شکل نتایج حاصل از به کارگیری هر دو جمله اصلاح مقیاس طول Yap و NYP در مدل های k-E خطی و غيرخطي را نيز شامل مي شود. با توجه به شكل ملاحظه می شود که مدل k-E با جمله اصلاح Yap مقادیر نوسلت را بیشتر از مقادیر تجربی پیشبینی میکند و به کارگیری جمله اصلاح NYP در این مدل سبب پیشبینی اعداد نوسلت کمتر از مقادیر تجربی می گردد. علاوه بر این کاربرد مدل k-ɛ غیرخطی به همراه جمله اصلاح Yap نیز مقادیر نوسلت را غالباً بیشتر از مقادیر تجربی پیشبینی نموده است و جایگزینی جمله اصلاح NYP به جای جمله اصلاح Yap در معادله نرخ اتلاف انرژی باعث پیشبینی دقیق تر عدد نوسلت گردیده است. بنابراین می توان نتیجه گیری کرد که مدل $k-\epsilon$ غیرخطی همراه جمله اصلاح NYP دقیقترین پیشبینی را برای توزیع عدد نوسلت ارائه مي كند. توجه به اين نكته حائز اهميت است که توزیع نوسلت در هر دو حالتی که در بالا به آنها اشاره گردید با توزیع نوسلت محاسبه شده توسط رئیسی و همکاران [۶] ، که به بررسی انتقال حرارت در کانال ریبدار دو بعدی پرداخته است، سازگاری کامل دارد. در

شکل (۱۲ – ب) نیز توزیع عدد نوسلت متوسط گیری شده در راستای Z در یک کانال با ریبهای متقارن نشان داده شده است. عدد نوسلت متوسط در این شکل دارای توزیعی مشابه با توزیع عدد نوسلت موضعی می باشد. در شکل (۱۲-ج) توزیع عدد نوسلت بر روی خط مرکزی یک کانال با ریبهای یک در میان و با استفاده از دو مدل توربولانس k-E خطی و غیرخطی با نتایج اندازه گیری شده توسط ایاکوویدس و همکاران [۲۴] مقایسه شدهاند. مى توان به وضوح ديد كه توزيع عدد نوسلت محاسبه شده توسط مدل k-٤ غیرخطی با جمله NYP در مجموع نسبت به نتایج سایر مدلها، بهترین تطابق را با دادههای آزمایشگاهی دارد. در شکل (۱۲– د) نیز توزیع عدد نوسلت متوسط گیری شده در راستای Z با استفاده از مدل های k-ε خطى و غيرخطى و جملات اصلاح مقياس طول Yap و NYP با مقادیر اندازه گیری شده توسط ایاکوویدس [۲۴] مقایسه شدهاند. همان طور که در این شکل ملاحظه می شود، عدد نوسلت متوسط توزیعی مشابه عدد نوسلت موضعی دارد. در مجموع می توان نتیجه گرفت که عدد نوسلت محاسبه شده توسط مدل k-ɛ غیر خطی و جمله اصلاح مقیاس طول NYP بهترین تطابق را با دادههای آزمایشگاهی دارد که این نتیجه گیری با نتایج به دست آمده برای کانال با ریبهای متقارن کاملاً سازگار است.

نتيجه گيري

در این تحقیق از مدلهای 3-k خطی و غیرخطی به منظور بررسی جزئیات جریان و انتقال حرارت در کانال ریبدار با ریبهای عمود بر جریان استفاده گردید. از محاسبات ارائه شده میتوان نتیجه گرفت که میدانهای سرعت به دست آمده از مدلهای 3-k خطی و غیرخطی به طور کلی مشابه و در تطابق قابل قبولی با نتایج تجربی میباشند. هم چنین مدل 3-k غیرخطی به دلیل طبیعت ناهمسانگرد بودنش، مشخصات میدان توربولانس را مدلهای 3-k خطی پیشبینی مینماید. از طرفی ناهریب انتقال حرارت بر روی دیوارههای ریبدار را به ضریب انتقال حرارت بر روی دیوارههای ریبدار را به خوبی پیشبینی میکنند. دلیل این پدیده این است که انتقال حرارت بر روی دیواره ریبدار تحت تاثیر گردابهها و جدایش جریان در پایین دست ریب است که به خوبی توسط این مدلها پیشبینی میگردند.

با بررسی اعداد نوسلت محاسبه شده توسط مدلهای بررسی شده در این تحقیق، مشاهده می گردد که نتایج حاصل از مدل ٤-٤ غیرخطی با جمله اصلاح NYP، بهترین انطباق را با دادههای اندازه گیری شده دارند. بنابراین پیشنهاد می گردد که در محاسبات انتقال حرارت جا به جایی در کانالهای ریبدار از مدل ٤-٤ غیرخطی و جمله اصلاح NYP استفاده گردد.

فهرست علائم

سه موجود در رابطه تنش-کرنش درجه سه c_1 ~ c_7 : ضریب / تابع موجود در رابطه لزجت گردابهای c_{μ} E : جمله چشمه در معادله EVM : مدل رينولدز پايين خطى لاندر و شارما اتلاف f_1, f_2 : توابع میرا کننده معادله نرخ اتلاف : تابع میراکننده لزجی در فرمولاسیون لزجت گردابه ی \mathbf{f}_{u} h : ار تفاع ریب H : ارتفاع كانال k: انرژی جنبشی توربولانس أ: مقياس طول ا : مقياس طول تعادلي l نمدل $k - \epsilon$ غيرخطی پيشنهادی توسط NLEVM1 کرفت و همکاران [۹] ن مدل $k-\epsilon$ غير خطى پيشنهادى توسط NLEVM2 کرفت و همکاران [۲] $hH/\kappa \equiv :$ عدد نوسلت Nu NYP : جمله جدید اصلاح مقیاس طول P_k : نرخ توليد انرژی جنبشی توربولانس $\mu c_n / \kappa \equiv \mu c_n : Pr$ عدد يرانتل Pr q_w: شار حرارتی دیوارہ $k^{2}/v\epsilon,k^{2}/v\widetilde{\epsilon} \equiv R_{t},\widetilde{R}_{t}$: اعداد رینولدز اغتشاش : R_{t}, R_{t} $U_{\rm h}H/\nu \equiv :$ عدد رينولد; Re : ثابت کرنش $\widetilde{\mathbf{S}}$ S_{ii}: تانسور کرنش متوسط ______. : سانسور تنش رينولدز u_iu u_iθ: شار حرارتی مغشوش سرعت توده جريان: U_h (W, V, U) مولفه های سرعت کارتزین (U_i, i = 1, 2, 3 W : عرض ريب

W : عرض کانال	: لزجت گردابهای $\mu_{ m t}$
(X, Y, Z) یا (x, y, z) مختصات کارتزین (x, y, z) یا	v: لزجت سینماتیک
y : فاصله از مرز جامد	v _t : لزجت گردابهای سینماتیک
دلتای کرونکر δ	ρ: چگالی
s: نرخ اتلاف k	ا عداد پرانتل اغتشاش برای $\sigma_k, \sigma_{\epsilon}, \sigma_{\theta}$
: نرخ اتلاف همسان $\widetilde{\mathbf{c}}$: ثابت چرخش $\widetilde{\Omega}$
: دمای متوسط Θ	: تانسور چرخش متوسط $\Omega_{ m ij}$
K: ضریب هدایت حرارتی	
μ: لزجت ملکولی	

مراجع

- Launder, B. E. and Sharma, B. I. (1974). "Application of the energy dissipation model of turbulence to the calculation of flow near a spinning disc." *Letters in Heat Mass Transfer*, Vol. 1, PP. 131-138.
- 2 Craft, T. J., Iacovides, H. and Yoon, J. H. (1999). "Progress in the use of non-linear two-equation models in the computation of convective heat transfer in impinging and separated flows." *Flow, Turbulence and Combustion*, Vol. 63, PP. 59-80.
- 3 Han, J. C. (1988). "Heat transfer and friction characteristics in rectangular channels with rib turbulators." ASME Journal of Heat Transfer, Vol. 110, PP. 321-328.
- 4 Archarya, S., Dutta, S., Myrum, T. A. and Baker, R. S. (1993). "Periodically developed flow and heat transfer in a ribbed duct." *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 36, PP. 2069-2082.
- 5 Liou, T. M., Hwang, J. J. and Chen, S. H. (1993). "Simulation and measurement of enhanced turbulent heat transfer in a channel with periodic ribs on one principal wall." *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 36, PP. 507-517.
- 6 Chang, B. H., and Mills, A. F. (1993). "Turbulent flow in a channel with transverse rib heat transfer augmentation." *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 36, PP. 1459-1469.
- 7 Raisee, M., Noursadeghi, A. and Iacovides, H. (2004). "Application of non-linear model in prediction of convective heat transfer through ribbed passages." *International Journal of Numerical Methods for Heat & Fluid Flow*, Vol. 14, No. 3, PP. 285-304.
- 8 Iacovides, H. (1997a). "The computation of turbulent flow through stationary and rotating U-bends of with rib-roughened surfaces." Proc. 11th Int. Conf. on Lam. and Turb. Flows, Swansea, U.K.
- 9 Raisee, M. (1999). Computation of Flow and Heat Transfer through Two- and Three-Dimensional Rib-Roughened Passages, PhD thesis, Department of Mechanical Engineering, UMIST.
- 10- Sewall, E. A. and Tafti, D. K. (2004). Large Eddy Simulation of the Developing Region of a Rotating Ribbed Internal Turbine Blade Cooling Channel, Paper GT2004–53833, ASME Turbo Expo, Vienna, Austria.
- 11 Saha, A. K. and Acharya, S. (2005). "Flow and heat transfer in an internally ribbed duct with rotation: an assessment of large eddy simulations and unsteady Reynolds averaged Navier-stokes simulations." ASME Journal of Turbomachinery, Vol. 127, PP. 306.
- 12 Ahn, J., Choi, H. and Lee, J. S. (2005). "Large eddy simulation of flow and heat transfer in a channel roughened by square or semi-circular ribs." ASME Journal of Turbomachinery, Vol. 127, PP. 263.

- 13 Iacovides, H. and Launder, B. E. (2007). "Internal blade cooling: the cinderella of C&EFD research in gas turbines." Review Paper, Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part A, *Journal of Power* and Energy, To Appear.
- 14 Craft, T. J., Launder, B. E. and Suga, K. (1996). "Development and application of a cubic eddy viscosity model of turbulence." *International Journal of Heat and Fluid Flow*, Vol. 17, PP. 108-115.
- 15 Cooper, D. (1997). Computation of Momentum and Heat Transfer in a Separated Flow Using Low-Reynolds umber Linear and Non-Linear k-l Models, MRes Dissertation, Department of Mechanical Engineering, UMIST.
- 16 Iacovides, H. and Raisee, M. (1999). "Recent progress in the computation of flow and heat transfer in internal cooling passages of turbine blade." *International Journal of Heat and Fluid Flow*, Vol. 20, PP. 320-328.
- 17 Jones, W. P. and Launder, B. E. (1972). "The prediction of laminarization with a two equation model of turbulence." *International Journal of Heat and Mass Transfer*, Vol. 15, PP. 301-14.
- 18 Suga., K. (1995). Development and Application of a Non-linear Eddy Viscosity Model Sensitized to Stress and Strain Invariants, PhD Thesis, Faculty of Technology, University of Manchester.
- 19 Craft, T. J., Launder, B. E. and Suga, K. (1993). "Models through the use of deformation invariants and non-linear elements." Proc. Of IAHR, 5th Int. Symp. On Refined Flow Modeling and Turbulence Measurements, Paris, PP. 125-132.
- 20 Yap, C. R. (1987). Turbulent Heat and Momentum Transfer in Recirculating and Impinging Flows, PhD thesis, Faculty of Technology, University of Manchester.
- 21 Hanjalic, K. (1996). "Some resolved and unresolved issues in modeling non-equilibrium and unsteady turbulent flows." *Proc. 3rd Int. Symp. On engineering Turbulence Modeling and Experiments*, Crete, Greece, PP. 3-18.
- 22 Rhie, C. M. and Chow, W. L. (1983). "Numerical study of the turbulent flow past an airfoil with trailing edge separation." *AIAA Journal*, Vol. 21, PP. 1525-1532.
- 23 Baughn, J. W. and Roby, J. L. (1992). "Enhanced turbulent heat transfer in circular ducts with transverse ribs." *ASME 28th National Heat Transfer Conference*, Vol. 202, HTD, San Diego, CA.
- 24 Iacovides, H., Jackson, D. C., Kelemenis, G., Launder, B.E. and Yuan, Y.M. (1998). "Recent progress in the experimental investigation of flow and local wall heat transfer in internal cooling passages of gas-turbine blades." *Proceedings of 2nd International Conference on Turbulent Heat Transfer*, Manchester, UK, Vol. 2, 7.14-7.28.

واژه های انگلیسی به ترتیب استفاده در متن

1 - Leading edge

- 4 Pin-fin
- 3 Trailing edge
- 5 Differential Second Moment

6 - Pressure-Velocity coupling algorithm

2 - Jet impingement