

# بررسی آزمایشگاهی ابعاد حفره آبشنستگی پایین دست کالورت لوله ای

**جواد نجفی**

فارغ التحصیل کارشناسی ارشد مهندسی آب- دانشکده فنی - دانشگاه تربیت مدرس

**مسعود قدسیان**

دانشیار هیدرولیک بخش عمران- دانشکده فنی - دانشگاه تربیت مدرس

(تاریخ دریافت ۱۴/۰۴/۸۲ ، تاریخ دریافت روایت اصلاح شده ۱۵/۱۰/۸۲ ، تاریخ تصویب ۲۳/۱۲/۸۲)

## چکیده

پدیده آبشنستگی یک جریان دو فازی می باشد که به روش نظری کمتر مورد بررسی قرار گرفته است و عموماً از مطالعات صحرایی یا آزمایشگاهی برای شرایط خاص استفاده شده است. این تحقیق بر اساس نتایج آزمایشگاهی آبشنستگی پایین دست کالورت لوله ای می باشد. ابعاد حفره آبشنستگی ایجاد شده تابع پارامترهای متعددی نظیر دبی، ارتفاع ریزش جریان، عمق پایاب، قطر کالورت، قطر مصالح و ... می باشد. در این تحقیق به بررسی تغییرات ابعاد حفره آبشنستگی و تغییرات ابعاد برآمدگی رسوبات ناشی از حفره آبشنستگی در پایین دست آن، در اثر تغییرات پارامترهای سرعت جریان، قطر کالورت، ارتفاع ریزش و عمق پایاب پرداخته شده است. بر اساس مشاهدات آزمایشگاهی عمق و عرض حفره آبشنستگی و ارتفاع برآمدگی رسوبات با افزایش قطر کالورت افزایش می یابد ولی طول حفره آبشنستگی کاهش می یابد. با افزایش عمق پایاب، عمق و عرض حفره آبشنستگی کاهش می یابد ولی طول حفره و ارتفاع برآمدگی رسوبات افزایش می یابد. علاوه بر این با افزایش ارتفاع ریزش، عمق و عرض حفره آبشنستگی و ارتفاع برآمدگی رسوبات افزایش می یابد ولی طول حفره کاهش می یابد. با تحلیل نتایج آزمایشگاهی نسبت بی بعد هر یک از ابعاد حفره آبشنستگی و برآمدگی ناشی از آن به ارتفاع ریزش جریان به صورت تابعی از نسبت عمق پایاب به قطر لوله Tw/D ، عدد فرود ذرات SN و نسبت ارتفاع ریزش به قطر لوله Hc/D بدست آمده است.

**واژه های کلیدی:** کالورت، آبشنستگی، ارتفاع ریزش، عمق پایاب، عدد فرود ذرات

## مقدمه

قبيل روش نظری، روش تحلیل ابعادی و مشاهدات صحرایی استفاده کرده اند که به دلیل پیچیدگی شرایط حاکم بر این پدیده روش تحلیل ابعادی به همراه مدل فیزیکی و یا مشاهدات صحرایی می تواند مناسبترین روش مطالعه این پدیده باشد.

مشاهدات آزمایشگاهی نشان می دهد که در اثر برخورد جریان به سطح پایاب، در لایه مرزی که در اطراف جت ریزشی تشکیل می گردد به تدریج الگوی خطوط جریان تغییر میکند و جریان آشفته می گردد. به دلیل آشفتگی جریان یکسری گردابه Eddy در محدوده بستر آبرفتی و پایین دست کالورت تشکیل می شود که این گردابها در کندن، معلق کردن و انتقال رسوبات نقش بارزی دارند. با گذشت زمان، به علت مستهلک شدن انرژی سیال، از شدت گردابها و تنفس برشی موثر بر ذرات در کف بستر و در حفره آبشنستگی کاسته می شود و در نهایت پروفیل

کالورتها یا آبروها مجاری انتقال آب هستند که به منظور هدایت آب یک کanal یا سیلان از یک طرف جاده، بزرگراه یا راه آهن به طرف دیگر مورد استفاده قرار می گیرند. همچنین نوعی از این سازه در تخلیه کننده سدها نیز کاربرد دارد.

بستر طبیعی کanal در اثر عبور جریان آب دستخوش فرسایش می شود، به فرسایش موضعی که در اثر جریان ایجاد می گردد آبشنستگی گفته می شود. در این مقاله منظور از آبشنستگی، فرسایشی است که در پایین دست جریان خروجی از کالورت لوله ای و در بستر آبرفتی کanal رخ می دهد. جریان در محل وقوع آبشنستگی یک فرآیند دو فازی (آب و رسوب) می باشد بنابراین آبشنستگی متأثر از متغیرهای متعددی از قبیل پارامترهای جریان، مشخصات بستر آبرفتی، زمان و هندسه آبراهه می باشد. محققین برای مطالعه این پدیده از روشهای مختلفی از

Mazurek (۲۰۰۲) نیز به بررسی پدیده آبشتگی ناشی

از جتهای ریزشی پرداختند.

مطالعات انجام شده نشان می دهد که در اکثر کارهای انجام شده تأثیر ارتفاع ریزش جت آب و عمق پایاب و در نتیجه تأثیر متقابل این دو پارامتر به طور کامل در نظر گرفته نشده است. عمق پایاب در بیشتر کارهای انجام شده قبلی برابر عمق طبیعی جریان در پایین دست کالورت بوده است. همچنین توجه کمتری به ابعاد و هندسه حفره آبشتگی، ابعاد و هندسه برآمدگی ایجاد شده در پایین دست حفره شده است. در این مقاله به بررسی آزمایشگاهی تأثیر پارامترهای نظیر ارتفاع ریزش جریان، عمق پایاب و عدد فرود ذرات بر روی ابعاد حفره آبشتگی و برآمدگی ناشی از ذرات ته نشین شده در پایین دست حفره پرداخته شده است.

## عوامل موثر بر آبشتگی

به طور کلی می توان عوامل موثر بر آبشتگی را به چهار دسته به صورت زیر تقسیم بندی کرد:

### ۱- پارامترهای مشخصه جریان

پارامترهای جریان که در آبشتگی موثر می باشند عبارتند از جرم مخصوص سیال ( $\rho$ )، لزجت سیال ( $\mu$ )، شتاب نقل (g)، سرعت جریان (V)، ارتفاع ریزش جت آب از وسط مقطع کالورت (Hc) و عمق پایاب (Tw).

### ۲- پارامترهای مشخصه ذرات بستر

پارامترهای ذرات رسوبی عبارتند از قطر مشخصه ذرات ( $d_{50}$ )، جرم مخصوص ذرات رسوبی ( $\rho_s$ )، انحراف معیار قطر ذرات ( $\sigma_g$ ) و زاویه ایستایی ذرات ( $\Phi$ ).

### ۳- پارامترهای هندسه کالورت

پدیده آبشتگی به دلیل موضعی بودنش وابستگی شدیدی به شکل کالورت و پارامترهای هندسی آن دارد. بنابراین پارامترهای هندسی کالورت را می توان در شبکه کالورت (S)، زبری بدنه کالورت (n)، قطر کالورت (D) و طول کالورت (L) خلاصه نمود.

### ۴- زمان (t)

آبشتگی در ابتدا شدت بیشتری دارد و با گذشت زمان از شدت آن کاسته می شود. در مراحل اولیه آبشتگی، به دلیل برخورد جت ریزشی با سطح بستر و تشکیل گردابها

بستر تقریبا به حالت پایدار می رسد.

اگرچه تاکنون تحقیقات زیادی به منظور تخمین ابعاد حفره آبشتگی صورت گرفته و روابط متعددی برای این منظور ارائه گردیده است ولی پیچیدگی مسئله و دلالت عوامل مختلف در پدیده سبب شده است که تحقیقات در این زمینه هنوز ادامه داشته باشد.

Ruff و همکارانش (۱۹۸۲)، Abt و همکارانش (۱۹۸۴) تحقیقاتی به منظور برآورد ابعاد حفره آبشتگی انجام دادند. نتایج ایشان نشان داد که عدد فرود پایین دست کالورت عامل موثری می باشد.

Abt و همکارانش (۱۹۸۷) بررسی آزمایشگاهی روی تأثیر شکل کالورت بر روی ابعاد حفره آبشتگی انجام و نسبتها بی بعد ابعاد حفره را به شدت جریان  $Q$  ارتباط دادند. در این رابطه  $D.I^*=Q/A(g.R_H)^{0.5}$  دبی عبوری از کالورت، A سطح مقطع کالورت،  $R_H$  شاعع هیدرولیکی جریان و g شتاب ثقل زمین است.

Anderson و Blaisdell (۱۹۸۸) تأثیر ارتفاع ریزش جریان روی ابعاد حفره آبشتگی در یک لوله کنسولی را مورد بررسی قرار دادند.

Abt و Doehring (۱۹۹۴) تأثیر ارتفاع ریزش جریان روی ابعاد حفره آبشتگی را مورد تحقیق قرار دادند و ضرایب اصلاحی جهت برآورد ابعاد حفره ارائه دادند.

Ojha (۱۹۹۹) با آنالیز ابعادی و در نظر گرفتن داده های Abt و Doehring (۱۹۹۴) ابعاد حفره آبشتگی را به ارتفاع ریزش و عدد فرود ذرات SN ارتباط داد.

قدسیان (۲۰۰۲) با آنالیز ابعادی و در نظر گرفتن داده های Doehring و Abt (۱۹۹۴) روابط بی بعدی برای پارامترهای حفره آبشتگی، که تابعی از ارتفاع ریزش و پارامتر شدت جریان بود، بدست آورد.

Doddiah و همکاران (۱۹۵۳)، Rajaratnam (۱۹۷۳)، Kobus و Westrichand

Rajaratnam (۱۹۸۲)، Aderibigde (۱۹۸۲)

Lim (۱۹۷۷)، Berry و Rajaratnam (۱۹۹۶)

Lim و Chiew (۱۹۹۵)، Lim (۱۹۹۲)، Chin (۱۹۹۲)

و Rajaratnam (۱۹۹۸)، Ade (۱۹۹۶)

Ghodsian و همکاران (۱۹۷۱)، Rabinson (۱۹۹۸)

Rajaratnam (۱۹۹۱)، Raudkivi و Breusers (۱۹۹۱)

با ترکیب  $\frac{\phi}{Hc}$  با  $\frac{Hc}{D}$  رابطه  $\frac{\phi}{Hc}$  بدست می‌آید.  
با ترکیب  $\frac{\rho_s - \rho}{\rho}$  و  $\frac{V}{\sqrt{g.D}}$  با  $\frac{d_{50}}{D}$  به رابطه زیر  
می‌رسیم:

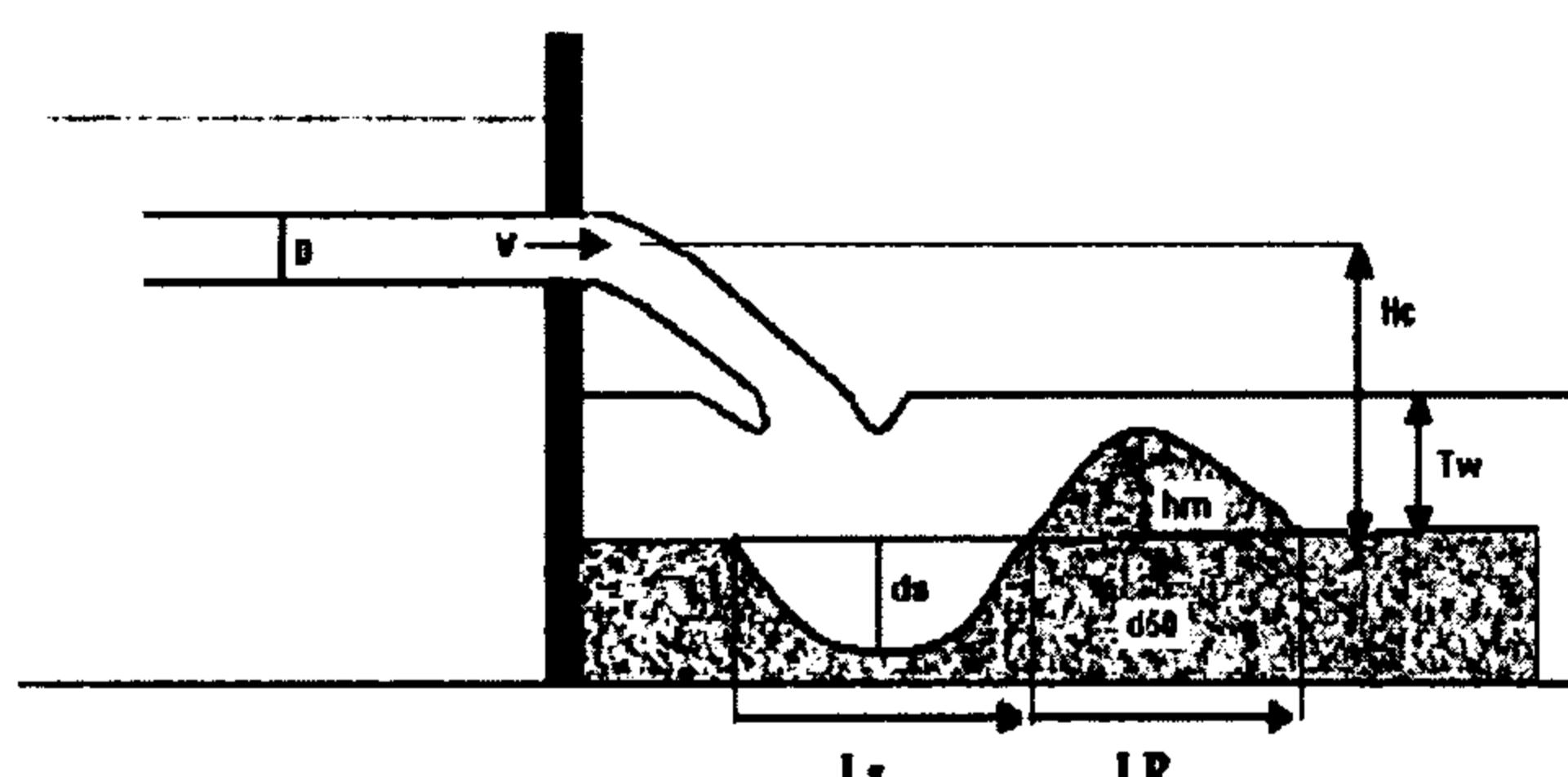
$$SN = \frac{V}{\sqrt{d_{50} \cdot g \cdot (\frac{\rho_s - \rho}{\rho})}} \quad (4)$$

که در آن:  $SN$  عدد فرود ذرات در خروجی کالورت یا عدد پایداری می‌باشد.

با ترکیب رابطه فوق با  $\frac{Hc}{D}$  و پس از ساده سازی، می‌توان رابطه (۳) را به صورت زیر نوشت:

$$\frac{\phi}{Hc} = f\left(\frac{Tw}{D}, \frac{SN.D}{Hc}\right) \quad (5)$$

که در آن  $\phi$  معرف عمق حداکثر آبستگی  $ds$ ، عرض حفره آبستگی  $Ws$ ، طول حفره آبستگی  $Ls$  ارتفاع رسوبات ته نشین شده در پایین دست حفره  $hm$  یا طول رسوبات ته نشین شده در پایین دست حفره آبستگی  $LR$ ، که در شکل (۱) نشان داده شده اند، می‌باشد. با توجه به اینکه در این تحقیق هدف بررسی مقادیر حداکثر ابعاد حفره آبستگی بوده است لذا از بررسی تغییرات زمانی آبستگی صرف نظر شده است.



شکل ۱: پارامترهای حفره آبستگی.

### آزمایشها

آزمایشها در فلومی شبیه پذیر به طول ۱۳ متر، عرض ۶۰ سانتی‌متر و ارتفاع ۶۰ سانتی‌متر انجام شد. اندازه گیری دبی جریان به صورت حجمی انجام گرفت. کالورتها از جنس PVC ساخته شده و در فاصله ۶ متری

در مجاورت بستر، فرسایش از شدت بیشتری برخوردار است ولی با گذشت زمان با کاهش شدت گردابها آبستگی نیز کاهش می‌یابد و در داز مدت می‌توان گفت که بستر به طور نسبی به حالت تعادل می‌رسد. در این حالت تغییرات قابل توجهی در تراز بستر مشاهده نمی‌شود.

### تحلیل ابعادی آبستگی

اگر  $\phi$  نشان دهنده حداکثر ابعاد حفره آبستگی و یا ابعاد برآمدگی رسوبات پایین دست حفره باشد می‌توان گفت که پارامترهای موثر در آبستگی به صورت تابع زیر می‌باشد:

$$\phi = f(D, Tw, S, L, Hc, n, V, \rho, \rho_s, g, \log d_{50}, \mu, \Phi) \quad (1)$$

با توجه به اینکه بررسی تک تک متغیرها با توجه به محدودیتهای موجود امکان پذیر نیست لذا از یکسری متغیرها که نقش خیلی مهمی در مسئله ندارند صرف نظر کرده و با در نظر گرفتن متغیرهای اصلی و تأثیر گذار با استفاده از آنالیز ابعادی، پارامترهای بی بعد بدست می‌آید. انحراف معیار قطر ذرات رسوبی، زاویه ایستایی و عامل شکل ذرات رسوبی، در صورتی که از یک نوع مواد رسوبی با دانه بندی تقریباً یکنواخت استفاده شود، را می‌توان ثابت فرض کرد. همچنین اگر شبکه کالورت، جنس کالورت و طول کالورت ثابت باشند می‌توان آنها را هم ثابت در نظر گرفت. علاوه بر این از اثر لزجت سینماتیکی به علت آشفته بودن جریان در همه آزمایشات صرف نظر گردیده است.

لذا با توجه به مطالب فوق رابطه (۱) را می‌توان به شکل زیر بیان کرد:

$$\phi = f(V, D, Tw, Hc, d_{50}, g, \rho, \rho_s) \quad (2)$$

با استفاده از آنالیز ابعادی به روش  $\Pi$  باکینگهام می‌توان رابطه (۲) را بر حسب عوامل بی بعد به قرار زیر بیان نمود:

$$\frac{\phi}{D} = f\left(\frac{Hc}{D}, \frac{Tw}{D}, \frac{d_{50}}{D}, \frac{\rho_s - \rho}{\rho}, \frac{V}{\sqrt{g.D}}\right) \quad (3)$$

ناشی از آن به صورت شبکه مستطیلی  $5 \times 3$  سانتی متر به صورت نقطه‌ای برداشت می‌شد. محدوده داده‌های برداشت شده در جدول (۱) ارائه شده است.

### نتایج

برخورد جت آب به بستر سبب افزایش تنش

برشی در مجاورت بستر شده و در نتیجه ذرات رسوب از سطح بستر جدا و به صورت بار بستر و بار معلق جابجا می‌شوند. در لحظات اولیه آزمایش، خصوصاً برای حالتی که عمق پایاب کم باشد، جت ریزشی تا مجاورت بستر آبرفتی در پایاب نفوذ کرده و باعث ایجاد گردابهایی می‌شود که در خلل و فرج بستر نفوذ کرده و سبب جدا شدن ذرات می‌گردد.

با گذشت زمان و به دلیل استهلاک بخشی از انرژی جریان و افزایش عمق موضعی جریان، شدت فرسایش کاهش می‌یابد به طوری که ذرات رسوبی به صورت بار بستر و بار معلق به پایین دست حمل و در فاصله اندکی از محل برخورد جت ته نشین می‌شود. در نتیجه تپه‌ای ماسه ای در پایین دست حفره آبشنستگی تشکیل می‌شود. ارتفاع این تپه‌ای ماسه ای تابعی از عمق پایاب می‌باشد به طوری که با کاهش عمق پایاب ارتفاع آن کاهش می‌یابد. مشاهدات انجام شده نشان می‌دهد که با تغییر قطر کالورت برای یک ارتفاع ریزش و عمق پایاب ثابت ابعاد حفره دستخوش تغییر می‌گردد و با تغییر ارتفاع ریزش و عمق پایاب هم، ابعاد حفره تغییر پیدا می‌کند در ادامه به بررسی تک تک ابعاد حفره آبشنستگی پرداخته شده است و سپس معادلات بدست آمده برای هر کدام ارائه می‌شود.

از ابتدای فلوم، به صورت افقی بر روی صفحه ای چوبی، نصب گردید. چهار قطر کالورت  $2/2$ ،  $2/8$ ،  $3/6$  و  $4/6$  سانتی‌متر استفاده شد. رسوبات به کار رفته از جنس ماسه شسته شده به قطر میانگین  $1/4$  میلی‌متر، با چگالی ذرات

$$\sigma_g = \sqrt{\frac{d_{84}}{d_{16}}} Gs = 2.63 \frac{gr}{cm^3} \text{ و انحراف معيار } 1.3$$

بود. در اینجا  $d_{84}$  و  $d_{16}$  به ترتیب قطر ذراتی است که  $84$  و  $16$  درصد ذرات از آن ریزتر است. رسوبات در کف فلوم و در پایین دست کالورت به ضخامت  $20$  سانتی‌متر پنهن شد. برای اندازه گیری عمق جریان در پایین دست کالورت و برداشت توپوگرافی بستر از دستگاه عمق سنج دیجیتالی با دقت  $\pm 0.1mm$  استفاده شد. برای تنظیم عمق پایاب از دریچه تعییه شده در انتهای فلوم استفاده شد.

بعد از نصب هر کالورت با قطر ثابت و ارتفاع ریزش ثابت، جریان به آرامی وارد فلوم می‌شد و عمق پایاب توسط دریچه انتهای فلوم تنظیم می‌گردد. پس از مدت زمانی که جریان حالت پایدار و ثابت پیدا می‌کرد آزمایش شروع می‌شد. مدت زمان هر آزمایش حدود  $22$  ساعت بود.

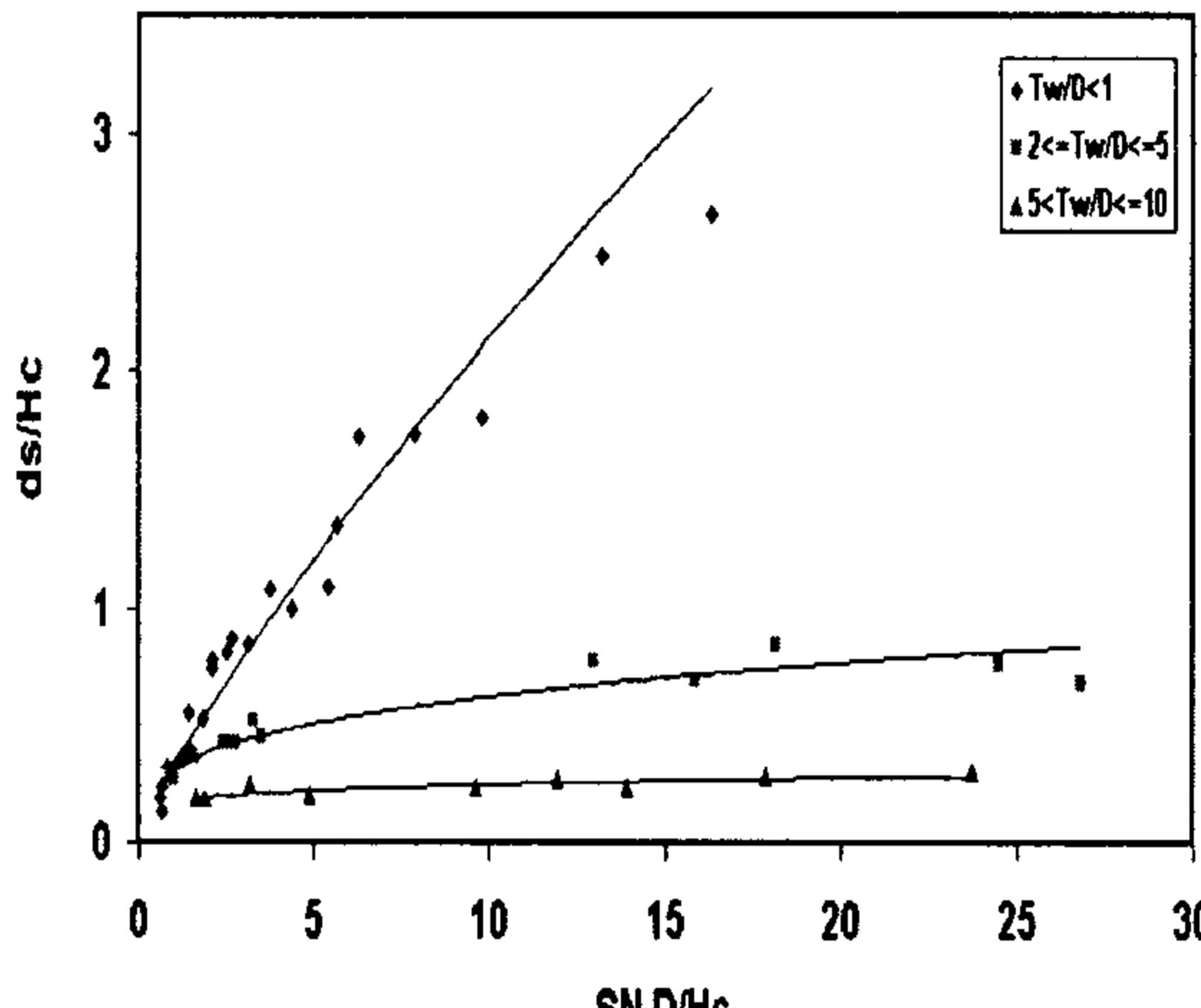
با توجه به آنالیز ابعادی که انجام شد و پارامترهای بدون بعدی که بدست آمد متغیرهای مربوطه در هر آزمایش اندازه گیری می‌شد. اولین پارامتر، مربوط به دبی جریان  $Q$  و یا سرعت جت خروجی از کالورت  $V$  بود. بقیه متغیرها که باید اندازه گیری می‌شد شامل ابعاد حفره آبشنستگی مثل عمق، عرض، طول و نقطه شروع حفره آبشنستگی و همچنین ابعاد برآمدگی پایین دست حفره آبشنستگی مثل ارتفاع برآمدگی، طول برآمدگی و عرض برآمدگی رسوبات می‌شد.

بعد از اتمام هر آزمایش و بعد از اینکه جریان آب کاملاً از بستر زهکشی می‌شد پروفیل حفره آبشنستگی و برآمدگی

جدول ۱: محدوده داده‌های برداشت شده.

طول برآمدگی رسوبات LR (cm)	عرض برآمدگی رسوبات WR (cm)	ارتفاع برآمدگی رسوبات hm (mm)	طول حفره آبشنستگی LS (cm)	عرض حفره آبشنستگی Ws (cm)	عمق آبشنستگی ds (cm)	سرعت جت خروجی V (m/s)
۱۳-۶۰	۳۰-۵۵	۱۰-۸۵	۲۲/۵-۷۶	۱۹-۳۹	۵۶-۱۲۰	۱۵۵-۱/۷۷

$$\frac{ds}{Hc} = a \left( \frac{T_w}{D} \right)^b \left( \frac{SN.D}{Hc} \right)^c \quad (9)$$



شکل ۲: تغییرات  $ds/Hc$  بر حسب  $SN.D/Hc$  و  $T_w/D$ .

که در آن  $a$ ,  $b$  و  $c$  مقادیر تجربی است و ممکن است تابعی از  $\frac{T_w}{D}$  باشد.

برای بدست آوردن ضرایب معادله (۹) از مقدار خطای بین مقادیر مشاهداتی و محاسباتی  $E$  استفاده شد. بدین صورت که بهترین مقادیر ضرایب زمانی است که مقدار  $E$  که به صورت زیر تعریف می‌شود، حداقل باشد:

$$E = \frac{N}{100} \sum_{i=1}^N \left| \frac{Y_o - Y_c}{Y_o} \right| \quad (10)$$

در این رابطه  $E$ : خطای بین مقادیر مشاهداتی و محاسباتی،  $Y_o$ : مقدار مشاهداتی پارامتر مورد نظر،  $Y_c$ : مقدار محاسباتی پارامتر مورد نظر و  $N$ : تعداد کل داده ها است.

با استفاده از داده های آزمایشگاهی ضرایب تجربی معادله (۹) بدست آمده است. بهترین معادله که برای برآورد عمق حفره آبشتستگی با توجه به کمترین مقدار خطای مقادیر مشاهداتی و محاسباتی  $E$  بدست آمد به صورت زیر می‌باشد.

$$\frac{ds}{Hc} = 0.271 \left( \frac{T_w}{D} \right)^{-0.226} \left( \frac{SN.D}{Hc} \right)^{0.605 \left( \frac{T_w}{D} \right)^{-0.48}} \quad (11)$$

## حداکثر عمق آبشتستگی

حداکثر عمق حفره آبشتستگی  $ds$ , فاصله عمودی از سطح اولیه بستر تا عمیق‌ترین نقطه از پروفیل حفره آبشتستگی می‌باشد. برای اینکه بدانیم چه عمقی از بستر پایین دست کالورت را مورد محافظت قرار دهیم نیاز به برآورد عمق آبشتستگی داریم.

با توجه به آنالیز ابعادی که صورت گرفت، پارامترهای بی بعد معادله (۵) بدست آمد. در آزمایشات صورت گرفته نسبت  $T_w/D$  به سه محدوده تقسیم بندی شد. شکل (۲) تغییرات عمق آبشتستگی نسبی  $ds/Hc$  را بر حسب  $SN.D/Hc$  برای مقادیر مختلف  $T_w/D$  نشان می‌دهد. در این شکل از داده‌های Abt و Doehring (۱۹۹۴) استفاده شده است. نجفی (۱۳۸۱) نشان داد که همخوانی خوبی بین داده‌های حاضر و داده‌های Abt و Doehring (۱۹۹۴) وجود دارد. روشن است که افزایش عدد فرود ذرات، افزایش عمق آبشتستگی خصوصاً در مقادیر کمتر پارامتر  $T_w/D$  را به همراه دارد.

شکل (۲) نشان می‌دهد که عمق پایاب تاثیر قابل توجهی بر روی عمق آبشتستگی دارد. همچنین روشن است که افزایش  $T_w$ ، کاهش عمق آبشتستگی را برای مقادیر مشخص  $D$  و  $Hc$  به همراه دارد. با توجه به شکل (۲) بهترین روابطی که برای هر یک از نسبتها بدست آمد به صورت زیر می‌باشد:

$$\frac{ds}{Hc} = 0.328 \left( \frac{SN.D}{Hc} \right)^{0.804} \frac{T_w}{D} < 1 \quad (6)$$

$$\frac{ds}{Hc} = 0.292 \left( \frac{SN.D}{Hc} \right)^{0.327} 2 \leq \frac{T_w}{D} \leq 5 \quad (7)$$

$$\frac{ds}{Hc} = 0.167 \left( \frac{SN.D}{Hc} \right)^{0.181} 5 < \frac{T_w}{D} \leq 10 \quad (8)$$

ضرایب همبستگی روابط فوق به ترتیب برابر  $0/94$ ,  $0/95$  و  $0/925$  می‌باشد. جهت ارائه یک معادله کلی برای نسبتها مختلف  $\frac{T_w}{D}$  شکل عمومی معادله زیر در نظر گرفته شد.

آبشتگی نیز دارد. همچنین روش ابتدا که افزایش  $T_w$  و  $D$  کاهش عرض حفره آبشتگی را برای مقادیر مشخص  $D$  و  $H_c$  به همراه دارد با توجه به شکل (۴) روابط زیر برای نسبت‌های مختلف  $T_w/D$  بدست آمد:

$$\frac{W_s}{H_c} = 1.268 \left( \frac{SND}{H_c} \right)^{1.094} \frac{T_w}{D} < 1 \quad (12)$$

$$\frac{W_s}{H_c} = 1.183 \left( \frac{SND}{H_c} \right)^{0.9} \quad 2 \leq \frac{T_w}{D} \leq 5 \quad (13)$$

$$\frac{W_s}{H_c} = 1.10 \left( \frac{SND}{H_c} \right)^{0.88} \quad 5 < \frac{T_w}{D} \leq 10 \quad (14)$$

ضرایب همبستگی روابط فوق به ترتیب برابر  $0/975$ ،  $0/992$  و  $0/994$  می‌باشد. جهت ارائه یک معادله کلی برای همه نسبت‌های  $\frac{T_w}{D}$ ، شکل عمومی معادله زیر در نظر گرفته شد.

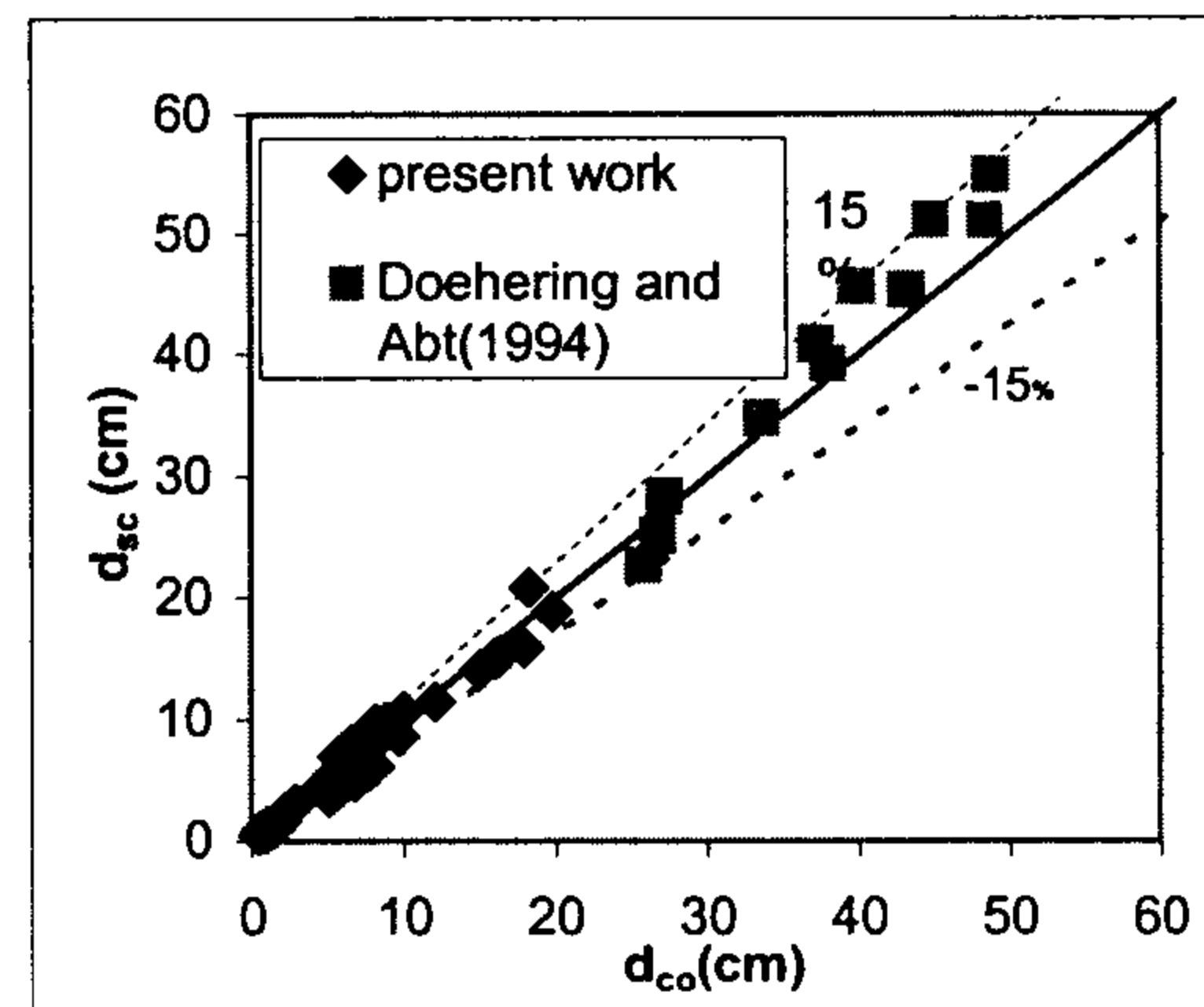
$$\frac{W_s}{H_c} = d \left( \frac{T_w}{D} \right)^e \left( \frac{SND}{H_c} \right)^f \quad (15)$$

که در آن  $d$ ،  $e$  و  $f$  مقادیر تجربی است که ممکن است تابعی از  $\frac{T_w}{D}$  باشد. مطابق با روشی که برای برآورد ضرایب تجربی معادله عمق آبشتگی انجام گرفت معادله کلی زیر برای برآورده عرض حفره آبشتگی، با توجه به کمترین مقدار خطا، بدست آمد:

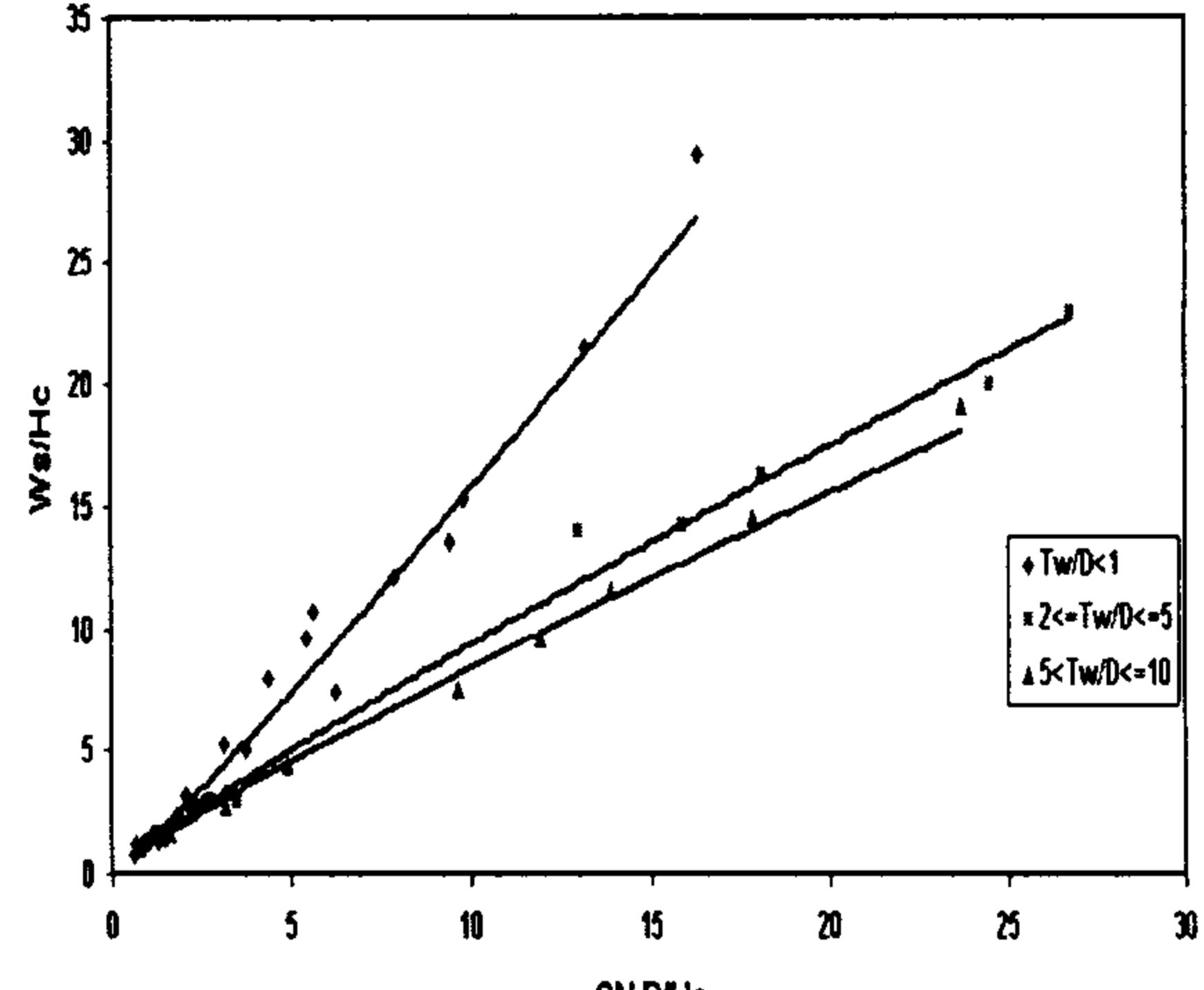
$$\frac{W_s}{H_c} = 1.29 \left( \frac{T_w}{D} \right)^{-0.125} \left( \frac{SND}{H_c} \right)^{0.926} \quad (16)$$

مقدار خطا  $E$  ناشی از معادله بالا  $2/9$  درصد می‌باشد. نجفی (۱۳۸۱) با مقایسه بین مقادیر اندازه گیری شده و محاسبه شده عرض حفره آبشتگی دقت قابل قبول رابطه (۱۶) را نشان داد.

مقدار خطا  $E$  ناشی از معادله بالا  $7/5$  درصد می‌باشد. شکل (۳) مقایسه بین مقادیر اندازه گیری شده  $ds_e$  و محاسبه شده  $ds_c$  عمق آبشتگی را برای داده‌های حاضر و داده‌های Doehring و Abt (۱۹۹۴) نشان می‌دهد. روش ابتدا که اکثر داده‌ها در محدوده  $\pm 15$  درصد خطا قرار می‌گیرد. بدین ترتیب می‌توان انتظار داشت که رابطه (۱۱) دقت قابل قبولی داشته باشد.



شکل ۳: مقایسه بین مقادیر اندازه گیری شده و محاسبه شده عمق آبشتگی.



شکل ۴: تغییرات  $Ws/Hc$  بر حسب  $SN.D/Hc$  و  $Tw/D$ .

## عرض حفره آبشتگی $Ws$

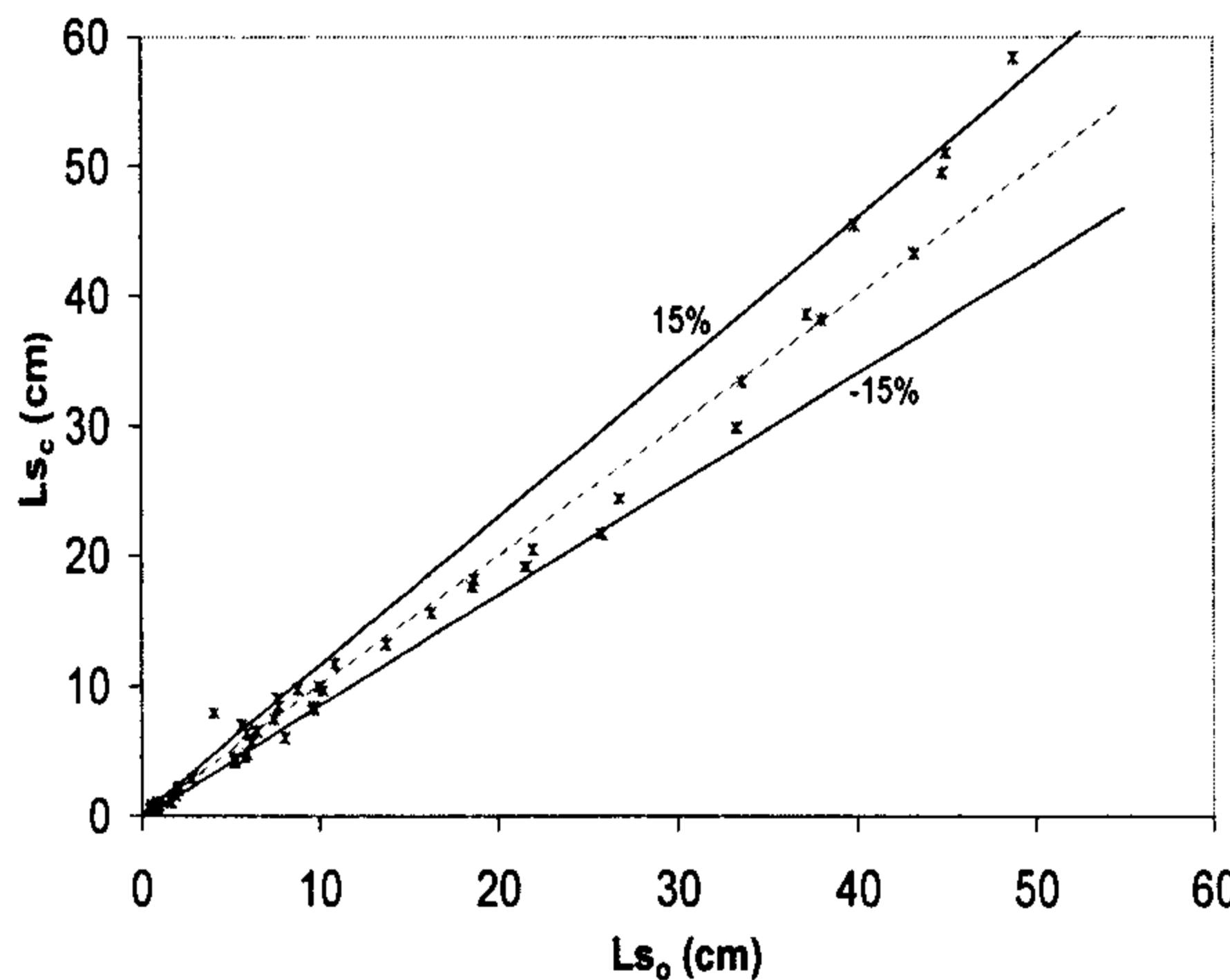
برای اینکه بدانیم چه عرضی از بستر پایین دست کالورت را محافظت کنیم پیش بینی عرض حفره آبشتگی لازم می‌باشد. تغییرات عرض آبشتگی نسبی  $Ws/Hc$  بر حسب  $SN.D/Hc$  برای مقادیر مختلف  $Tw/D$  در شکل (۴) نشان داده شده است. این شکل نشان می‌دهد که عمق پایاب تاثیر قابل توجهی بر روی عرض حفره

$$\frac{L_s}{H_c} = g \left( \frac{T_w}{D} \right)^h \left( \frac{SN.D}{H_c} \right)^i \quad (19)$$

که در آن  $g$ ,  $h$  و  $i$  مقادیر تجربی است که ممکن است تابعی از  $\frac{T_w}{D}$  باشد. با تحلیل داده های آزمایشگاهی معادله کلی زیر برای برآورد طول حفره آبشتستگی، با توجه به کمترین مقدار خطأ، بدست آمد:

$$\frac{L_s}{H_c} = 1.195 \left( \frac{T_w}{D} \right)^{-0.072} \left( \frac{SN.D}{H_c} \right)^{1.081} \quad (20)$$

مقدار خطأ بین مقادیر مشاهداتی و محاسباتی طول حفره آبشتستگی با استفاده از معادله فوق  $1/96$  درصد می باشد.



شکل ۶: مقایسه بین مقادیر اندازه گیری شده و محاسبه شده طول آبشتستگی.

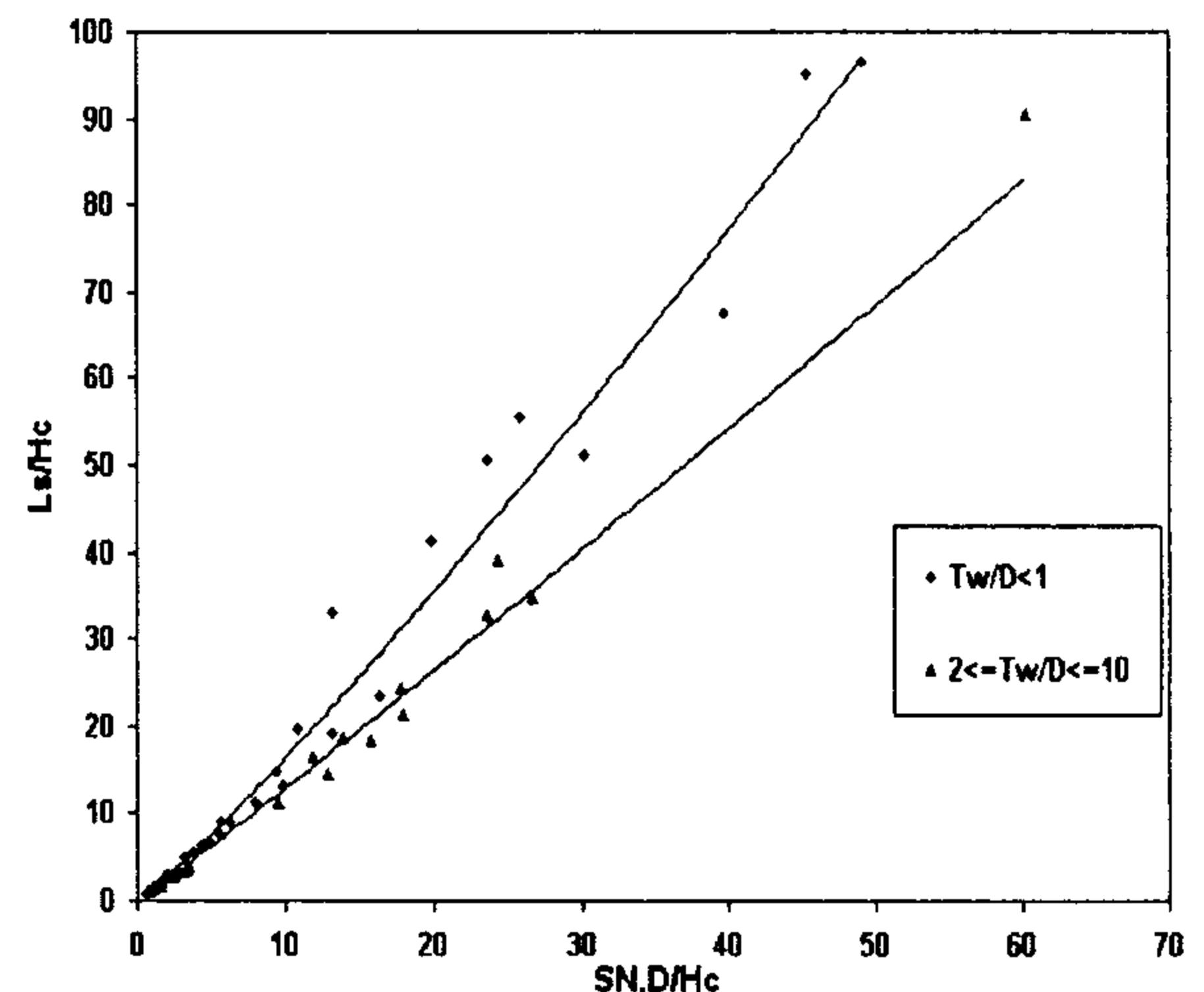
شکل (۶) مقایسه بین مقادیر اندازه گیری شده  $L_{s_0}$  و محاسبه شده  $L_{sc}$  طول حفره آبشتستگی را نشان می دهد. روشن است که اکثر داده ها در محدوده  $15 \pm$  درصد خطأ قرار می گیرد. بدین ترتیب می توان انتظار داشت که رابطه (۲۰) دقت قابل قبولی داشته باشد.

### ارتفاع برآمدگی رسوبات پایین دست حفره آبشتستگی $hm$

ذرات جدا شده از بستر در اثر جت برخورده به آن از محل حفره جایه جا شده و به پایین دست حفره حرکت می کنند و پس از کاهش انرژی جنبشی خود، ته

### طول حفره آبشتستگی $LS$

فاصله افقی از ابتدا تا انتهای حفره آبشتستگی را طول حفره آبشتستگی گویند. برای محافظت بستر پایین دست کالورت نیاز است که حداقل طول حفره آبشتستگی را بدانیم تا بر اساس آن طول سازه محافظ را طراحی کنیم. شکل (۵) تغییرات طول آبشتستگی نسبی  $Ls/Hc$  را بر حسب  $SN.D/Hc$  برای مقادیر مختلف  $Tw/D$  نشان می دهد. روشن است که عمق پایاب بر روی طول حفره آبشتستگی نیز تاثیر دارد. شکل (۵) نشان می دهد که افزایش  $Tw$ ، کاهش طول حفره آبشتستگی را برای مقادیر مشخص  $D$  و  $Hc$  به همراه دارد.



شکل ۵: تغییرات  $Ls/Hc$  بر حسب  $Tw/D$  و  $SN.D/Hc$ .

معادلات زیر با استفاده از داده های آزمایشگاهی برای مقادیر مختلف  $Tw/D$  بدست آمد:

$$\frac{L_s}{H_c} = 1.232 \left( \frac{SN.D}{H_c} \right)^{1.21} \quad \frac{T_w}{D} < 1 \quad (17)$$

$$\frac{L_s}{H_c} = 1.16 \left( \frac{SN.D}{H_c} \right)^{1.042} \quad 2 \leq \frac{T_w}{D} \leq 10 \quad (18)$$

ضرایب همبستگی روابط فوق به ترتیب برابر  $0.99$  و  $0.993$  می باشد. جهت ارائه یک معادله کلی برای همه نسبتها  $\frac{T_w}{D}$  شکل عمومی معادله زیر در نظر گرفته شد.

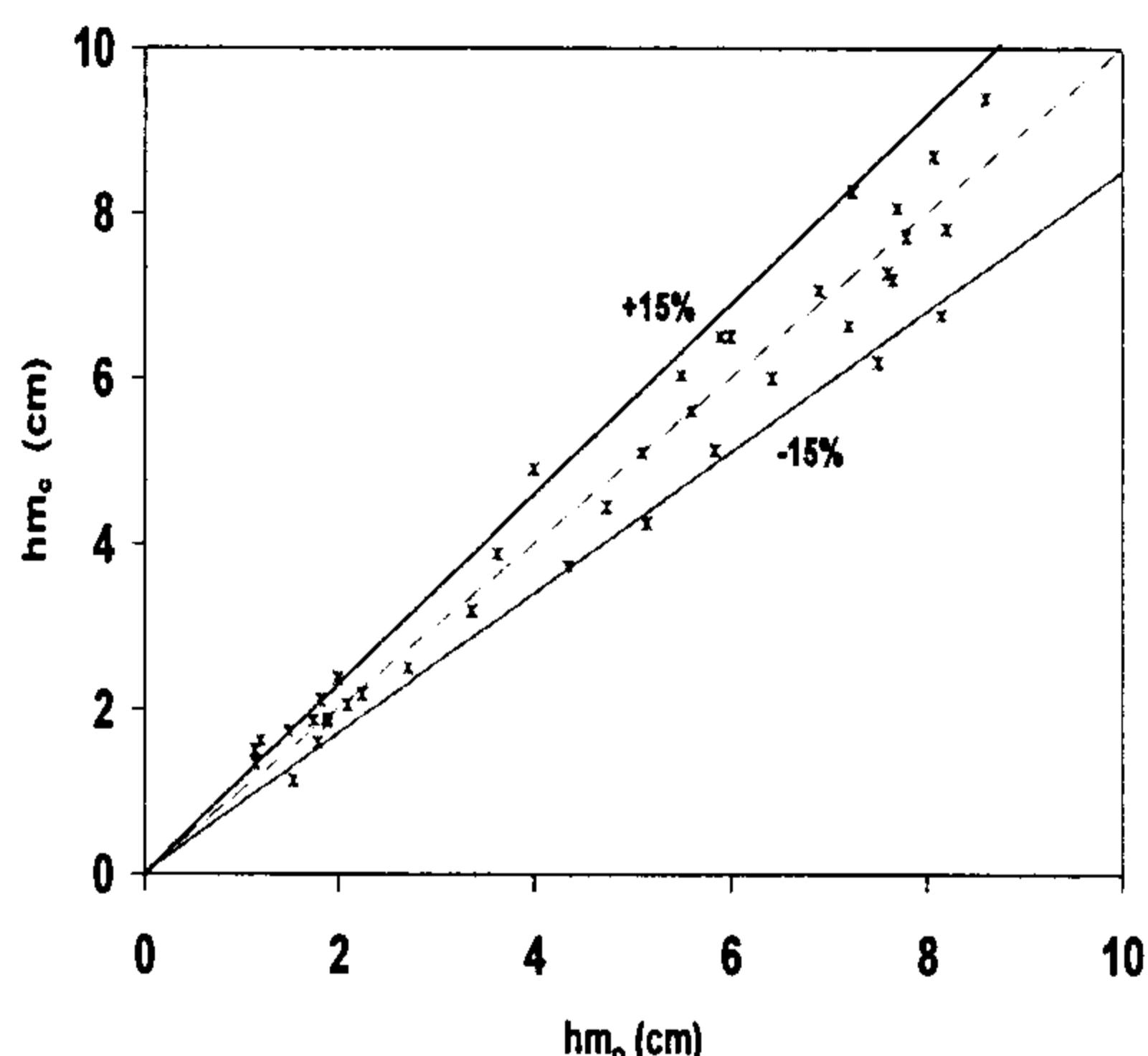
ضرایب همبستگی روابط فوق به ترتیب برابر  $0/971$  و  $0/991$  می باشد. شکل معادله کلی برای همه نسبتهای مختلف  $\frac{Tw}{D}$  به صورت زیر در نظر گرفته شد.

$$\frac{hm}{Hc} = k \left( \frac{Tw}{D} \right)^l \left( \frac{SN.D}{Hc} \right)^m \quad (23)$$

که در آن  $k$  و  $m$  مقادیر تجربی است. با تحلیل داده های آزمایشگاهی معادله کلی زیر برای برآورد ارتفاع برآمدگی رسوبات، با توجه به کمترین مقدار خطأ، بدست آمد:

$$\frac{hm}{Hc} = 0.079 \left( \frac{Tw}{D} \right)^{0.576} \left( \frac{SN.D}{Hc} \right)^{0.97} \quad (24)$$

مقدار خطأ  $E$  ناشی از معادله بالا  $8/75$  درصد می باشد. شکل (۸) مقایسه بین مقادیر اندازه گیری شده  $hm_0$  و محاسبه شده  $hm_c$  ارتفاع برآمدگی رسوبات را نشان می دهد. روشن است که اکثر داده ها در محدوده  $\pm 15\%$  درصد خطأ قرار می گیرد. بدین ترتیب می توان انتظار داشت که رابطه (۲۴) دقت قابل قبولی داشته باشد.



شکل ۸: مقایسه بین مقادیر اندازه گیری شده و محاسبه شده طول آبشستگی.

## طول رسوبات ته نشین شده پایین دست حفره آبشستگی LR

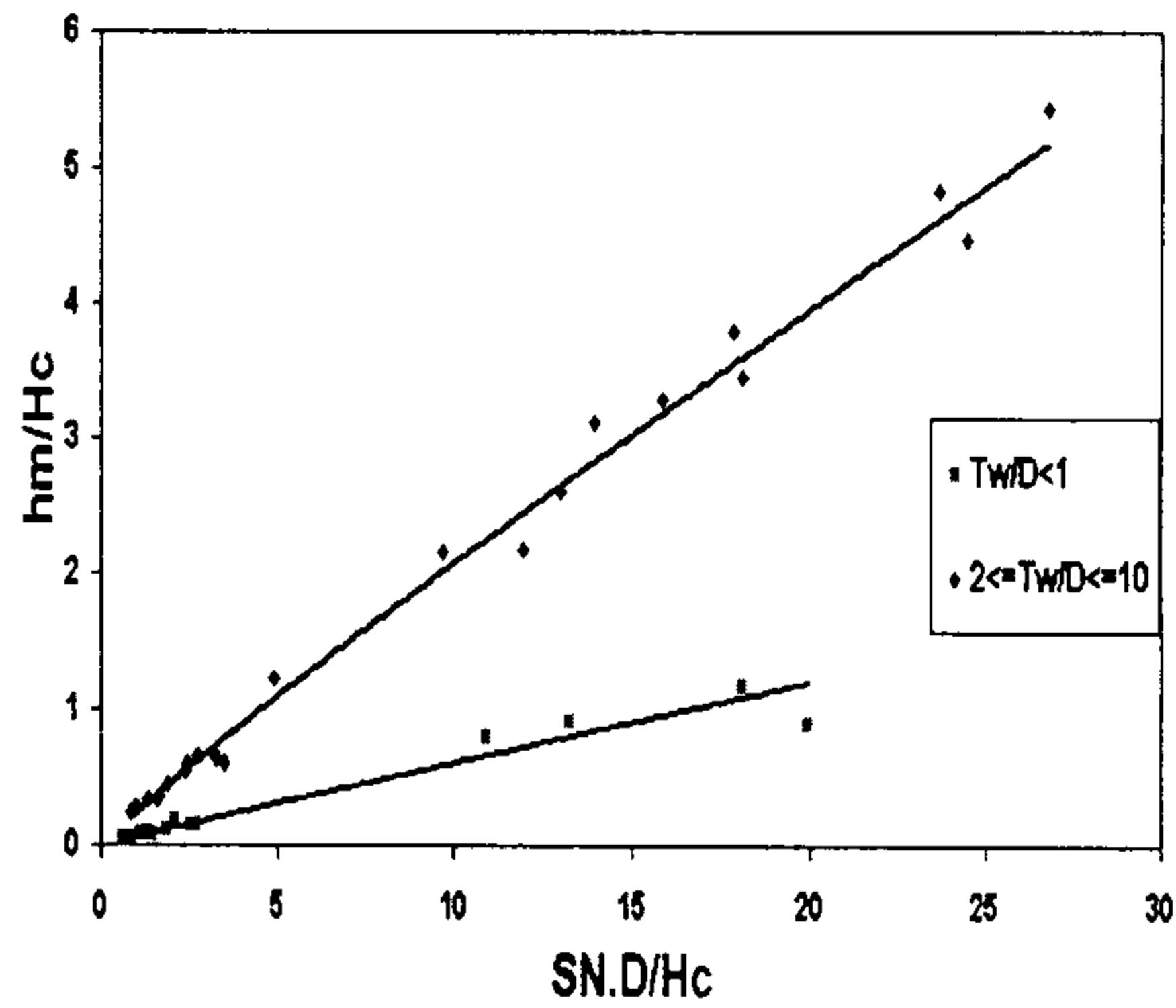
فاصله افقی از انتهای حفره آبشستگی تا انتهای رسوبات ته نشین شده در پایین دست حفره آبشستگی را

نشین می شوند. این روند در تمام مدت آبشستگی ادامه داشته و بعد از رسیدن به یک ارتفاع حداقل دیگر تغییری قابل توجهی در ارتفاع برآمدگی دیده نمی شود.

ارتفاع برآمدگی رسوبات بیشتر از عمق پایاب تاثیر می پذیرد و می توان گفت که زمانی که عمق پایاب کم باشد رسوبات به صورت یکنواخت جلوی حفره آبشستگی پخش و ته نشین می شود ولی زمانی که عمق پایاب بیشتر باشد رسوبات به صورت تپه ای در پایین دست حفره تشکیل می شوند.

شکل (۷) تغییرات ارتفاع نسبی برآمدگی رسوبات در جلوی حفره  $hm/Hc$  را بر حسب  $SN.D/Hc$  برای مقادیر مختلف  $Tw/D$  نشان می دهد. روشن است که عمق پایاب تاثیر قابل توجهی بر روی ارتفاع برآمدگی رسوبات نیز دارد.

شکل (۷) نشان می دهد که افزایش  $Tw$ ، افزایش ارتفاع برآمدگی رسوبات جلوی حفره آبشستگی را برای مقادیر مشخص  $D$  و  $Hc$  به همراه دارد.



شکل ۷: تغییرات  $hm/Hc$  بر حسب  $SN.D/Hc$  و  $Tw/D$ .

بهترین معادلات با استفاده از داده های آزمایشگاهی برای نسبتهای مختلف  $Tw/D$  به صورت زیر می باشند.

$$\frac{hm}{Hc} = 0.0636 \left( \frac{SN.D}{Hc} \right)^{0.978} \quad \frac{Tw}{D} < 1 \quad (21)$$

$$\frac{hm}{Hc} = 0.224 \left( \frac{SN.D}{Hc} \right)^{0.928} \quad 2 \leq \frac{Tw}{D} \leq 10 \quad (22)$$

معادله برای برآورد طول برآمدگی رسوبات جلوی حفره، با توجه به کمترین مقدار خطای مشاهداتی و محاسباتی، به صورت زیر بدست می‌آید:

$$\frac{L_R}{H_c} = 1.064 \left( \frac{T_w}{D} \right)^{-0.268} \left( \frac{SN.D}{H_c} \right)^{0.909} \quad (29)$$

مقدار خطا  $E$  ناشی از معادله فوق برابر  $30\%$  در صد می‌باشد. نجفی (۱۳۸۱) با مقایسه بین مقادیر اندازه‌گیری شده و محاسبه شده طول برآمدگی رسوبات، دقت قابل قبول رابطه (۲۹) را نشان داد.

### نتیجه گیری

از بررسی نتایج بدست آمده از آزمایشها موارد زیر را به عنوان نتیجه گیری می‌توان بیان کرد:

۱- افزایش عدد فرود ذرات، افزایش ابعاد حفره آبشنستگی و ابعاد رسوبات ته نشین شده در پایین دست حفره را به همراه دارد.

۲- عمق پایاب تأثیر زیادی روی ابعاد حفره آبشنستگی دارد. روابط بی بعدی که برای هر یک از ابعاد حفره آبشنستگی ارائه شد تابعی از نسبت عمق پایاب به قطر لوله  $T_w/D$  است.

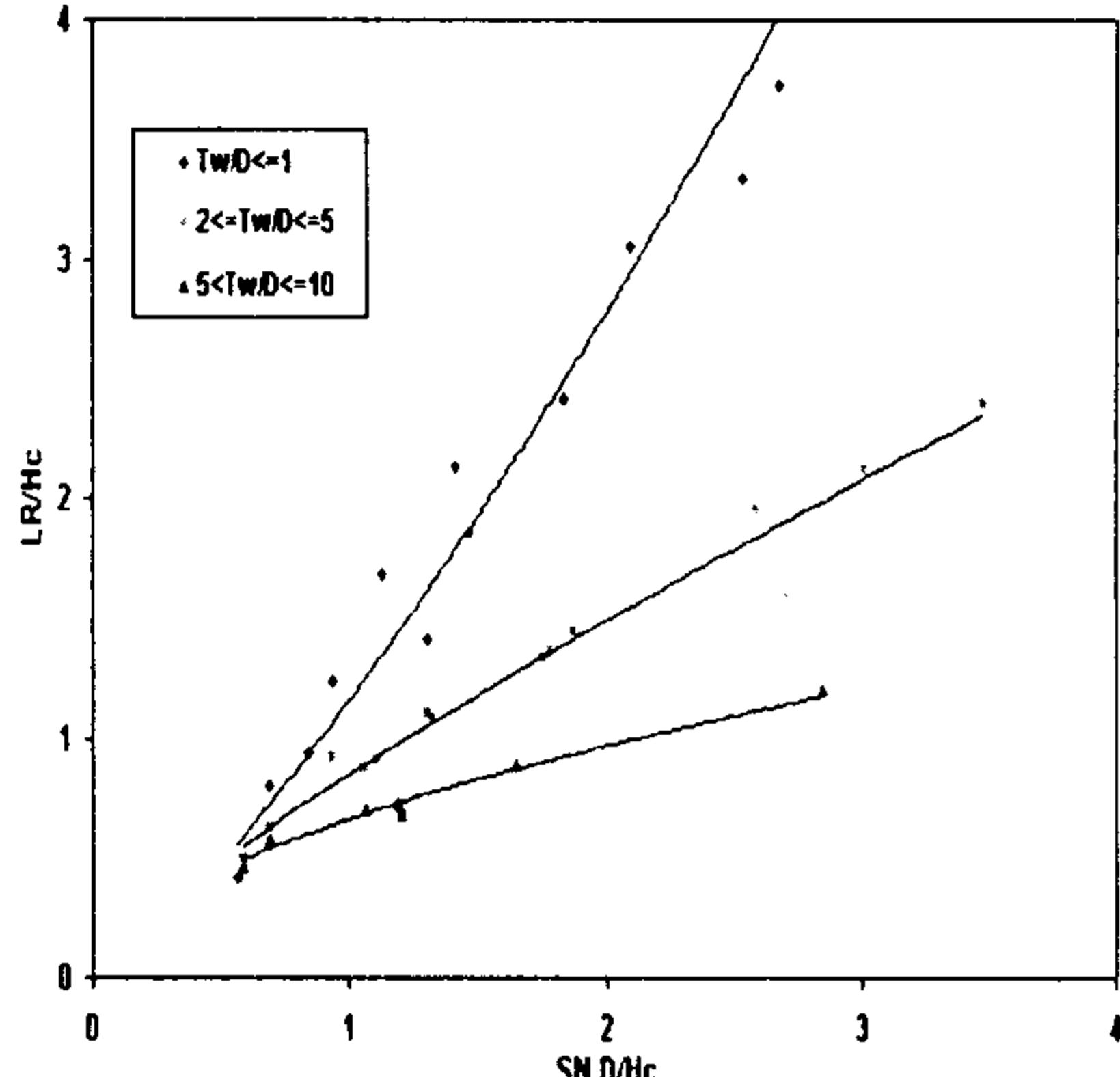
۳- عمق آبشنستگی با افزایش قطر کالورت و ارتفاع ریزش جریان افزایش پیدا می‌کند ولی با افزایش عمق پایاب از مقدار عمق آبشنستگی کاسته می‌شود.

۴- عرض حفره آبشنستگی با افزایش قطر کالورت و ارتفاع ریزش افزایش پیدا می‌کند ولی با افزایش عمق پایاب از عرض حفره آبشنستگی کاسته می‌شود.

۵- طول حفره آبشنستگی با افزایش قطر کالورت و ارتفاع ریزش کاهش پیدا می‌کند ولی با افزایش عمق پایاب طول حفره آبشنستگی افزایش پیدا می‌کند.

۶- ارتفاع برآمدگی رسوبات در پایین دست حفره آبشنستگی با افزایش قطر کالورت افزایش پیدا می‌کند در حالی که با افزایش ارتفاع ریزش تغییر چندانی پیدا نمی‌کند. عمق پایاب تأثیر زیادی روی ارتفاع برآمدگی نشان می‌دهد به طوری که برای حالتی که پایاب خیلی کم باشد رسوبات به صورت یکنواخت و تقریباً با ارتفاع ثابت جلوی حفره آبشنستگی ته نشین می‌شوند ولی برای

طول برآمدگی رسوبات می‌گویند. شکل (۹) تغییرات طول نسبی برآمدگی رسوبات  $LR/H_c$  را بر حسب  $SN.D/H_c$  برای مقادیر مختلف  $T_w/D$  نشان می‌دهد. این شکل نشان می‌دهد که افزایش  $T_w$ ، کاهش طول برآمدگی رسوبات جلوی حفره آبشنستگی را برای مقادیر مشخص  $D$  و  $H_c$  به همراه دارد.



شکل ۹: تغییرات  $LR/H_c$  بر حسب  $SN.D/H_c$  و  $T_w/D$

بهترین معادلاتی که برای نسبتهای مختلف  $T_w/D$  بدست آمده به صورت زیر می‌باشد:

$$\frac{L_R}{H_c} = 1.155 \left( \frac{SN.D}{H_c} \right)^{1.265} \quad \frac{T_w}{D} < 1 \quad (25)$$

$$\frac{L_R}{H_c} = 0.846 \left( \frac{SN.D}{H_c} \right)^{0.818} \quad 2 \leq \frac{T_w}{D} \leq 5 \quad (26)$$

$$\frac{L_R}{H_c} = 0.658 \left( \frac{SN.D}{H_c} \right)^{0.554} \quad 5 < \frac{T_w}{D} \leq 10 \quad (27)$$

ضرایب همبستگی روابط فوق به ترتیب برابر  $0.948$ ،  $0.974$  و  $0.967$  می‌باشد. شکل معادله کلی برای نسبتهای مختلف  $\frac{T_w}{D}$  به صورت زیر در نظر گرفته شد.

$$\frac{L_R}{H_c} = n \left( \frac{T_w}{D} \right)^p \left( \frac{SN.D}{H_c} \right)^p \quad (28)$$

که در آن  $n$  و  $p$  مقادیر تجربی است. ساده‌ترین شکل

افزایش پیدا می‌کند ولی با افزایش عمق پایاب طول برآمدگی رسوبات کاهش پیدا می‌کند.

۸- روابط مناسبی برای برآورد ابعاد حفره آبستگی و برآمدگی ناشی از ته نشینی رسوبات در پایین دست آن ارائه شد.

حالی که پایاب زیاد باشد، یک تپه جلوی حفره آبستگی تشکیل می‌شود. با افزایش عمق پایاب، ارتفاع برآمدگی رسوبات پایین دست حفره هم افزایش پیدا می‌کند. ۷- طول برآمدگی رسوبات ته نشین شده در پایین دست حفره آبستگی با افزایش قطر کالورت و ارتفاع ریزش،

## مراجع

- ۱- نجفی، ج. "مطالعه آزمایشگاهی آبستگی پایین دست کالورت لوله ای." پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه تربیت مدرس، دانشکده فنی و مهندسی، (۱۳۸۱).
- 2 - Abt, S. R., Klberdanz, R. L. and Mendoza, C. (1984). "Unified scour determination." *Journal of Hydraulic Engineering, ASCE*, Vol. 110, No. 10, PP. 1363-1367.
- 3 - Abt, S. R., Ruff, J. F., Doehring, F. K., and Donnell, C. A. (1987). "Influence of culvert shape on outlet scour." *Journal of Hydraulic Engineering, ASCE*, Vol. 113, No. 3, PP. 393-400.
- 4 - Ade, F. and Rajaratnam, N. (1998). "Generalized study of erosion by circular horizontal turbulent jets." *Journal of Hydraulic Research, IAHR*, Vol. 36, No. 4, PP. 613-635.
- 5 - Aderibigbe, E. O. and Rajaratnam, N. (1996). "Erosion of loose beds by submerged circular impinging vertical turbulent jets." *Journal of Hydraulic Research, IAHR*, Vol. 34, No. 1, PP. 19-33.
- 6 - Blaisdell, F. W. and Anderson, C. L. (1988). "A comprehensive generalized study of scour at cantilevered pipe outlets." *Journal of Hydraulic Research, IAHR*, Vol. 26, No. 4, PP. 509-524.
- 7 - Breusers, H. N. C. and Raudkivi, A. J. (1991). *Scouring. hydraulic structures design manual*. Balkema, Rotterdam.
- 8 - Doddiah, D., Albertson, M. L. and Thomson, R. (1953). "Scour from jets." *Proceedings of the Minnesota International Hydraulic Convention, Minneapolis*, Minnesota, USA, PP. 161-169.
- 9 - Doehring, F. and Abt, S. R. (1994). "Drop height influence on outlet scour." *Journal of Hydraulic Engineering, ASCE*, Vol. 120, No. 12, PP. 1470-1476.
- 10 - Ghodsian, M. (2002). "Scour hole geometry downstream of a culvert." *13th APD-IAHR Conference*, Singapore.
- 11 - Ghodsian, M., Abbasi, A. A. and Azar, F. A. (1998). "Maximum depth of scour below free jet spillway." *5<sup>th</sup> seminar on river engineering*, Ahvaz, Iran.
- 12 - Lim, S. Y. (1995). "Scour below unsubmerged full-flowing culverts." *Proc. Institution of Civil Engineers, Water Maritime and Energy*, Vol. 112, PP. 136-149.
- 13 - Lim, S. Y. and Chin, C. O. (1992). "Scour By circular wall jets in nonuniform sediments." *Advances in Hydro-science and Engineering*, Vol. 1, PP. 1989-1994.
- 14 - Ojha, C. S. P. (1999). "Outlet scour modeling for drop height influence." *Journal of Hydraulic Engineering, ASCE*, Vol. 125, No. 1. PP. 83-85.
- 15 - Rajaratnam, N. (1982). "Erosion by submerged circular jets." *Journal of Hydraulic Engineering, ASCE*, Vol. 108, No. 2, PP. 262-267.
- 16 - Rajaratnam, N. and Berry, B. (1977). "Erosion by circular turbulent wall jets." *Journal of Hydraulic Research, IAHR*, Vol. 15, No. 3, PP. 277-289.
- 17 - Rajaratnam, N. and Mazurek, K. A. (2002). "Erosion of a polystyrene bed by obliquely impinging circular turbulent air jets." *Journal of Hydraulic Research*, Vol. 40, No. 6. PP. 709-716.
- 18 - Robinson, A. R. (1971). "Model study of scour from cantilevered outlets." *Transaction, ASAE*, Vol. 14, PP. 571-581.
- 19 - Ruff, J. F., Abt, S. R., Mendoza, C., Shaikh, A. and Kloberdanz, R. (1982). "Scour at culvert outlets in mixed bed materials." *Report FHWA/RD- 82/011*, Colorado state Univ., Fort Collins, Colorado.
- 20 - Westrich, B. and Kobus, H. (1973). "Erosion of uniform sand bed by continuous and pulsating jets." *Proceedings of IAHR Congress*, Istanbul, Turkey, Vol. 1, A13, PP. 1-8.